

TRIGONOMETRIE CRV



Tridnag in hoc ABC
341

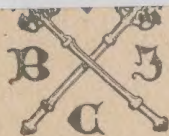
*Posbli ghuay na ofiare, da
 wum co. Drugi potowme
 dway, czwartu iakci lgey.
 od ottarja natuzyl zloty, to
 polshich. Wale beto.*

Cim 1318

Biblioteka Jagiellońska



stdr0004191



1318-1323

CIMELIA

614904



Cim 1318-
 -1323

Tavha 160.

Quartu 162.

Axiom. Spolovicu.

Primu 170. Matem.

Secundu 175.

Tavha 179.

Quartu 181.

123.

XII.

Ładunek in bar ABC
341

Posłi gburay na ofiarę, da
wam co. Drugi potowu
dway, czwarty iahci bgy.
od ottarga naluyl złoty, to
polshich. Wale beto.

Cime 1318-

1323

A. 1 N.	5
B. $\frac{1}{2}$ N.	$2\frac{1}{2}$
C. $1\frac{1}{2}$ N.	$7\frac{1}{2}$
D. 3 N.	15

pu
Soy it, h.
qui

$$6N = 30.$$

Axiomata Planorū	
Primū Arho	156. NB
Secundū	158.
Tertū	160.
Quartū	162.

Axiom. Solidorū	
Primū	170. Matem
Secundū	175.
Tertū	179.
Quartū	181.

23.

XII.

Niniejszy klocek (niegdys wlasność
autora, Jana Brozka) był już raz
poprawiony w r. XIX, kiedy usunięto
z niego dwie pierwsze pozycje [Vieta
Krügera Synopsis Trigonometricae, Dan-
tisci 1612, i tegoż Logistica sexagenar-
ia, Dantisci 1616 (obecnie pod sygn.
56336 - 56337. I)]. Po raz drugi
poprawił go i wyrestaurował in-
terligator Jan Wyżga w r. 1937.
Pry tej sposobności odjęto z kawa-
łka tego klocka list J. H. Nothefta
(zob. J. N. Franke, J. Brożek, str. 90)
i przeniesiono go do rekordu 1141.

A. B.

A

à
R

U

F

ARITHMETICA INTEGRORVM

EDITA

à M. IOANNE BROSCIO CV-
RZELOVIENSI, Ordinario Academiae
Cracouiensis Astrologo.



Virgil. FELIX QUI POTUIT RERVM
COGNOSCERE CAUSAS.

CRACOVIAE,
Prælo NOVODWORSIANO.

1620.

vide finem.

IN STEMMA

Illustriss. & Reuerendiss. Domini,
D. LAVRENTII GEBICKI,
ARCHIEPISC. GNESNEN.
&c. &c.



Fasciane ista olim Regum, peplumne Minervae.
Gordius an nodus, nodus an Hercules?
Quidquid id est, magnum est in magno principe, cuius
O similes p̄tinam secula quaeque ferant!

M. L. S.

Com. O. 1318

2
Illustriß. & Reuerendiß. Dño,
D. LAVRENTIO
GEBICKI,

Dei Gratia Archiepisc. Gnesn.

LEGATO NATO,
REGNI POLONIÆ
PRIMATI,
PRIMOQUE PRINCIPI.



Dño & Mecænati obseruãdissimo.

IOANNES BROSCIVS CYRZELOVIENSIS,
Ordinarius in Acad. Crac. Astrologus.

S. P. D.



Vod tibi MECÆNAS
offero, puerile quiddam
videtur: ac reuera pue-
rile est. Ab hoc tamen

A 2

incipere

incipere placuit quod neglec Tum ulterio=
ra studia magnis inuoluit difficultatibus.
Pythagoras discipulorum ingenia in nu=
meris explorabat, tarditatem indus triæ
ex tarditate computandi colligens. Istum
Pythagoræ morem utinam aliquando ad
scholas reduc Tum videamus! Artes aliæ
mutabiles sunt pro nationum varietate.
Sic aliam Græcorum Grammaticam vi=
demus, aliam Latinorum. Mathematicæ
artes æternæ sunt ac immutabiles. Qua
enim ætate, vel in qua gente, bis bina qua=
tuor non faciunt? His ergo quia immu=
tabiles sunt, ingenium atque iudicium ita
firman=

firmantur, ut non facile ad quosvis opi-
nionum ventos agitentur: non facile non
causam pro causa sumant. Ac, si quod
res est fateamur, loquendi usum pueri
non à Grammaticis, sed à nutricibus olim
ediscebant. Scholæ initium à numeris *T*
figuris, hoc est ab Arithmetica *T* Geo-
metria erat. Non itaq; mirum est *T* iis
artibus exculta veterum ingenia ad ma-
ximum scientiarum usum peruenisse.
Quod olim discebant pueri, id nunc viri
iique admodum pauci attingunt. Atque
utinam id fieret ea ratione quam Pytha-
goras induxerat! Tacebant diu eius di-
scipuli,

Scipuli, nunc vix Scholam ingres si, loqua-
citate omnibus moles tibi sunt. Adeo, quod
difficillimum est tibi, facile consequuntur, si ta-
men consequuntur. Hæc aliaq^q multa dum
perpendo, valde cupio Pythagoram, Pla-
tonem, in Scholas reduci. Cum hos nomino,
quod in ijs diuinum ac immortale fuit nomi-
no. Atq^q hanc ob causam Arithmetices hoc
compendium collegi, ut Academia nos Tra
Scholis minoribus hoc est tibi iuventuti opti-
mis studiis consecrata via ad Pythago-
ram, Academiamq^q Platonis seueriorem
facilior esset. Multa hinc fortas se non
ad mentem paedagogorum, qui non se ad
regulas

regulas artis, sed artis regulas ad suam
opinionem componunt: omnia tamen è
probatissimis Mathematicis ita collecta
atq; proposita sunt, ut facile ab indolis
percipi possint. Tuæ verò Illustrissimæ
Celsitudini *MECÆNAS* offero, cuius
benignitati iam multum debeo. Quæ enim
benignitate hospitem illum mox periturum
non excepis? Iam ab eo tempore ma-
ius aliquid meditabar, sed nihil amplitudi-
ni dignitatis tuæ par reperire potui. A-
mici mei qui sciebant tuam Celsitudinem
numerationi *Biduos* Tienſi inter militares
strepitus summa cum laude præfuisse,
monebant

monebant Arithmetica quantacumq³ es-
set amplius Jimo tuo nomine iuventuti Jtus
diosa commendandam es se. Magna pru-
dentia atq³ animi moderatione motus illos
hominum iniquis Jimo foedere atq³ patriæ
funes to iunctorum componebas : cum
Arithmetica prorsus Artotrogi, qua-
lem infra è Plauto exhibuimus à Regni
Thesauro extorquerent. Hæc aliq³ in-
numera in patriam merita, excelsa sunt,
sed multo excelsiora omnes in te admiran-
tur. Quanta enim naturæ ac ingenij do-
na, T quàm admiranda ! Quæ literæ siue
diuinas siue humanas spec³ tes ! Quam
eloquens

eloquens sapientia, sapiensq; eloquentia!
quam conueniens primatum quem in Re=
publica, magna omnium gratulatione, ma=
iore Reipublicæ commodo obtines! Nul=
la eloquentia est t̄ quæ tuis virtutibus,
præcipue vero mansuetudini ac beneficen=
tiæ, paria facere possit elogia Quic=
quid est t̄ in te, summum est t̄. Optimus
Archiepiscopus, hoc est t̄ Ecclesiæ splen=
didissimum lumen per totam Archidie=
cesim, atq; etiam per totum regnum. Opti=
mus Senator, hoc est t̄ verus Reipublicæ
Primas, primusq; Princeps. Habent om=
nes qui nunc sunt, & qui post erunt,
quod

quod inte admirentur, quodq; imitentur:
quamuis pos terius hoc non adeo sit in
proclui. Hac à me commemorari, tibi,
quod non dubito, moles Tum es t: at ego,
quem incredibili beneficentia, cum tuus
es sem, magis tuum fecis ti, tacere non
debeo: ut omnes bonarum artium cultores
cognoscant, qualem quàmq; benignum no=
stra s tudia patronum habeant. Vix
credo ut ex a quo respondere pos sim, quod
tamen pos sum, exiguum istud munus ti=
bi *MECÆNAS* offero: tua quidem
amplitudini minime consentaneum, at mea
tenuitati valde conueniens. Si quid utili=

tatis

tatis studiosa inuentus hinc percipiet, tuæ
Celsitudini acceptum referet. Accipe igitur
MECENAS, atq; me in *Hip-*
pocratis & *Galen*i hortos descendente[m] ut
capis ti, simulq; *Academi*am bonarum
artium per totam *Sarmati*am matrem, de-
fende. *Deus Optimus Maximus* tu-
am Celsitudinem seruet diu incolumem.

Adolescenti Arithmeti-
ticam hanc lectione S.

ANtequam accedas Adol-
scens ad libri huius lectio-
nem, moneo te primum, vt er-
rata quæ sub finem annotantur,
corrigas. Deinde vt ordine o-
mnia legas. Nihil perspicuitati
tam aduersum est quam præ-
postera lectio. Cum sæpè mul-
tos vidissem, qui ab extrema li-
bri pagina lectionem inchoa-
rent, veniebat mihi in mentem
illa historia quæ est apud Gil-
bertum Cognatum. Fuit mo-
rio quidam qui in heri culinam
ex more ligna ferebat. Is sole-
bat

bat ex infima strue ea reueller
re quæ moueri sine magno ne
gocio non poterāt. Interroga
tusq; cur id faceret; respondit:
Se difficillimam laboris partē
primum confecturum, summa
illa facilius moueri: nec vidit
quantum referret singula ordi
ne tollere. Ne igitur adolescēs
huic similis sis, ordine leges. Sic
enim fiet, vt nihil obscurum
fit: vel si obscurum videatur,
iam aliquid perfūctoriē lectū,
ac non ita vt decet concoctum
existimabis. Vale.

ΠΑΡΑΙΝΕΤΙΚΟΝ
Ad Gymnasiarchas
M. LAVRENTII SMIESZKOWIC
ORATORIS TYLICIANI.

Vos ô scholarum præfides, quibus impigrè
Sub erudito pollice
Inuenta prima fingitur, spes patria,
Sementis omnium virum;
Quæso agite & exemplo veteris aui, scholæ
Hanc regulam præscribite,
Ars calculandi ut personet vestro in chora,
Ars omnium utilissima,
Solertis ingenii indicatrix, & animi
Mentisq; logica symbolum.
Istius olim per vias cucurrerunt
Philosophiæ & Mathematicæ
Mystæ futuri: non erat fas aggeredi
Sacra illa sine sacris ijs.
Iam quæq; vita siue publicam aspiciis,
Seu propriam domi suæ
Cuiusq; quantum opus habet ex isto organo,
Videre, qui videt, potest.

Ac ne

Ac ne Poloni non Polonos ambiant,
En prodit ex Academia
Fidaq, veteraq, Lechia nutricula,
Lyceo ab Iagelloneo,
Planâ, breui, doctaq, faciliq, methodo,
Effecta. Quod si forsitan
Authoris animum nosse percupis, frui
Vult quemq, nec aliquod suum
Vult inde legere commodum, præter tuum,
Habitamq, gratis gratiam.

Ad ipsum Authorem eiusdem.

BROSCI docte, Mathematicum perite,
Astrorum reditus tenens itusq,
Cæli multiplici via vagantis,
Gnareq, imperij superni in ista
Quæ sunt subdita syderum æuiternis
Mirusq, ignibus: hucq, subuolasti
Alis duplicibus, Geometriâ
Arithmeticâ & ingenii ferace:

In primis

*In primis genito recens libello
Vitalem diuturnioris æui
Vitam comprecor, augurorq; vates.
Dèin verò voueo calente voto
Ut fælix iter exigas eundum,
Et fælix remees tuis amicis
Visis Hesperijs plagis & inter
Doctores numeratus archiatros.*

*Qui cæli varios tenet recessus
Astrorumq; latentium nouit,
Hygiam facili colet Deam, nec
Infestus faciet sacrum Æsculapio.*



2. JULI 1711



BIBLIOTHECA



I
IOANNIS BROSCII
CVRZELOVIENSIS
ARITHMETICÆ
CAPVT I.

*De Arithmeticae Definitione at-
que Diuisione.*

ARITHMETICA est doctrina be-
ne numerandi, qua significatione
ab aliis Logistice dicitur. Franci-
scus Vieta Logistices nomen gene-
ralius sumit. Logistice inquit, numerosa est
que per numeros. Speciosa quæ per species
feu rerum formas exhibetur, vtpote per Al-
phabetica elementa. Itaque illi Logistice nu-
merosa Arithmetica dicitur. Ars est infiniti
vires non solum per omnes scientias, verum
per omnes vitæ partes. Plato certe interro-
gatus cur homo animal sit sapientissimum,
respondisse fertur, ὅτι ἀριθμῶν ἐπίσταται,
A quod

quod numerare sciat. Itaq; solertiꝯ hinc quod sumuntur indicia. Stultissimi enim semper habiti sunt qui numerare nesciuerunt: quod etiam in prouerbiũ abuisse palam est. Exempla non desunt. Amphistidem tradunt magno labore vsque ad quinque numerare didicisse. Sic & Melitides vltra quinque numerare non potuit. Quin etiam in Polonia dicitur quidam ætate iam prouectus fuisse, qui non poterat computare, quot solidis grossus Polonicus contineretur. Eiusmodi Logistas frustra adhibueris ad arenulas Archimedis numerandas. Ridiculi verò sunt qui artem propter rerum varietatem, in quibus artis vsus conspicitur in varias species distrahunt: aliamque putant mercatorum Arithmetica esse, aliam Mathematicorum. Ter quinque tantundem Mercatori faciunt, quantum Mathematico. De numeris intellige non de rebus numeratis. Neque propter rerum numeratarum diuersitatem, aut præceptorum in aliis atque aliis rebus vsus, artis vlla diuersitas erit. Diuersi sunt Vistulæ in Polonia vsus, ad aquadum, lauandum, nauigandum, aliique multi: Vistula tamen vnus est. Liceat enim nobis in

Acade-

Acad
vsus
mia
iis lib
ter A
uant
quan
tunc
Mat
mun
prop
null
est,
cũ
Arit
Spec
qui
seip
diss
hoc
Om
the
vsus
tes,
esse

Academia Cracouienti de nostro Vistula hoc
 vsurpâre, quod olim Veromandus in Aca-
 demia Parisiensi de suo Sequana vsurpauerat in
 iis libris, quos in lucem iam editos peculiari-
 ter Academia Cracouienti dono dedit (asser-
 uantur penes facultatē Philosophicam) post-
 quam Georgio Ioachimo Rhetico Cracouia
 tunc observationibus per obeliscum; aliisque
 Mathematicis laboribus illustranti, grauissi-
 mum de Astrologiæ constitutione problema
 proposuisset. Sed hanc distinctionem artis
 nulli cordato placere puto. Alia operosior
 est, ac vereor ut nonnullis dissuaderi possit,
 cum à magnis viris vsurpatam viderint. Aiunt
 Arithmeticam aliam esse Practicam, aliam
 Speculatiuam. Socrates olim accusabat eum
 qui primus vtilitatem à natura siue honesto
 seiunxisset: ego quoque valde accuso eos, qui
 dissidium inter contemplationem & praxim,
 hoc est cōtemplationis vsum introduxerunt.
 Omnium artium præcepta cum ediscuntur
 theoriam habent: eorum verò exercitatio &
 vsus praxim. An verò propterea duæ sunt ar-
 tes, ars & vsus artis? Nulla præcepta debent
 esse ociosa: omnium vsus perquirendus. Ne-

que tamen statim ociosa putemus, si quorum
 vtilitatem nondum perspicimus. Ingenii po-
 tius nostri imbecillitas hic accusanda est. Val-
 de verò mihi de ignorantia suspecti sunt isti
 contēplatores absque praxi: quod de Musicis
 speculatiuis tantum, Ioannes Baptista Bene-
 dictus ad Cyprianum Rore Musicum celebra-
 rimum olim perscripsit: Opinio, inquit, He-
 ctoris Eutonii Cypriane mi dilectissime vera
 non est, quod aliquis rectè possit intelligere
 rationes consonantiarum Musices absque co-
 gnitione illarum, mediante ipso sensu: imò
 nemo potest calere theoriam Musices, nisi a-
 liquo modo versatus sit in praxi. Idque con-
 fessus est ingenuè acerrimi ingenii vir Adria-
 nus Romanus, dum affirmavit se quod nul-
 lam sibi in adolescentia praxim Musicæ com-
 parasset, vix circa annum quinquagesimum
 intellexisse quid esset Diapason. At dices mul-
 tos esse in contemplatione præceptorum ali-
 cuius artis versatos ad praxim tamen ineptos:
 Dico ego contemplationem illam cum ine-
 ptitudine ad vsum imperfectionem artificis
 arguere. Cum enim Aristotele ipso docente,
 Tunc demum rem quamvis scire dicamur,
 cum cau-

cùm causas eius primaque principia cognoscimus, quomodo ille rei alicuius cognitionem contemplatione assecutus dicitur, qui suæ contemplationis ignorat usum, hoc est finem, causam causarum omnium præstantissimam? Quia igitur non vnius causæ, sed omnium causarum cognitio scientiam parit, ideo non solum perquirendum est, quid res sit, quod isti contemplatores faciunt, verum etiam propter quid sit, indeque iam praxis, hoc est usus emanat. Et rectè Maro ait: Felix qui potuit rerum cognoscere causas. Sed dicent adhuc multa in hac arte præcepta esse sibi inutilia. Ego verò respondeo illis quidem inutilia, aliis verò maximè utilia esse. De artis verò usu, ex rerum ipsarum natura iudicium instituendum est, non ex percipientis potentia. Hominum enim ingenia non æque capacia sunt. Theophrastus quoque dicebat ea quæ scimus, si comparentur ad ea quæ nescimus, ne millesimam quidem partem esse eorum quæ nescimus. Et aliquis est qui Arithmetices usum ad sacculos tantum suos extendit, an ex eius arbitrio Arithmetica nobis erit definienda? Constat igitur nobis hinc, ut ar-

tis cuiuslibet, sic Arithmetice quoque contem-
 plationem propter praxim institui: praxim
 autem non illam tantum qua inquiremus, si
 vna vlna ematur 20 nummis, sex vlnæ quot
 nummis ementur: (quamuis hæc quoque præ-
 clara sit) verum aliam longè præstantiorem
 qua expediti reddimur ad omnes disciplinas
 percipiendum. Magna hæc Arithmetice cõ-
 moditas est, à Platone adhuc prodita. Homi-
 nes (inquit) natura λογιστικοί hoc est cõpu-
 tatores ad omnes doctrinas acuti videntur.
 Quin etiam si qui ingenio tardiores huic se
 studio dederint, si nullam aliam vtilitatem su-
 sceperint, tamen hoc assequuntur vt acutiores
 quam antea sint. Eademque sententia est D.
 Augustini, qui non solum Arithmeticam ipse
 conscripsit, verum illud quoque grauissimè
 monuit: Nemo (inquiēs) ad diuinarum hu-
 manarumque rerum cognitionem accedat,
 nisi prius annumerandi artem addiscat. Pos-
 sem hoc loco multas grauissimorum authorũ
 sententias adhuc proferre, sed breuitati con-
 sulendum est. Et horum quos adduxi autho-
 ritas tanta est, vt sola per se sufficiens sit pue-
 rorum ingenijs excitandis, ad perquirendum

Arith-

Arithmetices vsum. Ac iam omiffa illa diuifi-
 one, quæ res arctiffimo vinculo coniunctas
 dirimit, aliã cum recentioribus proponamus.
 Arithmetica duplex est: Simplex quæ confi-
 derat simplicem numeri naturam: & Com-
 paratiua, quæ comparationem numerorũ in-
 stituit. Nihil in tota Arithmetica reperies,
 quod ad has partes non reuocetur. Numerus
 verò circa quem Arithmetica verfatur, ab Eu-
 clide dicitur vnitatum collectio. Diuidunt
 alii numerũ in digitum: vt, 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.
 Articulum: vt, 20. 30. 40. 1000. Composi-
 tum: vt, 15. 26. 1004. Verũ hæc distinctio
 apud Euclidem veteresq; Mathematicos nul-
 la fuit. Videtur autem defumpta, vt voces
 ipfæ arguunt ex Arithmetica, quæ olim fuit in
 digitorum gestu. Apud Plutarchum huius
 Arithmeticæ vestigia extant. Scribit enim O-
 rontem Regis Artaxerxũ generum, cũ ob i-
 ram inhonoratus & condemnatus foret, dixif-
 fe: *Vt computatorum digiti nunc decem mil-
 lia nunc vnum significant: ita regum quoque
 amici, interim totum, interim minimum pos-
 sunt.* Quintilianus quoque Actor, inquit,
*non dico, si circa summas trepidat, sed si digi-
 torum*

torum saltem incerto aut indecoro gestu, à cōputatione dissentit, iudicatur indoctus. Et Ianni statua à Romanis sic efformata scribitur, vt dextra trecenta, sinistra sexaginta quinque notaret, ad dies anni designandos. Itaque maiores numeri in dextra manu, minores in sinistra notabantur. Poetaque Ienem aliquē designans, inquit:

— Atque suos dextra iam computat annos. Beda Venerabilis presbyter, nonnulla prodidit de istiusmodi Arithmetica: & spero aliquē fore, qui collapsam hanc per digitos computandi rationem restituat. Sed iam accedamus ad præcepta artis explicanda, exordium sumentes à Numeratione vt eam vocant.

CAPVT II.

De Numeratione.

INitio monitum Lectorem volo, nomen istud amplum esse. Si enim Arithmetica est doctrina bene numerandi, tota numeratione constabit. Qui addit numerat: numerat etiam qui subtrahit, & qui multiplicat, vel diuidit. De-

dit. Denique nihil in Arithmetica reperies, quod numerationis nomine non contineatur. Cur igitur nomen minutæ parti inditum, quod toti Arithmetico corpori proprium est? Nos cum recentioribus Notationem vocabimus: quæ si nobis definienda sit, non ineptè forsan eâ Lectionem aut Scriptionem cuiuscunque multitudinis esse dicemus. Hoc ut pueri, quibus hæc scribimus, intelligant (pueros autem existimo, omnes qui numerandi artem ignorant) utar exemplo illis familiari: Habent Grammatici suum alphabetum A b c d, &c. habent etiam Arithmetici suum: paucioribus tamen literis vel characteribus constans. Alphabetum autem Arithmeticum istud est. 0 nullā, 1 vnam, 2 duas, 3 tres, 4 quatuor, 5 quinque, 6 sex, 7 septem, 8 octo, 9 novem unitates valet. Decem igitur solummodo notis quævis multitudo exprimitur, ut admirabile sit adeò paucis literis tot multitudines scribi & exprimi posse. Quotiescunque igitur numerus aliquis proponitur, eum sumpto initio à dextra distingue post ternas qualesque figuras, ut singulæ periodi seu membra contineant tres notas, excepto ultimo, quod

atq; adeo. *Græci. Δ, Ε, Ζ. Dux. Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω. Latini. A, B, C, D, E, F, G, H, I, K, L, M, N, O, P, Q, R, S, T, U, V, X, Y, Z. Arabi. 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. Indici. Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω. Persici. Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω. Sines. Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω. Indici. Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω. Persici. Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω. Sines. Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο, Π, Ρ, Σ, Τ, Υ, Φ, Χ, Ψ, Ω.*

Barbarus characteres vocant aliqui. magno tamen ad bene numerandam compendiosum sunt inventi et non Romani.

*sunt enim ingenio supra reliquos
mortales acuto et ad inuentionem cum*
10 *Aritmetice* d

aliquando tres, aliquando duas, aliquando
vnam continet. Trium verò istarum nota-
rum valor nō est idem, vt in hoc exemplo 304,
quaternarius primo loco positus, quatuor tan-
tū significat: ac si notas permutēs sic 340
quaternarius in secundum locum promotus, si-
gnificat quadraginta: denique si hoc pado
ponas 430 quaternarij nota altius euecta qua-
dringenta significabit. Verum igitur hic illud
est: Honores mutant mores. In tribus ergo
istis locis primo puer exerceatur. Primus lo-
cus valorem numeri simplicem habet. Secū-
dus locus valet denarios, quot enim vnitates
fuerint in secundo loco, toties decem intelli-
gantur. Tertius locus centum designat toties,
quot vnitates in illo fuerint. Antiquum il-
lud mihi placet: prima se, secunda decem, ter-
tia centum: hoc est, prima nota suam simpli-
cem significationem retinet. In secundo loco
posita significationem suam decuplam facit.
In tertio centuplam, vt hic 324. Prima 4 si-
gnificat quatuor vnitates. Secunda 2 signifi-
cat viginti: id est decies duo. Tertia 3 signi-
ficat trecenta, id est centies 3. Atque hi tres
amplificationis gradus in maioribus etiam
numericis

de fructu tractandam exquisito.
Adhuc Petrus Bertius in Descriptione

Caput II. Cambasii II quam

numeris repetentur. Millia verò per cōmata *etiam*
seu virgulas designantur. Primum à dextris *quod*
comma designat millia. Secundū mille mil- *volat*
lia, quem vulgò millionem dicunt. Tertium
valet millies millena millia, hoc est mille mil-
liones, vel mille millia millium. Atque sic
deinceps millenaria progressio seruatur. Ve-
rò quilibet numerus enuncietur cōmodè,
membrum quodlibet seorsim exprimatur. *Sit*
exemplum istud. 64, 564, 205, 432.

Ultimum mēbrum à sinistra profertur sic:
Sexagies quater millies millena millia: Vel se-
xaginta quatuor millia millionum.

Tertium membrum quingenties sexagies
quater millena millia: Vel quingenti sexagin-
ta quatuor milliones.

Secundum ducenta nonaginta quinq; mil-
lia.

Primū tandem quadringenta triginta duo.

Vides igitur distinctionem numeri cuiusli-
bet procedere à dextra: Lectionem verò e-
iusdem à sinistra. Atque his intellectis, faci-
lè etiam quilibet numerus scribetur. *Ut si pro-*
ponantur septuaginta duo millena millia no-
ta exprimenda: Id per facies si primo 72. scri-
bas, dein-

bas, deinde toties tres 0 subiūgas quoties mille in exemplo nominantur: vt hic vides 72, 000, 000. Sic igitur scribentur septuaginta duo millena millia: seu milliones, vt nunc vocant. Millio enim significat mille millia vnitatum primi loci. Imo cuiuslibet loci millio est. In quarto loco sunt millia: si queras vbi sit quarti loci millio, hoc est millium millio, à quarto loco inclusiue dextram versus numera septem loca: ibi enim erit quatus locus: vt in hoc exemplo:

123, 456789, 012.

Millionis millionem reperiēs, si à prima nota ad septimam procedas, ibique commate posito, à septima nota veluti esset prima, numeros rursus ad septimam, vt in hoc exemplo.

123, 456. 789, 098. 765.

Enunciabis verò sic: Centum viginti tres milliones millionū. Quadringenta quinquaginta sex millia millionum. Septingēti octoginta nouem milliones. Nonaginta octo millia. Septingenta sexaginta quinque. Ac si millionis millionum nomen aliquod rotundū fingi possit, magnum esset compendium concipiendi & exprimendi magnos numeros. Talis ergo

lis ergo est lectio & scriptio numerorum. Variè autem in hac lectione & scriptione, puerorum ingenium explorari & exerceri potest, si loca aliqua sint vacua, hoc est cyphris (O) referta. *ut scribe octo millia & tredecim.*

8013.

Scribe viginti millia trecenti quatuor

20304.

Atq; sic deinceps in multis aliis exemplis, quorum genesis & analysis ex superioribus præceptis pendet. Notabis autem ab aliis omnes notas à septimo loco inclusivè enunciari adverbiis, quod tamen perpetuum non est.

CAPUT III.

*Qua ratione Romani veteres
numeros notauerint.*

ROmani peculiarem quandam numerorum enunciationem per centena millia habuerunt, ut ex varijs authorum locis deducit doctissimus Snellius. *Plinius libro 33. capit. 10. Non erat (inquit) apud antiquos numerus ultra centum millia, itaque est hodie.*
Centena

Centena verò millia designantur notis sexto loco positis. Ut si velis octies centena millia scribere: scribes sic 8, 00000. Sic Cicero Verri-
na 3 inquit. Dionem sestertium decies centena millia numerasse, quæ scribuntur sic 10, 00000. Sæpè tamen verba illa centena millia reticentur. Plinius libro 7 cap: 26 et abula votiva quam Pompeius Magnus bello triginta annorum confecto, in delubro Minervæ suspendit, numerat hominum centies vicies semel, octoginta tria millia ab eodem fusa. fugata, occisa, indeditionem accepta. Vbi Romano more plenè enunciandum est, centies vicies semel centena millia & octoginta tria millia. Numerus iste notabitur sic, 121, 83000. quem nos more nostro dispungeremus sic, 12, 183, 000. ut sit numerus duodecies millenorum millium, seu quod idem est duodecim millionum, & centum octoginta trium millium. In alijs Plinij exemplaribus leguntur tantum vicies semel centena octoginta tria millia. Multa talia exempla passim apud probatos aucthores occurrunt, quorum præcipua Snellius in libro de re Nummaria collegit. Suetonius Caligula: Vicies septies millies sestertium non toto

tot
pec
tice
pti
rus
ma
67
quo
us
Cle
abs
hæc
Gal
nisi
vigi
ista
suff
not
mne
vlos
per
ras
Rom
C. D
I fig

toto vertente anno absumpsit. Quæ infinita
 pecunia vis est. Hic etiam centena millia re-
 zicentur: Enunciatio plena hæc est, vicies se-
 pties millies centena millia sestertiūm. Nume-
 rus sic notabitur, 27000,00000. Quæ sum-
 ma Calculo Snellij facit coronatos Gallicos
 67,500,000. Non homo sed barathrum
 quoddam à Suetonio describitur. Plini-
 us libro 9 capite 35 margaritam quam
 Cleopatra in aceto maceratam vnico haustu
 absumpsit, sestertijs centies taxauit. Notatio
 hæc est 100,00000. Valor coronatorum
 Gallicorum 250,000 calculo Snellij. Sta-
 nislaus Grsepsius valorem ponit ducentorum
 viginti quinque aureorum Vngaricorum. Vna ^{millium}
 ista Cleopatra potio, quot hominibus tota vita
 suffecisset? Hoc autem loco illud venit an-
 notandum, Romanos atque adeò veteres o-
 mnes non his figuris 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9,
 vsos ad varios numeros exprimendum. Co-
 pernicus lib: I cap: 12 has numerorum figu-
 ras vocat Indicas, veluti ab Indis inuentæ sint.
 Romani literis septem utebantur I. V. X. L.
 C. D. M. ad omnem numerum describendum
 I significat vnum, X significat decem: V au-

tem est dimidium ipsius X. C significat centum & ita olim scribebatur [: & tum dimidium erit L pro nota quinquaginta. Sic M mille significat, & olim scribebatur sic CLO. ut dimidium ipsius LO vel propter scribentium celeritatem, vna litera D confusum fuerit pro nota quingentorum. Sic istæ Romanorū notæ describuntur in Scholis Mathematicis. Artificium notandi numeros per has notas Romanorum, consistit vel in repetitione, vt II. duo: III tria, XX viginti, XXX triginta, CC ducenti, &c. vel in præpositione: vt cū nota minor maiori præponitur, intelligitur maior diminuta minoris valore. sic LV quatuor. IX nouem, XL quadraginta, XC nonaginta, notantur. vel in subiunctione, vt cū nota minor maiori subiungitur, intelligitur maior aucta minoris valore. Ergo VI sex, XI vndecim, XV quindecim, LX sexaginta, CX centum & decem valebunt. Neque plura ad istiusmodi Arithmeticam ingeniosus requireret. Varietatem notarum apud
 alios inueniet copiosè
 expositam.

CAPVT IV.

*Qua ratione Græci numeros
notauerint.*

GRæci per myriadas literis suis numeros notare solebant, eamque notandi rationem in figuris etiam Indicis retinent celebres Mathematici, præcipue verò Adrianus Romanus. Franciscus Vieta subtilissimus Iureconsultus & Mathematicus, in responso propè diuino ad problema, quod omnibus Mathematicis totius orbis construendum proposuit Adrianus Romanus, alludens ad cognomen Romani, ex ista notandi ratione ioci sumpsit occasionem. Græci (inquiens) per myriadas, Romani per millenas & millesima numerant. Verum certo consilio Græcam dispunctionem Adrianus Romanus adhibuit, propter radicem quadratarum extractiones, ut ipse mihi narrauit Cracouiæ. Illud igitur antiquum hoc loco retineatur: Prima se- secunda decem: tertia centum: quarta mille: numerusque quotcunque notis descriptus, post quaternas figuras commatis distinguatur, sumpto

B

à dex-

à dextris initio. Primumque comma myriadum erit Myrias decem millia significat. Secundum myriontadicum duplorum: hoc est myriadis myriadum. Tertium myriontadicum triplorum: atque sic deinceps. Exemplis tota res melius percipietur. Herodotus lib: 7 Xerxis copias bellicas quas in Graciam duxit, enumerans sic ait: Quingentas viginti octo myriades, ter mille ducentos & viginti viros duxit Xerxes Darij filius usque; Sepiadem & Thermopylus. Numerus is notabitur sic: 528,3220.

Nostro more distingueretur: 5,283,220. ut sit valor quinque millionum, ducentorum octoginta trium millium, ducentorum & viginti virorum.

Appianus libro 4 bellorum civilium refert Ciceronis caput ab Antonio repensum 25 myriadibus Atticarum drachmarum. Numerus notatur sic: 25,0000. Porro 25,0000 drachmarum sunt 10000 Edoardei Nobiles. Tota vero summa 10000 Edoardeorum aequatur coronatis Gallicis 23,750. Theon in magnam Syntaxim Ptolemæi cap: 4 libro 1. terre soliditatem ex Ptolemæi sententia dimensus colligit stadia 98406364469497, quae

iuxta

iuxta
dispu

Vl

ginta

rimur

riont

Se

quadr

Pr

nagin

Se

posit

En

Vl

lies n

nona

P

es mi

milli

A

ter n

tuor

S

nam

iuxta expositam artem post quaternas notas
disiungo sic:

98,4063,6446,9497.

Ultimum membrum enunciabitur sic: nona-
ginta octo myriontadicon triplorum. Penul-
timum sic: quatuor millia sexaginta tria my-
riontadicon duplorum.

Secundum sic: sexies mille quadringenta
quadringenta sex myriades simplæ.

Primum: nouem millia quadringenta no-
naginta septem.

Secundum doctrinam capite secundo ex-
positam, numerus idem distingueretur sic:

98,406,364,469.497.

Enunciaretur in hunc modum.

Ultimum membrum: nonagies octies mil-
lies millies millena millia: vel simplicius sic:
nonaginta octo milliones millionum.

Penultimum, quadringenties sexies milli-
es millena millia. Vel quadringenta sex millia
millionum.

Antepenultimū: Trecenties sexagies qua-
ter millena millia: vel trecenti sexaginta qua-
tuor milliones.

Secundum: Quadringenta sexaginta no-
uam millia.

B 2

Pri-

Primum, Quādringenta nonaginta septem.

Atque inde iam perlpicis illam rationem numeros exprimendi, de qua diximus capite primo, nominatim verò hanc quæ fit per miliones, multò commodiorem esse. Quam rem non esse veluti leuè aspernandam, rectè monet Villebrordus Snellius, Mathematicorum hac ætate decus eximium. Quanto (inquit) periodi seu membramajora fuerint, tanto magis expedita erit enunciatio, & numerorum comprehensio memoriæ ac menti facilior. Archimedes quoque, vt in hac re, ita in omni diligentia mirus, periodos octonarias, hoc est membra octo notarum constituit, in sua ad Zeuxippum Arithmetica: quam rationem in suo Plâmmite de arenæ numero iterauit. Sed ad alia properemus. Nemini verò molestum videri debet, quod tam diu in præcedentibus hæserim. Integros alii libros conscripserunt de sola numerorum notatione: vti fecit Georgius Henischius Medicus & Mathematicus Augustanus. Multum autem refert, vt pueri ea exempla mente concipiant, verbis exprimant, quæ in sequentibus proponentur addenda, subtrahenda, multiplicanda, vel diu-

denda.

denda. Quid enim stultius est, quam addere eos numeros quos legere non possis? Proinde consulto immorati sumus in notatione: firmaque fundamenta Arithmetice iacta puer sciat, si notationis præcepta intellexit. Nunc veniamus ad quatuor præcepta Arithmetices, quæ Canonica vocat Franciscus Vieta: Logistices, inquit, speciosæ Canonica præcepta sunt quatuor, ut numerosæ. Magnitudinem magnitudini addere. Magnitudinem magnitudini subducere. Magnitudinem in magnitudinem ducere. Magnitudinem magnitudini applicare.

CAPUT V.

De Additione.

Additio est duorum vel plurium numerorum in vnam summam collectio.

In hac puer, ut summam duorum numerorum promptè inuenire assuescat, præscripto alphabeto, primum notas inter se variè componat.

0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.

B 3

Vi 2

vt 2 & 9 sunt 11. 9 & 0 sunt 9. 9 & 8 sunt 17. Atque ita deinceps variande sunt notæ, vt pueri ingenium promptum reddatur ad maiorum numerorum additionem.

Si verò tres aut plures figuræ colligendæ sint, per partes singulas inductio fiat: vt sint colligenda in vnâ summam 3, 6, 9, 5, 4. collectio fiet sic: 3 & 6 sunt 9. 9 & 9 sunt 18. 18 & 5 sunt 23. 23 & 4 sunt 27. Itaque istorum numerorum 3, 6, 9, 5, 4, summa est 27. Meditatione ista additio commodius perficietur, si collectionem mente facias, summam vero tantum lingua exprimas, ad singulas notas ponendo stylum aut digitum: vt (ad 3) 3 (ad 6) 9 (ad 9) 18 (ad 5) 23 (ad 4) 27.

Iis quæ sunt intra parentheses, intellige additam vocem ponendo. Numeri qui sunt extra parentheses, sunt summæ antecedentiû, quas solas vox exprimere debet. Assuescatque iam puer in hac meditatione mentem exercere. Res hic Pythagoræa agitur, silentio potius quam lingua perficienda. Hoc olim agebant in quinquennali silentio Pythagoræ discipuli. Hoc præmissio, datis duobus vel quocunque numeris, collocetur vnus sub altero: ita vt si-
miles

miles
tun.
dem
vniu
da,
ant
148

P
mai
vtcu
iam
tur,
linea
colle
bitur
dual
noti
da n
dici
mer

miles notæ vnus similibus alterius subiiciantur. Similes autem notæ dicuntur, quæ eiusdem loci ac periodi sunt. Igitur prima nota vnus numeri, primæ alterius, secunda secunda, tertia tertiæ, & cæteræ cæteris respondent: *vt si hi numeri 75429. 489268. 138. 1489 addendi sint: collocandi erunt hoc pacto:*

$$\begin{array}{r} 75429 \\ 489268 \\ 138 \\ 1489 \end{array}$$

Præcipitur vulgò vt de numeris addendis maior superscribatur: sed hoc nihil est: & vtunque numeros posueris, si id fiat modo iam præscripto, valor illorum non immutabitur, additioque eadem erit. Ducta denique linea sub numeris, primæ notæ colligantur; collectus ex his numerus, si vnica figura scribitur, ponendus est sub primis notis: Si verò duabus, dextra sub primis quæ sunt additæ notis scribatur: sinistra verò seruetur. addenda mox sequenti ordini. Vel si discipulus iudicii iam exactioris sit, minor compositi numeri pars scribatur sub additis, maior sequen-

ti ordini addatur. *Ut in isto exemplo primi ordinis notæ faciunt 34. minorem 4. pono sub primis: maiorem quæ non tres unitates, sed tres unitatum denarios valet, addo secundo ordini. Iamque hæc discipulus discat æstimare valorē notarum, non ex figura, sed ex loci & dignitatis prærogatiua. Cū verò secundus ordo colligetur, omnes notæ rursus significatione primi loci capiantur; ut duo, sex, tria, octo: quamuis ex sint reuera viginti, sexaginta, triginta, octoginta. Idque compendium est maximum omnibus arithmetice speciebus. Si enim collectus numerus ponatur sub iis notis quæ sunt additæ, valor idem manebit. Est enim unitas cuiuscunque antecedentis loci ad unitatem immediatè sequentis subdecupla. Itaque hac arte colliges ordinem secundum sic: 2. 6. 3. 8 & 3 quæ à priori ordine ad secundum recesserant, conficiunt 22. Ergo 2 scribo sub secundi ordinis notis, reliqua ad tertium pertinebunt. Atque sic reliquos ordines coaceruabis, fietque summa datorum numerorum 566,324. ut hic vides.*

1	1	1	2	3
<hr/>				
	7	5	4	2
4	8	9	2	6
		1	3	8
	1	4	8	9
<hr/>				
5	6	6	3	2

Soleo ego dum additionem facio in charta, in qua numeri ad sequentem ordinem reiecti. & infra lineam scripti, deleri non possunt, numeris addendis, ordine suo dispositis lineam superscribere & subscribere: & quotiescunq; ex coaceruatione numerorum colliguntur duo numeri, dextrum quidem sub eo ordine qui collectus est, infra lineam subductam pono: sinistrum vero supra lineam superius ductam ordinemque sequentem qui colligendus est. *Ut in superiore exemplo ex notis primi ordinis collecta sunt 34. 4 ergo scripti infra, sequentem numerum qui 3 denarios primi ordinis continet, collocaui supra lineam superiorem, & secundum ordinem, ut mox colligi possit cum alijs secundi ordinis notis.*

Quod compendium si cui placet, sequatur.

Aliud exemplum.

Accepisti ab vno debitore 849 florenos:
ab altero 1658. à tertio 945. Quæritur sum-
ma omnium. Ponesic:

$$\begin{array}{r}
 212 \\
 \hline
 849 \\
 1658 \\
 945 \\
 \hline
 3452
 \end{array}$$

Dico igitur summam esse 3452.

Tertium exemplum.

Si queratur quam pridem condita sit Ro-
ma, respondeaturque conditam esse ante Chri-
stum 752 annis: à Christo verò fluxisse annos
1620 quia Annorum ab eodem principio indi-
uerla numeratorum distatiam additione col-
ligimus, ideo inductione facta.

$$\begin{array}{r}
 752 \\
 1620 \\
 \hline
 2372
 \end{array}$$

Colliges à Roma condita fluxisse annos bi
mille trecentos septuaginta & duos.

Quartum.

Si quæ.

Si queratur quam pridem capta sit Troia, respondeaturq; captam esse ante Christum annis 1182 à Christo verò fluxisse annos 1620 in ductione per additionem facta:

1182

1620

2802

colliges fluxisse hū mille octingentos & duos annos à capta Troia.

Quintum.

Si queratur quam pridē vixerit Homerus, & respondeatur ē Gellio ante conditam Romā 160 annis: quæ sit exstructa ante Christum natum annis 752: Christum verò natum anno ab hinc 1620: Addantur hi tres numeri:

160

752

1620

2532

Summa indicat ab Homero annos 2532 effluxisse.

Multa talia exempla ex probatis Chronologis desumere licet: & bonum est iuventutē in talibus exerceri, præsertim cum id non sine quadam

quadam animi voluptate fiat. Nos quædam
addemus.

Principium rerum siue mundi conditus ante
Christum annis 3949.

Dilunium ante Christum 2293.

Exodus ex *Agypto* 1496.

Prima *Olympias* 775.

Alexandri magni obitus 322.

Quod si in multorum numerorum collectione numerus proueniat tribus figuris scribendus: prima scribatur sub additis; secunda supra secundum ordinem; tertia supra tertiū. additionisq; inductio perficiatur, vt iam præscriptū est. Verūm quando multi numeri colligendi sunt, consultius est operationem in duas aut tres distribuere additiones, atque sic collectas summas in vnam deinde colligere.

Probatur additio multis modis, sed maxime vsitatus est per abiectionē nouenarii hoc modo: Abiicias 9. ex addendis, qui supra lineam sunt, quoties abiici possunt, nullo ordine seruato, residuum extra notatum seruetur. Omnes autem notæ cuiuscunque loci, valore primi loci accipiantur, vt in primo versu primi exempli, quarto loco ponuntur 5 quæ significant

ficant quinque millia: in hac tamen probatione pro quinque unitatibus accipi debent. Similiter abiectio nouenaria fiat ex summa. Si residua conuenerint rectè operatus es. In primo exemplo ex addendis manent 3. ex summa itidem 8. Ergo bona operatio.

Verùm modus iste probandi non est apodicticus. Potest enim exemplum dari fallum, quod tamen probatio ista verum exhibeat. Illustre est apud Plautum in milite glorioso, ubi Pyrgopolinicen militem gloriosum, & Artotrogum parasitum sic loquentes introducit.

Py. Ecquid meministi? Ar. Memini, centum in Cilicia

Et quinquaginta, centum Sycolatronide.

Triginta Sardi sexaginta Macedones

Sunt homines quos tu occidisti vno die.

Py. Quanta ista hominum summa est? Ar.

Septem millia.

Py. Tantum esse oportet, rectè rationem tenes.

A. At nullos habeo scriptos. sic memini tamè.

Py. Edepol memoria est optuma.

Hic vides quatuor numeros esse propositos 150, 100, 30, 60, qui calculo Parasiti colligunt summam 7000, quam abiectio nouenarii ve-

narii ve-

narii veram esse monstrat. Si tamen superior additionis regulam adhibeas, colliges tantum 340. Rectius ergo additio probatur per subtractionem, de qua mox dicam; vel potius quod Erasmus Reinholdus monuit in Logistica, iterato calculus instituitur. Probatio enim per subtractionem, si multi addendi sint, operosa est.

CAPVT VI. De Subtractione.

Subtractio est numeratio qua numerus à numero subducitur, & habetur residuus. Antequam puer discat subtrahere, primum exerceatur in abaco Pythagoræo, hoc est decem notis. 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

Si enim à sinistra dextram versus procedendo, minorem à maioribus subducatur, habebit residua. Vt subtractis 3 à 6 manent 3 &c. Rursus verò à dextra sinistram versus procedendo, maiores à minoribus denario, hoc est 10 auctis subtrahat: in eaque meditatione aliquot horas collocet: ingenium enim subductioni

Etioni mox perficienda promptum efficiet:
Ve si velis subtrahere 8 à 2 nulla potest fieri sub-
tractio: maior enim à minore subduci non po-
test: ergo binarium auge denario, ut fiant 12
à quibus iam 8 si subtraxeris manebunt 4.

Sic si subtrahas 9 à 4 auclis 10 hoc est à 14
manent 5.

Hac exercitatione præmissa ad maiorem
 numerorum subductionem puer deducatur:
 hæcque inprimis consideret. Primò colloce-
 tur numerus à quo subductio fieri debet. Se-
 cundò subtrahendus. Debent autem ita col-
 locari, ut in additione præscriptum est: hoc
 est prima subtrahendi nota collocetur sub pri-
 ma eius numeri à quo subtractio fieri debet:
 secunda sub secunda; atq; ita deinceps. De-
 inde linea subducatur vtrique numero.

Quo facto comparatione notarum subdu-
 ctionem perficiet in hunc modum. Inferior
 nota, vel est minor superiore, vel æqualis ei-
 dem, vel maior.

Si minor est, detrahe illam à superiore, re-
 siduum sub linea scribe.

Si inferior æqualis est superiori, quia post
 factam subtractionem æqualis ab æquali nihil
 relin-

relinquitur, subscribatur 0.

Si inferior maior est superiore, ad mutui ut vocant acceptionem confugiendum est. Ergo ad sequentem notam inferiorem pone punctum. Superioremque notam à qua subtractio fieri non potuit auge denario, & ab aggregato subtrahe inferiorem: residuum sub linea scribe. Sequens verò nota punctum annexum habens, intelligatur aucta unitate. Si nulla sit sequens nota ad quam punctum poni debeat, in loco tamen vacuo punctum ponatur unitatem designans.

Alii in eo casu, quando occurrit maior subtrahendus à minore, sequentem notam superiorem mutant unitate, & ei notæ à qua subtractio fieri non potuit, addunt 10. sed siue superiorem unitate minuas, siue inferiorem augeas, res eodem recidit.

Potes adhuc idem præceptum hac methodo commodiore forsan absolvere: Quando inferior nota maior est superiore,posito ad sequentem inferiorem puncto, ut iam dictum est, aufer inferiorem à 10. residuo superiorem adiunge; aggregatum sub linea pone.

Vel etiam hoc modo: Quando inferior
nota

nota maior est superiore, superiorem aufer ab inferiore: residuum, posito ad sequentem inferiore puncto, subtrahe à 10 quod enim relinquetur, ponendum est sub linea. Quem modum commodiorem putabis, ad eum te assuefacias.

Exemplo præceptum clarius fiet. Famulus accepit a Domino summam florenorū 22445.

Exposuit florenos 8044. Quaritur quantum adhuc pecunie habeat. Hic vides duos numeros esse propositos, qui sic collocantur.

22445 Numerus à quo

8044 subtrahendus.

Incipio igitur à dextra sinistrā versus. Subtraho 4 à 5 manet rnum. Ergo 1 pono sub linea, direxte sub ipsdem numeris.

Subtraho deinde 4 à 4 nihil manet. Itaque scribo 0 sub linea.

Subtrahenda deinde sunt 9 à 4, verum fieri non potest ut maior à minore subducatur possit. Posito igitur puncto ad sequentem inferiorem notam 8, addo mente 10 ad 4. nuncque subtraho 9 à 14 manent 5, quæ scribo infra lineam.

Vel posito iam ad sequentem puncto subtraho 9 à 10 manet 1, quo addito ad 4 fiunt 5 ponenda sub linea.

C

Vel

Vel subtraho 4 à 9 manent 5: quæ posito ad sequentem puncto, subtraho à 10; manent item 5, ponenda sub linea. Quia verò punctus additus est ad notam 8, iam propterea nouem ibi posita intelligantur. Utque ad finem subtractio deducatur, pergo ulterius.

Subtrahenda sunt 8: cum vnitæ annexa, quæ per punctum notatur: hoc est 9 (qualibet enim nota punctum annexum habens, ut supra dictum est, aucta vnitæ intelligitur) à 2: sed hoc fieri non potest, pono itaque punctum in sequenti loco, qui nullam notam habet additisq; 10 ad 2, subtraho 9 à 12, manent 3, quæ infra scribo. Vel posito iam puncto, subtraho 9 à 10, manet vnum, cum quo iuncta 2 efficiunt 3 sub lineam collocanda.

Vel posito iam puncto, subtraho 2 à 9, manent 7. Hæc eadem à 10 subtracta relinquent 3, quæ sub lineam ponantur.

Tunc us autem in sequenti loco positus vnitatem designat, quæ subtracta ex 2, manet 1, sub lineam scribendum, ut vides.

$$\begin{array}{r}
 22445 \\
 .8944 \\
 \hline
 13501
 \end{array}$$

Iam in

Iam in isto exemplo omnis præcepti varietas declarata est, ut tamen puer exercendæ industriæ campum habeat, alia adhuc proferā.

Mercator reposuit summam 900047 aureorum (liceat nobis talia exempla fingere) ex qua postea accepit 275. Quæritur residuum.

$$900047$$

$$- 275$$

$$899772$$

Hic vides puncta sæpius in loca vacua reponenda esse. manent, ut 899772.

Aliud.

Si quærat quàm pridem Academia Cracoviensis condita sit, & respondeatur è Mathia Miechouio inchoatam fuisse Casimiriæ anno 1361 à Rege Casimiro, à Ladislao verò Iagellone sub yisdem privilegijs Cracoviæ 1400 Christi anno consummatam: Quia Annorum ab eodem principio in eadem partem numerorum intervalla, subtractione cognoscuntur: ideo subtractionis inductio sic erit.

$$1620$$

$$1620$$

$$- 1361$$

$$- 1400$$

$$259$$

$$220$$

C 2

Aliud.

Si plures numeri sint, vel subtrahendi, vel à quibus subtractio fieri debet, additione primum in vnam summam colligendi sunt. *Vt, Quæstor quidam accepit primum 849 florenos, deinde 1349, postea 4678, tandem 49. Expōsūt primavice 3008, secūda 409. Queritur residuū. Hic acceptorū summa primo additione colligitur.*

$$\begin{array}{r}
 123 \\
 \hline
 849 \\
 1349 \\
 4678 \\
 49 \\
 \hline
 \end{array}$$

6925 Percepta.

Deinde expensorum summa

$$\begin{array}{r}
 3098 \\
 409 \\
 \hline
 \end{array}$$

3507 Expensa

Tandem subtractione expensorum à perceptis residuum cognoscetur.

$$\begin{array}{r}
 6925 \quad \text{Percepta:} \\
 3507 \quad \text{Expensa:} \\
 \hline
 3418 \quad \text{Residuum.}
 \end{array}$$

Aliud.

Huc etiam pertinet ludicrum illud quod est

apud Lucianum in *Demonacſte*: Interrogante enim quopiam ludibrij gratia. Si mille minis ligna combuſſero ô Demonax, quot minæ fumo ceſſuræ ſunt? Pondera, inquit, cinerem & reliqua omnia fumus erunt. Hic enim pondus cineris ſubtraçtũ a lignorum pondere relinquit pondus ſumi. Quod ludicrum Georgius Sabinus Poeta elegans carmine expreſſit ad ſtaniſlaum Rapagelanum Lithuanum:

Quatuor èpta minis lauri vel odora cupreſſi,

Si fuerint auido ligna cremata foco:

Queris quot cineri ſparſo, quot in aera fumo

Cedant igne ſtruem depopulante minæ?

Cura quid hæc angit te ſriuola? læcibus æ quis

Pendantur cineres: cætera fumus erunt.

Huc etiam referri poteſt illud, quod quidã ioco dicere ſolebat: Notarios & diſpenſatores malos in rebus ſuorum dominorum plerũque ſubtraçtionem & regulam falſi exercere: in rebus verò proprijs additionem & multiplicationem.

Examen Subtraçtionis fit duobus modis: Primò per additionem. Si enim ſubtraçtũ addas reſiduo: proueniet numerus à quo facta eſt ſubtraçtio, ſi rectè ſubtraxiſti. Secun-

C 3

dò, per

dò, per nouenariam abiectionem. Si enim rectè subtraxisti, residuum abiectionis nouenariæ ex numero à quo facta est subductio, æquale erit residuo eiusdè abiectionis ex subtracto & residuo. In serio tamen Arithmetice vñ, per alias scientias probationes istas raro adhibemus, consili regulis artis: vel si nos errasse sentimus iterato calculum instituiamus, quod item necessariò faciendum est, si probationes malè factam subductionem ostendant.

Appendix.

Solent nōnulli Arithmetici mox post subductionem explicatam subiungere Duplationis & Mediationis præcepta. Verùm duplatio nihil aliud est, quàm multiplicatio numeri per 2. quemadmodum Mediatio est diuisio numeri in duas partes. Vel quod idem est Duplatio est additio numeri bis positi: Mediatio verò est subtractio dimidii dati numeri ab eodem dato numero. Iamque si præcepta absque necessitate multiplicanda essent: Triplatio, Quadruplatio, alixque infinitæ species proponerentur. Sed nulla necessitas est. Si quæ igitur compendia sunt in eo, videamus.

Potest

Potest duplacio fieri numero semel posito, si quamlibet dati numeri notam imaginis veluti bis positam, & sumpto initio à dextra addas sibi ipsi, duplumque sub linea scribas: ac quoties numerus duabus notis scribendus venit dextrâ figurâ sub ea quæ sibi ipsi additur, sinistram quæ semper vnitas est, in Duplacione, puncto notes supra sequentem, duplo eiusdem addendam: Neque hic quicquam diuersum erit ab additione, *vt hic vides.*

$$\begin{array}{r} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \\ 3 \ 5 \ 6 \ 7 \ 8 \ 9 \ 3 \end{array}$$

$$7 \ 1 \ 3 \ 5 \ 7 \ 8 \ 6 \quad \text{Duplum}$$

Mediatio à sinistra sumpto initio perficitur, si cuiuslibet notæ dimidium sumas: ac si nota impar sit numeri paris proximè inferioris dimidium pones sub linea, puncto supra dimidiatam notato, qui 10 addit sequenti notæ dimidiandæ: *vt hic:*

$$\begin{array}{r} \cdot \cdot \cdot \\ 4 \ 6 \ 7 \ 5 \ 8 \end{array}$$

$$2 \ 3 \ 3 \ 7 \ 9 \quad \text{Dimidium.}$$

*Hic primum ex 4 pono dimidium 2: ex 6
3: ex 7 deinde paris proximè inferioris 6, di-
midium pono 3: punctumque supra 7 noto,
qui ad-*

C 4

qui addit 10 sequenti notæ. Dimidium ex 15
deinde sumendum est. verum quia numerus est
impar, parî proximè minoris 14 sumo dimidi-
um 7, ponoque sub linea, puncto notato supra
5. dimidium ex 18 est 9. Si primo loco impar
sit, quia $\frac{1}{2}$ notat dimidium vnius integri, di-
midium sic notabitur.

$$\begin{array}{r} 4675 \\ \hline 2337\frac{1}{2} \end{array}$$

CAPVT VII.

De Multiplicatione.

Multiplicatio est numeratio, qua Multi-
plicandus toties sumitur quoties vnitatis
in Multiplicante cōtinetur, & habetur Multi-
plus; qui aliàs Factus seu Productum dicitur.
Ut quādo multiplicas 7 per quatuor, 7 toties
sumis quōties vnum in quaternario cōtinetur.
Multiplicationis hæc definitio apud Eucli-
dem habetur elemēto vii. *Ἀριθμὸς ἀριθμὸν
πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι ἴσαι
ἔσιν*

εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τοσαυταίς σωτέθῃ
ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις. Mul-
tiplicare verò alias dicimus, numerū in nume-
rum ducere. Antequam verò puer multipli-
care maiores numeros assuecat, exerceat se
primum in abaco alphabeti Arithmetici more
Pythagoræo: memoriamq; meditatione pos-
sillimum hic exerceat, ut promptè multipli-
cationis productum inueniat.

0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.

Circulus (o) insignificantem notam du-
ctus o efficit. Si enim nullum quaternarium
sumas manifestum est nihil effici.

Vnitas ducta in quamvis figuram eandem
facit; sic 9 semel sumpta, 9 sunt.

In reliquis notis initium fiat à quadratura,
ut vocant, hoc est à multiplicatione nume-
rorum in se, ut:

Bis	2		4
Ter	3		9
Quater	4	faciunt	16
Quinquies	5		25
Sexies	6		36
Septies	7		49

C 5

Octies

Octies 8 - - - 64

Nouies 9 - - - 81.

Deinde verò singulæ notæ in reliquas maiores ducantur hoc modo :

	3	6	& ter 2 tantundem.
	4	8	& quater 2 tantundem.
	5	10	& quinquies 2 tantundem.
Bis	6	12	& sexies 2 tantundem.
	7	14	& septies 2 tantundem.
	8	16	& octies 2 tantundem.
	9	18	& nouies 2 tantundem.
	12	12	& quater 3 tantundem.
	15	15	& quinquies 3 tantundem.
Ter	6	18	& sexies 3 tantundem.
	7	21	& septies 3 tantundem.
	8	24	& octies 3 tantundem.
	9	27	& nouies 3 tantundem.
	15	20,	& quinquies 4 tantundem.
Qua	6	24,	& sexies 4 tantundem.
ter	7	35,	& septies 5 tantundem.
	8	32,	& octies 4 tantundem.
	9	36,	& nouies 4 tantundem.
	6	30,	& sexies 5 tantundem.
Quin-	7	35,	& septies 5 tantundem.
quies	8	40,	& octies 5 tantundem.
	9	45,	& nouies 5 tantundem.

Sexies	{	7	42,	& septies 6 tantundem.
		8	48,	& octies 6 tantundem.
		9	54,	& nouies 6 tantundem.
Septies	{	8	56,	& octies 7 tantundem.
		9	63,	& nouies 7 tantundem.
Octies	{	9	72,	& nouies 8 tantundem.

Deinceps figuræ permisceantur inter se ut
cunque, ad explorandum pueri ingenium.
Neque solæcismus putetur maiorem figuram
aduerbio efferre. Tam enim sexies 9 quam
nouies 6 licet sumere: cum eadem sit via A-
thenis Thebas, quæ Thebis Athenas: nisi
quod numeratio facilius sit, cum minor ad-
uerbio effertur maior nomine. Atque in hac
meditatione puer, præscripto tantum in ta-
bula alphabeto, aliquantulum insistat: tar-
diorisq; ingenu existimetur, qui præmissa me-
ditatione paucula hæc non mox comprehen-
dat memoria. Memoriter autem velle edi-
scere abique meditatione, inepti prorsus est.
Illud enim ex Schola sapientum etiam hic ve-
rissimum est: Μελέτη πάντα δύναται

Meditatio omnia potest.

Quod

Quod si quis tardior sit ad memoriter ediscendum, is utatur hac tabula, quam cōmuniter mensam Pythagoræ vocant: in qua seriem numerorū deorsum descendentium columnam dicimus: numerorum autem ad dextram progredientium lineam vocamus, quod semel monuisse satis sit. Ut prima linea est ab A ad B. secunda à 2 sub A, ad 18 sub B. &c. Prima columna est ab A ad C: secunda à 2 inter A & B, ad 18 inter C & D.

Uſus eius is est. Cum duo numeri ex alphabeto Arithmerico multiplicandi proponantur, queratur vnus in linea prima, alter in columna prima: concursus enim seu angulus communis ostendet multiplicationis productum.

A										B
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
	2	4	6	8	10	12	14	16	18	
	3	6	9	12	15	18	21	24	27	
	4	8	12	16	20	24	28	32	36	
	5	10	15	20	25	30	35	40	45	
	6	12	18	24	30	36	42	48	54	
	7	14	21	28	35	42	49	56	63	
	8	16	24	32	40	48	56	64	72	
C	9	18	27	36	45	54	63	72	81	D

Exem-

Caput VII.

45

Exemplum. Multiplicanda sunt 7 per 6. Accipio in prima linea 6, in prima columna 7, angulus communis dat 42 productum. Idemque proueniet si 7 in prima linea, 6 in prima columna sumantur. Componitur autē hæc tabula additione continua superiorū: ut si nonam columnam velis describere, adde 9 sibi, fiunt 18. deinde nouem ad 18, fiunt 27. deinde 9 ad 27, fiunt 36: & sic deinceps. Possitque hac arte quantum libet extendi ad numeros denario maiores.

Alii ne bis eundem numerum in area tabulæ ponant, eandem mensam figurat triangula proponunt sic:

	9	8	7	6	5	4	3	2	1
1	9	8	7	6	5	4	3	2	1
2	18	16	14	12	10	8	6	4	
3	27	24	21	18	15	12	9		
4	36	32	28	24	20	16			
5	45	40	35	30	25				
6	54	48	42	36					
7	63	56	49						
8	72	64							
9	81								

Quadrati numeri.

Vfus ciustalis: Cū duo numeri ex alphabeto multiplicandi proponuntur, in prima linea

Exem-

ma linea maiorem quæras, in prima columna minorem: angulus enim communis monstrabit productum.

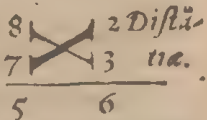
Sed regula quoque pro maioribus ex alphabeto Arithmetico numeris inuicem multiplicandis proponitur eiusmodi.

Cum duo numeri singuli quidem minores, coniuncti verò maiores denario (10) multiplicandi sunt: scribe vnum supra alterum: distantiam verò à 10 singulis oppone ad latus: quibus subduc lineam: Multiplica deinde distantias, & productum scribe infra lineam primo loco: quod si duabus notis scribendum sit, dextram figuram pone primo loco, sinistram terua. Tandem inferioris numeri distantiam à numero superiore: aut superioris distantiam ab inferiore per transversum subtrahe, residuum decades significabit secundo loco ponendas. addita etiam, si quam seruasti.

Exempli gratia: Multiplicanda sunt 8 per 7 pono sic:

Subductaq; linea multiplico 8
primum distantias. Bū 3 faci-
unt 6. quæ scribo infra lineā

sub distantijs. Deinde per transversum sub-
traho



Caput VII.

47

traho 3 ab 8. vel 2 à 7 (nihil enim interest) manent 5. quæ pono sub ipsis numeris in secundo loco, veluti decades. Dico igitur 8 septies sumpta efficere 56.

Sed hæc eadem indagare nulla ratio commodior est quam per manuum digitos, præsertim in numeris alphabeti quinario (7) maioribus: quamuis ad alios quoque idem modus extendi possit. Prius autem discas numeros in digitis manuum collocare. Collocatio fiet in hunc modum. Sint collocanda 7. Numera percurrento digitos, donec ad septem venias, sic: Erectis quinque digitis, da pollicem unum, indici duo, medio 3, annulari 4, auriculari 5 (& hætenus omnes rectos digitos tenuisti, deinceps vero quicumque tribues numerum, eundem deprimes ad uolam manus) eidem ergo



auriculari depresso tribue 6, annulari depresso 7. Dico in manu sic disposita, ut tres digiti, pollex, index, medius, erecti sint: duo vero, nimirum auricularis & annularis ad uolam depressi: septem esse

esse collocata: Tres vero digiti erecti indicant distantiam septenarii à 10. Atque eodem modo reliquos numeros collocabis. Numeros igitur digitis erectis designatos distantias vocemus: eos vero qui ad volam depressi sunt, decades: ut toties 10 intelligatur, quot digiti sunt depressi.

Quotiescunq; igitur duo numeri multiplicandi proponuntur, vnum in dextra, alterum in sinistra manu collocabis. Sume igitur distantias, vnus quidem digiti aduerbio, alterius nomine (adverbialiter, nominaliter in scholis dicitur, vocibus non admodum latinis) eaque multiplica: productum ex his numerum adde decadibus designatis per digitos depressos: Summa namque ostendet numerum productum ex multiplicatione datorum numerorum.

Sint multiplicandi numeri 8 & 6.

Pono in dextra 8, in sinistra 6, ut hic vides: iamque in dextra duo digiti erecti sunt: in sinistra quatuor: qui, ut prescriptum est, denotant distantias. Sumo igitur b: 4, fiunt 8: Quia vero in utraque manu sunt digiti quatuor depressi, quibus decades designari diximus, ideo su-



ideo sumo quatuor decades, id est 40, quibus addo illa 8 quæ prouenerât ex distantiarû multiplicatione, fiuntque 48. Dico tantum prouenire, cum 8 sexies, vel 6 octies sumuntur.

Iamque ut olim Diogenes conspecto puero qui manu aquam hauriebat, abiecit cyathum velut superfluum onus: sic nunc pueri postquam didicerint in manibus esse tabulam Pythagoræ, abicient illas mensas, quæ ad memoriæ subsidium aliàs proponuntur: vel iis tantisper vtentur, donec usu confirmati in numeratione fuerint. Hæc vberius perscripta sunt, quod multum faciant ad expeditam in multiplicatione praxim. ad quam explicandam, iam accedamus.

D

Quoti-

Quotiescunque igitur duo numeri multiplicandi proponuntur:

1. Primo pone multiplicandum superius, multiplicantem infra, eodem modo vt in additione factum:

2. Deinde subduc lineam infra quam spatium vocetur Area multipli, vt vides:

365	Multiplicandus	365
8	Multiplicans	24
Area multipli.		

3. Postea multiplicandum duc in omnes notas multiplicandi, incipiendo à dextra sinistra versus, seruatis hisce quæ subiunguntur.

Constat multiplicans vel vnâ notâ, vel pluribus: Si vnâ notâ constat, eâ ductâ per omnes multiplicandi notas, productoque in area multipli scripto directè sub iis multiplicandi notis, in quas multiplicans ducitur; multipulum producet. Neque vterius operatio producenda. Si verò constat pluribus notis, ducatur primò prima multiplicantis figura in omnes multiplicandi, productumque scribatur in area multipli: deinde secunda multiplicantis ducatur in eadem omnes multiplicandi; productique pri-

mam no-

mam notam sub secunda multiplicantis constitue : rursumque tertiam, & reliquas, in omnes multiplicandi figuras ducito, productorum numerorum primâ notâ sub suis multiplicantibus constitutâ : vt ordines numerorum decussatim seu obliquè ponantur. Si ex multiplicatione notarum proueniet numerus duabus notis scribendus, dextram notam scribe sub linea in area multipli, sinistram serua addendam sequenti producto. Seruare autem potes in articulis digitorum, ne aream multipli polluas.

Si intermedio multiplicantis loco circulus fuerit, omittendus est, & per sequentem notam multiplicatio facienda : productique prima nota exactè sub suo multiplicante, collocanda, reliquis ordine sequentibus.

4. Tandem omnibus numerorum ordinibus decussatim dispositis, linea subducatur : Summa enim per additionem eorum ordinum, qui intra lineas descripti sunt collecta, monstrabit productum multiplicationis seu multiplum.

Exemplum primum.

Dies anni communis sunt 365, si diebus singulis

gulus puer vocum 8 significationes ex Lexico
vel Dictionario ut vocant ediscat, (ediscere au-
tem paruo negotio potest,) queritur quanta
erit vocum totius anni summa. Pono sic

3 6 5 Multiplicandus

8 Multiplicans

2 9 2 0 Multiplum

Duco primum 8 in 5: 5 octies sumpta faci-
unt 40, itaq; 0 scribo sub 5: & pro sequenti
seruo 4. (posito pollice in extremitatem indi-
cis hoc est quartum indicis a ticulum: habe-
atur autem radix indicis interior pro articulo
primo, radix vero exterior pro septimo.) Po-
stea duco 8 in 6. 8 sexies sumpta faciunt 48,
qua addita 4 prius seruatis efficiunt 52; itaq;
directe sub 6 pono 2, videlicet dextram no-
tam, sinistram vero 5 seruo pro sequenti ap-
plicato pollice quinto indicis a ticulo. Deinde
sumo ter 8, fiunt 24, cum 5 prius seruato fi-
unt 29 qua scribo in area multipli, nihil ser-
uando, quia nulla superesi multiplicandi nota
qua multiplicari debeat.

Producitur ergo numerus 2920 vocum,
quas puer ne per aliquam aetatem in euoluendis au-
thoribus Calepini aut aliorum Lexicographorum
manci-

mancipiū sit, vnius anni spatio ediscere possit.

Aliud exemplum.

Anni communis dies sunt 365. singulorum dierum horæ 24. Si queratur totius anni quot sint horæ, pone sic:

3 6 5	Multiplcandus
2 4	Multiplicans
1 4 6 0	Multipli area
7 3 0	
8 7 6 0	Multiplum

In multiplicante istius exempli duæ sunt figure: prima 4 primum ducatur in omnes multiplicandi, hoc est in 5, in 6, in 3, sic: quater 5 faciunt 20: cyphram scribo sub linea, 2 seruo prosequenti. Deinde quater sex faciunt 24, cum illis 2 prius seruatis 26; scribo 6 sub linea, in sequenti loco prosequuti 2 seruo. Deinde summo quater 3, faciuntq; 12, cum illis 2 seruatis, erunt 14. quæ iam scribo sub linea nihil seruando. Iam primus ordo perfectus est.

Accipe deinde 2 secundam notam multiplicanti, eamq; duc in omnes multiplicandi, in 5, in 6, in 3, sic: Bis 5 sumpta, faciunt 10: pono 0 sub multiplicantis nota 2: et 1 seruo prosequenti.

D 3

ti. Cu

ii. Cur hic incipiat productum scribi, causam facile intelliges, si concipias non tam per 2 quam per 20 multiplicatione institui: 2 enim in secundo loco posita duos denarios significant. Sed cyphra licet expressa non sit intelligitur tamen esse posita. Postea sumo bis 6, fiunt 12 cum unitate seruata 13: scribo in sequenti loco 3, unitate seruata. Tandem sumo bis 3 fiunt 6 quibus addo 1 et fiunt 7 secundo loco ponenda. Estq; secundus ordo perfectus, cui subduco lineam, & additione colligo summam 8750. Atq; tot sunt totius anni horæ quarum magnam partem absument somnus, maiorem ocium, maximam superflua occupaciones: ut exigua iam pars supersit studijs necessariis tribuenda. Hoc exemplum puer sapius meditetur, illudq; simul quod Theophrastus semper in ore habuit. Sumptum preciosissimum esse tempus.

Aliud exemplum.

Si milites sint 6745, singulis vero tribuendi sint nummi 4075, queritur numerorum distribuendorum summa. Facila secundum regulam prescriptam operatione, colliges 27, 485.875.

6745

$$\begin{array}{r}
 6745 \\
 4075 \\
 \hline
 33725 \\
 47215 \\
 26980 \\
 \hline
 27485875
 \end{array}$$

Aliud exemplum.

Pater quidam ut frugalitatem filius cōmendaret dicebat, Dominos nonnullos pro inutili famulo anni spacio tantum frustra expendere, quantum in vnius diei prandium pro 365 conuiuiis, si non cum aliquo fructu, saltem magna cum laude expenderent. Si quis sex famulos in vriles foueat (fouent autem nonnulli in Polonia multo plures,) quaritur quot personis conuiuium eā impensā vno die possint apponere: Facta multiplicatione colliges 2190 homines qui profecto iustus esset exercitus.

$$\begin{array}{r}
 365 \\
 6 \\
 \hline
 2190
 \end{array}$$

Aliud.

Marca Polonica singula continent 48 grossos. Si proponantur 562 marca, quaritur

D 4

quot

quot grossos contineant. Facta inductione
colliges 26976.

$$\begin{array}{r}
 562 \\
 48 \\
 \hline
 4496 \\
 2248 \\
 \hline
 26976
 \end{array}$$

Alia multiplicandi formula.

Quia molestū est saepe illud seruo pro sequē-
ti ideo cōuenientissimus est multiplicandi mo-
dus in abaco lineis distincto, cuius forma talis
est.

Multiplicandus



In hoc abaco lineæ parallelæ perpendiculariter se interfecantes spacium tabule in quadratas areolas distinguunt. Aliæ vero lineæ parallelæ diagonales, easdem quadratas areolas in duo triangula dirimunt, quorum vnum vocetur dextrum, vel inferius: alterum sinistrum vel superius.

Latera abaci suis nominibus notentur A B superum, B D dextrum, C D inferum, A C sinistrum.

Lineæ procurentes in latus superum excipient multiplicandum sumpto initio à B.

Lineæ procurentes in latus dextrum excipient multiplicantem, ita vt eius vltima nota sit ad B: reliquæ antecedentes versus D.

Lineæ diagonales procurentes in latus inferum, & sinistrum, excipient multiplicandum hoc est productum multiplicationis: ordo vero notarum procedit à D versus C ac inde ad A.

Cum igitur duo numeri multiplicandi proponuntur, multiplicandum scribe in latere supero, ita vt prima nota multiplicandi ponatur ad B: reliquæ sequentes in sequētib; spatiis versus A: Multiplicantem vero in latere dextro, vltimamq; ipsius notam sub B reli-

D § quas

quas antecedentes versus B. Potest etiā prima nota collocari ad D reliquæ sequentes versus B. Hacq; iam dispositione facta duc ultimam multiplicantis in omnes multiplicandi figuras, productumq; scribe in angulo communi vtriusq; figuræ hac ratione. Productum vel vna nota scribitur, vel duabus; si vnâ eandem scribe in anguli communis quadratæ areolæ triangulo dextro.

Si vero productum sit duarum figurarum, dextram pone in dextro triangulo, sinistram quæ decades continet in sinistro. Postea reliquas multiplicantis notas duces in multiplicandum. Si multiplicans vel multiplicandus contineat 0 ducendam in aliam notam in angulo communi 0 scribetur vel etiam omitti potest, præterquam dum in fine ponitur.

Nulla vero hic opusest decussatione omnia producta in angulis cōmunibus collocāda sūt absq; illius seruo *pro sequenti* repetitione.

Facta autem omnium multiplicantis notarum combinatione cum multiplicando, numeros quicunq; sunt inter diagonales colliges sumpto initio à dextra sinistram versus, productumq; scribes in latere infero vel sinistro, in-

stro, inter easdem diagonales quarum spacii numeros collegisti. Quod si ex collectione duæ proueniant notæ, sinistram ad sequens diagonalium spacium reiciies, dextra collocata suo loco. Sed exēplo res fiet manifestior.

Sint multiplicanda 356784 per 470196 pono sic; & multiplico secundum normam præscriptam.

A					3	5	6	7	8	4	B
					1/2	2/0	2/4	2/8	3/2	1/6	4
					2/1	3/5	4/2	4/9	5/6	2/8	7
											0
					3	5	6	7	8	4	1
					2/7	4/5	5/4	6/3	7/2	3/6	9
1					1/8	3/0	3/6	4/2	4/8	2/4	6
6											
7											
1											
2											
7											
5											
3											
8											
4											
C	4	0	2	6	6	4					D

3 2 1 1

Facta multiplicatione, scriptisque numeris productis in suis areolis, colligo numeros comprehensos in spatiis diagonalium, sumpto initio à dextra.

In primo diagonalium spatio vnica nota est 4, itaque in latere infero pono 4 inter easdem diagonales.

In altero sunt 6, 2, 8, quæ colligunt 16; scribo igitur dextram notam 6 inter easdem diagonales, sinistra nota 1 ad sequens spatium reiecta.

Possunt vero notæ reiectæ vel statim addi supremæ sequentis spatii notæ, vel in margine scribi, ut deinceps aggregato addantur.

In tertio sunt 4, 3, 2, 4, 2, quæ cum 1 reiecta à præcedenti spatio colligunt 16: scriboque 6 inter easdem diagonales in latere infero, sinistra nota 1 ad sequens spatium reiecta.

In quarto sunt 8, 7, 3, 4, 6 quæ cum 1 prius seruata colligunt 29, scribo igitur 9 in latere infero, sinistra nota 2 ad sequens spatium reiecta.

In quinto sunt 8, 7, 6, 4, 3, 0 quæ cum 2 seruatis, colligunt 30: scribo igitur 0 in latere infero, sinistra nota 3 ad sequens reiecta.

In sexto sunt, 6, 2, 6, 6, 5, 5, 3, 8, quæ cum 3 seruatis, constituunt 44. scribo 4 in latere infero,

fero, sinistra nota 4 ad sequens spatium reiecta.

In septimo sunt, 1, 2, 5, 9, 5, 4, 7, 1, quæ cum 4 seruatis, colligunt 38. scribo igitur inter easdem diagonales 8 in latere sinistro, sinistramque notam 3 ad sequens spatium reijcio.

In octauo sunt, 3, 8, 4, 2, 3, 2, quæ cum 3 seruatis, constituunt 25, scriboque 5, sinistra 2 sequenti spacio addita.

In nono sunt 2, 4, 4, 5, quæ cum 2 antecedente spatium reiectu faciunt 17, scriboque 7, sinistra 1 ad sequens spacium reiecta.

Sic in decimo colliges 7.

In vndecimo 6.

In duodecimo vltimo 1.

Productus igitur ex multiplicatione numerus in sinistro ac infero latere continebitur duodecim notis sic: 167, 758, 409, 664.

Possunt verò numeri 10 figurarum inuicem multiplicari, si latera abaci in decem partes diuisa sint. Pro amplioribus numeris maior abacus constituendus. Neque verò putes pro singulis exemplis abacum construendum esse. Semel constructus infinitis exemplis sufficiet, si in tabula lignea nigra per denticulares flauo, diagonales rubro colore depingas. Imo
in pu-

in pugillaribus lapideis, quales passim videntur, similis tabella quatuor aut quinque divisionum in singulis lateribus expressa, magnam afferet numerantibus commoditatem. In vulgari enim illo multiplicandi modo simul addimus multiplicamus, memoria etiam excrescentes notas reservamus: at hic singula hæc seiuncta sunt, ut maximæ multiplicationes sine molestia absoluantur.

Alia multiplicandi ratio.

Potest verò numerorum præsertim maiorum multiplicatio alia ratione per solam additionem fieri, tabula primum ex multiplicando proposito confecta. Conficietur autem hoc modo: Pone multiplicandum: è regione multiplicandi unitatem indicem: & habes versum primum.

Pro versu secundo, adde multiplicandum sibi ipsi, è regione aggregati pone 2 indicem.

Pro versu tertio adde versum secundum primo: è regione aggregati pone 3 indicem, qui indicat in numero sibi annexo multiplicandum contineri ter. Et sic deinceps perges continuando additionem sine interiectis lineolis, usque ad versum nonum.

Exem-

Exemplum habes. Sic multiplicandus numerus 3795473 per 457892. Tabulam ex multiplicando conficio, ut vides.

0	3	7	9	5	4	7	3	1
0	7	5	9	0	9	4	6	2
1	1	3	8	6	4	1	9	3
1	5	1	8	1	8	9	2	4
1	8	9	7	7	3	6	5	5
2	2	7	7	2	8	3	8	6
2	6	5	6	8	3	1	1	7
3	0	3	6	3	7	8	4	8
3	4	1	5	9	2	5	7	9
3	7	9	5	4	7	3	0	

Additio verò facillè fiet semel præscripto numero multiplicando, in quacunque charta vel tabula. Ut verò deinceps multiplicatio faciliior sit, omnes versus æquali numero notarum constent vel perse, vel per præpositionem cyphræ, *ut hic factum vides in primo & secundo versu*: cyphra enim præposita non auget numerum.

An verò rectè tabula confecta sit, experieris facillè: Si enim nono versui primum addas, proueniatque primus audus 0, rectè operatus es.

tus es. Decuplum enim primi prodit: Vel sic. Primum multiplica per 3, prodibit versus tertius: tertiumque rursus per 3 multiplica, & produceretur versus nonus: qui si cum collecto per additionem conuenit, rectè operatus es.

Talē nam verò sic cōfectam alii, inter quos et Pappus, probant mox abiectiōe nouenaria per singulos versus: addendo notas à sinistra dextram versus, sumptas significatione primi loci: atque abiectis 9 ex aggregato: residuum notando supra, sequenti notæ adiiciendum, donec ad extremam notam perueniatur. *Ut si abiectiō nouenaria facienda sit ex primo versu: Exemplum sic erit.*

0 3 1 1 6 1 8 2

0 3 7 9 5 4 7 3

Ex 0 nouem abijci non possunt, itaque 0 supra scribo. Deinde 0 ad sequentem notam 3, addo, fiunt 3 quæ etiam supra scribo. Postea addo supra scripta 3 ad 7, fiuntque 10. verum hinc abiectis 9, manet 1 quod supra scribo. Postea 1 ad 0, fiunt 10: inde abiectis 9 manet 1. Hæc sic deinceps procedendum, donec ad extremam notam 2 perueniamus. Hæcque nota 2 est pro residuo abiectiōis nouenariæ ex primo ver-

Caput VII.

63

mo versu. Itaque exemplum tabulae cum probationibus nouenarijs, sic erit.

0	3	1	1	6	1	8	2	1
0	3	7	9	5	4	7	3	2
0	7	3	3	3	3	7	4	3
0	7	5	9	0	9	4	6	4
1	2	5	4	1	5	6	6	5
1	1	3	8	6	4	1	9	6
1	6	7	6	7	6	6	8	7
1	5	1	8	1	8	9	2	8
1	0	0	7	5	8	5	1	9
1	8	9	7	7	3	6	5	
2	4	2	0	2	1	4	3	
2	2	7	7	2	8	3	8	
2	8	4	1	0	3	4	5	
2	6	5	6	8	3	1	1	
3	3	6	3	6	4	3	7	
3	0	3	6	3	7	8	4	
3	7	8	4	4	6	2	0	
3	4	1	5	9	2	9	7	

E

Hic vi-

Hic vides primi versus residuū esse 2. Quia vero secundus versus duplus est primi, ideo secundum residuum 4 duplum quoque est primi residui 2. Atque sic deinceps abijciendo etiam 9. Potes adhuc experiri num rectè abiectiones sint factæ: Multiplica primum residuum per versus numerum, atque à producto abiice nouem: manere namq; debet dati versus residuum. vt, Volo probare quodnam sit residuum versus octauī. Primi versus residuum est 2, quod multiplico in 8. fiunt 16. hinc vero abiectis 9 manent septem pro residuo versus octauī. Sic confectas atque examinatas plures tabulas reperiet studiosus in Thesauri Mathematici appendice.

Sic iam confecta ex multiplicando tabula, pone multiplicantem, suis figuris expressum, eiūque subduc lineam. Sumptaque vltima multiplicantis nota, quære eam inter indices tabulæ, nam è regione indicis habebis numerum sub linea collocandum: eritque primus ordo. sume deinde notam multiplicantis penultimam, atque eam quære inter indices tabulæ, numerumque è regione indicis inuentum, pone sub linea atque sub primo ordine,

ita vt vl-

ita v
nulo
noti
fatin
proc
plun
gula
ex t

4
5
7
8
9
2

P
pon
inte
fito
ram
loc
ant
den

ita vt vltima huius numeri collocetur sub penultima primi ordinis. Sicque cum omnibus notis multiplicatis facies, ordines verò decussatim dispositos colliges per additionem, vt productum multiplicationis habeas. *Exemplum habes. Pono multiplicantem, & per singulas eius notas, velut indices, accipio numeros ex tabula, vt praeceptum docet.*

	4	5	7	8	9	2	Multiplicans.
4	1	5	1	8	1	8	9 2
5		1	8	9	7	7	3 6 5
7			2	6	5	6	8 3 1 1
8				3	0	3	6 3 7 8 4
9					3	4	1 5 9 2 5 7
2						0	7 5 9 0 9 4 6
	1	7	3	7	9	1	6 7 2 2 9 1 6

Possunt verò notæ multiplicantes ad latus poni, vt sciatur quæ absolutæ sint vel non. Si inter medio multiplicantis loco cyphra sit, posito ordine quem indicat nota sequens cyphram, ordo notæ cyphram præcedentis ita collocandus est, vt vltima huius collocetur sub antepenultima antecedentis ordinis; *Vt si idem numerus, ex quo tabula confecta est mul-*

E 2

tiplican-

tiplicandus sit per 57042, exemplum sic erit.

$$\begin{array}{r}
 57042 \\
 \hline
 5 \mid 18977365 \\
 7 \mid 26568311 \\
 04 \mid 15181892 \\
 2 \mid 07590946 \\
 \hline
 216501370866
 \end{array}$$

Causam facillè concipies, si idè exemplum ponas sic, vt infra: in memoriamque reuoces circulum siue cyphram 0 in significantes notas ductam nihil efficere.

$$\begin{array}{r}
 57042 \\
 \hline
 5 \mid 18977365 \\
 7 \mid 26568311 \\
 0 \mid 00000000 \\
 4 \mid 15181892 \\
 2 \mid 07590946 \\
 \hline
 216501370866
 \end{array}$$

Iamque si duæ aut plures cyphræ intermedio multiplicantis loco sint, hinc facile colliges, quomodo numeri ex tabula sumpti collocandi sint.

Neminem verò tam ineptum fore existimo
qui per-

qui percepta multiplicationis definitione putet tabulam hanc omnibus sufficere multiplicationibus. Pro quolibet multiplicando construenda est, idq; in magnis numeris. Magna verò commoditas est constructa sic ex multiplicando tabula omnem multiplicationis molestiam euitare.

Quis enim non citius additionem, quam multiplicationem perficiat? Commoditatē hanc percipient illi, qui in canone Mathematico vastos numeros multiplicabunt. Talis multiplicationis exemplum proposuit Bartholomæus Pitiscus in Thesauro Mathematico Georgii Ioachimi Rhetici.

Ne vero quicquam quod ad multiplicationis intelligentiam pertineat omittatur adiungemus è Cardano quædam, de multiplicatione numerorum memoriter. Is igitur cap: 39 sic scribit,

Sunt quidam qui volunt multiplicare numeros memoriter, & constat hoc tribus regulis.

Prima: Cùm duxeris terminum medium inter duos numeros in se, differentiam in se, & deduxeris eam à producto primo, fiet multi-

plicatio numerorum ex quinta secundi elementorum Euclidis: *Veluti volo ducere 27 in 33: iungo fiunt 60: medium 30 ductum in se facit 900. differentia à 27 est 3, in se ducta facit 9 deduco 9 ex 900. fit 891 multiplicatio 27 in 33.*

Secunda. Cum duxeris numerum in partem & partem, fiet aggregatum æquale ductui totius in totum: *Veluti volo ducere 27 in 63, duco 27 in 60 fit 1620: deinde in 3 fit 81: addo 81 ad 1620 fiunt 1701 productum ex 27 in 63, Deducitur ex tertia secundi Euclidis. Verum hæc regula nihil diuersum præscribit à multiplicationis præcepto. Nam & ibi singulæ multiplicantis partes in totum multiplicandum ducuntur, indeq; illa ordinum decussatio.*

Tertia. Cum duxeris totum in totum, & diminutum indiminutum, & aggregaueris: deinde dempseris: quod prouenit ex diminutis in addita per crucem, habebis productum: *veluti 37 in 49. Totum de 37 est 40 (abuti- tur Cardanus nomine totius) de 49 est 50. duco 40 in 50, fiunt 2000. Diminutam de 37 ad 40, est 3 de 49 ad 50 est 1. duc inuicem fiunt 3, addo ad 2000 fiunt 2003. Duco 1 in 40 & fit*

40 & fiunt 40, & 3 diminutum vnus in 50
 additum alterius, fiunt 150, addo 40 fiunt 190,
 detraho ex 2003 remanet 1813. Et similiter
 cum duxeris totum in totum, & detractum,
 remanebit residuum pro multiplicatione. Vo-
 lo ducere 35 in 79, duco 35 in 80 fiunt 2800,
 duco 35 in 1, quo defecit 79 ab 80 fit 35. De-
 traho ex 2800 fiunt 2765 pro producto. Li-
 quet autem producta denariorum in denari-
 os esse centenariorum numerorum vt 30 in
 70 fiunt 21 centenaria hoc est 2100: & cente-
 norū in centenaproductum est numerus my-
 riadum: vt 700 in 800 fiunt 56 myriades, vi-
 delicet 56,0000. Et ex numero in denarios
 producitur numerus denariorum veluti 17 in
 70 faciunt 119 denarios, videlicet 1190. Et nu-
 merus in centena producit eodem modo nu-
 merum centenorum veluti 17 in 500 pro-
 ducunt 85 centena hoc est 8500. Et denarii
 in centena producant milliaria. velut 70 in
 880 producant 56 quæ sunt milliaria, videlicet
 56000. Vltra autē myriades memoriter la-
 borare, laboriosum inutile & periculofū est.
 Eadem tamen ratione in infinitum procedi-
 mus. Hæc Cardanus.

Compendia multiplicationis.

Si multiplicandus sit aliquis numerus, per unitatem auctam vna vel pluribus cyphris, eidem numero adscribe tot cyphras, quot habet multiplicans vt hic

$$\begin{array}{r}
 6954 \mid \\
 1000 \\
 \hline
 6954000
 \end{array}$$

Si deinde aliquis numerus multiplicandus sit per numerum, qui in primis locis cyphras aliquot habeat, multiplicatio facienda est seiunctis cyphris, & facto numero adiungendæ tot quot sunt seiunctæ: vt

$$\begin{array}{r}
 3567 \mid \\
 24 \mid 000 \\
 \hline
 14268 \\
 7134 \\
 \hline
 85608000
 \end{array}$$

Si vterq; numerus, Multiplicandus nimirum & Multiplicans cyphras in primis locis habent, ab vtroq; seiungendæ sunt: & facta multiplicatione producto tot cyphræ adiungantur, quot ab vtroq; seiunctæ sunt: vt hic

Caput VII.

73

$$\begin{array}{r}
 3045 \mid 00 \\
 502 \mid 000 \\
 \hline
 6090 \\
 15225 \\
 \hline
 152859000000
 \end{array}$$

Si numerus aliquis multiplicandus sit per 5 is vel est par vel impar.

Si par sit dimidium ipsius sume ea ratione quæ præscripta est in appendice de mediatio-
ne: atq; dimidio adice cyphram, & habes mul-
tiplicationis productum: ut hic: *sint multipli-*
canda 63578 per quinq; pono secundum re-
gulam sic:

$$\begin{array}{r}
 63578 \\
 317890 \\
 \hline
 \end{array}$$

Dico numerum 317890 quintuplum esse
huius 63578.

Si vero impar sit dimidium tamen paris pro-
ximè inferioris sume, atq; dimidio adicibe
notam 5: ut si multiplicanda sint 63579 per
5, pono sic

$$\begin{array}{r}
 63579 \\
 317895 \\
 \hline
 \end{array}$$

Dico numerum 317895 quintuplum esse hu-
ius 63579

ius 63579. potest puer probare multiplicando.

Causam huius compendii intelliget facile, si cōcipiat per adscriptionē 0, cuiuslibet numeri decuplū fieri ut 365 decuplum est 3650. dimidiū vero decupli necessario quintuplū est.

Sed adhuc propter pueros ē Scheubelio exempla proponamus.

Multipli- centur 456 per	{	1	fiunt	912
		3		1368
		4		1824
		5		2280
		6		2736
		7		3192
		8		3648
		9		4104

Adhuc.

Multipli- centur 7089 per	{	10	fiunt	70890
		11		77979
		12		85068
		23		163047
		34		241026
		45		319005
		67		474963
		78		552942
		89		630921

Adhuc

Adhuc alia exempla.

Multipli- centur 97531 per	123		11996313
	234		22822154
	345		33648195
	456		44474136
	567	fiunt	55300077
	678		66126018
	789		76951959
	891		86900121
	912		88948272

Examen Multiplicationis

Probatur multiplicatio per nouenariā abiectionem sic: Abice 9 ex multiplicando, residuum serua. Rursum abice ex multiplicante, & residuum hoc duc in residuum multiplicandū: producto numero abice 9 quoties abici possunt. Nam residuo huic æquabitur residuum abiectionis nouenariæ ex productos. *Ut si multiplicentur 97531 per 345. fiunt 33648195.. Examinabis verò sic:*

post abiectionem nouenariam ex multiplicando 97531 supersunt 7: ex multiplicante supersunt 3. Multiplico res duas inuicem: ter 7
fiunt

sunt 21, vnde rursus nouem abiecta per additionem notarum 2 & 1 relinquunt 3. Quia igitur ex producto 33648195 post abiectionem nouenarij supersunt 3, ideo recte multiplicatio confecta est. Sed modus iste probandi propter causam superius scriptam, non est apodicticus. Vtiliter tamen adhibetur. Certissima probandi ratio est per diuisionem. Si enim productum multiplicationis diuidas per multiplicante, Multiplicandus prodibit. Vel si idem multiplicationis productum diuidas per Multiplicandum, Multiplicans prodibit.

CAPVT VIII.

De Diuisione.

Diuisio est numeratio, qua numerus à numero subducitur quoties fieri potest, vt habeatur quotus, qui alias Quotiens vel Quotumus dicitur. Dantur verò in diuisione Diuidendus, & Diuisor, vt proueniat Quotumus, qui toties unitatem contineat, quoties Diuidendus continet Diuisorem.

Ad diuisionem verò commodius perficiendam

dan
nie
con
pha
mod
nent
S
7
In
lum
Pyth
posu

In
rum,
in ead
quot

dam singulari opus est meditatione, ad inueniendum quotum. Ea verò commodè fiet per comparationem factorum, cum numeris alphabeti Arithmetici, à quibus fiunt; in hunc modum. Si ter 3 faciunt 9, Ergo 3 in 9 continentur ter.

Si sexies 7 faciunt 42: ergo, 6 in 42 septies & 7 in 42 sexies continentur.

In hac igitur meditatione puer aliquantulum immoretur, præscripta si tardior sit ea Pythagoræ mensa quam superiori capite proposuimus.

1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	4	6	8	10	12	14	16	18
3	6	9	12	15	18	21	24	27
4	8	12	16	20	24	28	32	36
5	10	15	20	25	30	35	40	45
6	12	18	24	30	36	42	48	54
7	14	21	28	35	42	49	56	63
8	16	24	32	40	48	56	64	72
9	18	27	36	45	54	63	72	81

In prima igitur linea sume notam diuidentem, atq; omnes numeros infra eam positos in eadem columna confer cum ea ipsa nota, quotum os enim in prima columna reperies.

ut si



Ut si 3 sumat in prima linea, comparesq; illa cum sua columna numeru, primo cum 6, reperies in prima columna 2 quotumum: deinde cum reliquis sic, 3 in 9 ter, 3 in 12 quater, 3 in 15 quinquies, 3 in 18 sexies &c. Sic si 9 nota diuidens sit, sumes eam in prima linea: 9 enim in 18 bis, in 27 ter, in 36 quater &c. continebuntur.

Quod si numerus diuidendus non reperia-
tur in columna diuisoris, proxime minor erit
assumendus, ut si 9 sumenda sint in 57: quia
57 nō repe. iuntur in columna nouenarii, ideo
54 sumuntur & in prima columna reperiemus
quotientem 6, supersunt vero 3. Sed hæc in-
fra melius considerabuntur.

Ad eam forte meditationem olim Erathos-
thenis cribrum seruiebat, cuius meditatio ta-
lis est.

Præscribatur series naturalis numerorum
continua vnitatis differentia progredientium
quousq; placet, ut hic ad 100.

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18.
19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34.
35. 36. 37. 38. 39. 40. 41. 42. 43. 44. 45. 46. 47. 48. 49. 50.
51. 52. 53. 54. 55. 56. 57. 58. 59. 60. 61. 62. 63. 64. 65. 66.
67. 68. 69. 70. 71. 72. 73. 74. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 81.
82. 83. 84. 85. 86. 87. 88. 89. 90. 91. 92. 93. 94. 95. 96.
97. 98. 99. 100. Si enim

Si enim à quocunq; numero numeres tot loca quot ipse vnitates continet, ad primam numerationem reperiēs duplum eius numeri à quo exclusiue numerasti: ad secundam triplum, ad tertiam quadruplum & sic deinceps. *Vt si 3 sumas, primo tertius à ternario 6 duplum exhibet ternarii, secundo tertius 9 triplum: tertio tertius 12 quadruplum: quarto tertius 15 quintuplum. &c. Sic si 7 sumas, primo septimus 14 duplum, secundo septimus 21 triplum, tertio septimus 28 quadruplum, quarto septimus 35 quintuplum &c. ostendet. Eandemq; inductionem in ceteris faciet puer, ludusq; hic quidam ei videbitur. Georgius Valsa impares tantum disponit in cribro, sed in alium finem.*

Diuisurus igitur numerum aliquem per alterum colloca diuidendum, sub eoq; diuisionem secundum has regulas.

1. Si figura diuisoris extrema, in extrema diuidendi continetur, idq; eo modo, vt & sequentes inferiores secundum eundem numerum in superioribus contineantur, eadem extrema diuisoris sub extrema diuidendi recte ponitur, reliquæ antecedentes sub antecedenti-

17. 18.
33. 34.
49. 50.
65. 66.
80. 81.
95. 96.
Si enim

dentibus, singulæ sub singulis, si pluribus figuris diuisor constat.

Exemplum,

$$\begin{array}{r} 7 \ 7 \ 4 \ 4 \ 2 \ 5 \ 6 \text{ Diuidendus} \\ 2 \ 8 \ 6 \ 4 \text{ Diuisor.} \end{array}$$

2 Si eadem extrema diuisoris in extrema diuidendi non continetur, ideoque ab ea tolli non potest: aut ipsa quidem tolli potest, sequentes autem non possunt: totus diuisor loco vno dextrorsum promoueatur.

Exemplum.

$$\begin{array}{r} 3 \ 6 \ 7 \ 9 \text{ Diuidendus} \ 2 \ 5 \ 6 \ 8 \ 3 \ 4 \\ 4 \ 5 \text{ Diuisor.} \quad 2 \ 6 \ 7 \end{array}$$

Facta collocatione prima numerorum, secundum has regulas; si velis cognoscere quot notarum quotiens futurus sit, considera sub quo diuidendi loco figura prima diuisoris collocetur. Numerus enim illius loci indicabit tot figurarum fore quotientem. *Ut in prima regule exemplo prima figura diuisoris 4 posita est sub quarto loco, diuidendi. Dico igitur quotientem fore quatuor notarum. Sic in secunda regule exemplo prima figura diuisoris 7 posita est sub tertio diuidendi loco itaque hinc*

que hinc colliges quoti-tem fore trium notarū.

Sic iam dispositis numeris diuisio est perficienda. Placet verò hic Michaelis Stifelii nobilis Arithmetici methodum proponere, ut quæ ad memoriam multum faciat. Proponit autem ille modum diuisionis tribus Literis Q. M. S. quas etiam sic exponit. Primò Q. hoc est Quære. videlicet quoties diuisor inueniatur in tibi supra scripto. Semper verò quoti figura debet esse minor denario hoc est aliqua ex numeris alphabeti Arithmetici 0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9.

Secundo M hoc est multiplica: videlicet figuram quotientis inuentam in totum diuisorem.

Tertio S hoc est subtrahe: videlicet productum multiplicationis ab illo quod diuisori supra ponitur. Hoc præceptum toties repetendum est, quot loca diuidendi nondum expedita supersunt.

Exemplo res fiet manifestior. Assumamus autem primo exemplum, in quo diuisor vnus notæ. Sit reliqua hereditas 7168 aureorum, diuidenda inter septem filios. Pono in tabula sic, ut supra dictum est.

F

Diui-

| | | | | | |
|------------|---|---|---|---|-------|
| | | | | | |
| | | | | 2 | |
| Diuidendus | 7 | 7 | 6 | 8 | (1024 |
| Diuisor | 7 | 7 | 7 | 7 | |
| | 7 | 7 | 4 | 8 | |
| | | | | 2 | |

Diuido iuxta formulam praescriptam, atque
 Q. Primò quero quoties 7 in supra scri-
 ptis contineantur, manifestum est contineri se-
 mel pono igitur in quotiente hoc est intra lu-
 nulam dextrorsum positam, 1.

M. Deinde multiplico quotientis figuram
 nunc inuentam 1 in diuisorem 7 & proueniunt
 7, quæ sub eodem diuisore scribo.

S. Tandem subtraho productum à numero
 diuisori supra scripto cancellando notis, nihil-
 quæ manet.

Sic absoluta prima operatione promoueo
 diuisorem dextrorsum, hoc est ex quarto loco
 in tertium cancellata diuisoris nota, quæ fuit
 quarto loco.

Q. Quero: 7 in 1 quoties contineantur:
 manifestum verò est non contineri. Itaque cy-
 phram 0 scribo intra lunulam, cancellataq; no-
 ta diuisoris in loco tertio, pono eandem in lo-
 co se-

co secundo. Iamq̃ nunc quæro quoties 7 in 16 supra scriptis contineantur. Manifestum est meditati vel mensam superius præscriptam inuenti contineri bis, itaq̃ scribo intra lunulam 2.

M. Deinde multiplico figuram quotientis 2 in diuisorem 7 fiunt 14, quæ scribo sub 16 directe quæ diuiduntur Et subtraho 5 cancellando statim notæ 4 à 6 manent 2, quæ scribo supra 6 cancellata, 1 ab 1 nihil manet. Promoueo deinde diuisorem in primum locū. atq̃ 2 Quæro quoties 7 in 28 contineantur: meditatione vel beneficio tabule cognosco contineri quater. Itaq̃ intra lunulam scribo 4. Leinde

M. Multiplico quotientis figuram nunc inuentam 4 in diuisorem 7: fiunt 28, quæ scribo sub diuidendo, primam notam collocando sub diuisore, reliquam in sequenti loco. Tandem.

S. Subtraho 28 infra scripta à 28 supra scriptis, manetq̃ nihil. Dico itaq̃ numerum intra lunulam positum esse inuenti quotientem 10 4 qui indicat quantum cuiuslibet hæredum ex relicta hereditate 7168 aureorum cedat. Sed iam à facilioribus exemplis puerum ad difficiliora ducamus.

*sit prada 774456 florenorū diuidentia
in milites 2864, quantum vni cedet?*

*Pono diuidentem atque diuisorem, vt præ-
ceptum supra positum exposcit.*

| | | | | | |
|------------|---|---|---|---|-------|
| | 2 | 0 | 1 | 6 | |
| Diuidendus | 7 | 7 | 4 | 4 | 2 5 6 |
| Diuisor | 2 | 8 | 6 | 4 | (2 |
| | 5 | 7 | 2 | 8 | |

*Positis sic in tabula numeris, quero primum
quoties toties diuisor 2864 in numero sibi supra scri-
pto 7744 contineatur. Totus autem diuisionis
labor in eo consistere videtur, vt sciamus
quoties extrema diuisoris in numero sibi su-
prapposito sumi debeat, vt quotiens in omnes
diuisoris notas ductus producat numerum,
qui subtractus à numero supra diuisorem scri-
pto vel nihil relinquat, vel numerum diuiso-
re minorem. Rectè autem monet Adrianus
Metius leuiorem hunc laborem fore, cum di-
ui or conitat pluribus notis, si inuentam quo-
tientis notam meditatione per duas saltem
posteriores diuisoris notas multiplices pro-
ductumq; cum eorum verticalibus conferas.
Sic enim dicto citius meditaberis num acce-
pta quotientis nota sit maior aut minor. vt in
nostri*

nostri exempli prima ista operatione dum con-
fero extremam diuisoris figuram 2 cum ex-
trema diuidendi 7 animaduerto 2 in 7 con-
tineri ter super esse vero unitatem, 3 deinde
penultimam diuisoris in 17 non posse conti-
neri ter Itaq; si 3 ponerem intra lunulam plus
in 10 ponerem. Sumo igitur minorem quotum
2 eumq; pono intra lunulam. Aliquando me-
dicatio de tribus posterioribus notis facienda.

M. iam igitur multiplico diuisor: em per
Quotumum 2 producentur 5 7 2 8 qua scribo
sub linea ut rides.

S. Tandem subtraho 5 7 2 8 à supra scri-
ptis 7 7 4 4 cancellando notas manentq; 2 0 1 6,
qua superius scribo. Quia vero diuisoris pri-
ma figura collocata erat sub quarto diuidendi
loco, ideo deleta in tabula diuisore qua ri lo-
ci, & linea ei subducta; pono primam notam
diuisoris sub tertio diuidendi loco, reliquas se-
quentes sub sequentibus lineamq; subduco ut
hic rides.

| | | | | | | | | | | |
|-------|---|---|---|---|---|---|--|--|--|--|
| | | | I | | | | | | | |
| 2 | 0 | 1 | 6 | 4 | | | | | | |
| 7 | 7 | 4 | 4 | 2 | 5 | 6 | | | | |
| | | 2 | 8 | 6 | 4 | | | | | |
| <hr/> | | | | | | | | | | |
| 2 | 0 | 0 | 4 | 8 | | | | | | |

(27)
Q. Rur-

Q. Rursus igitur quero quoties 2 in 20 contineantur. Et contineri quidem possunt decies, verum secundum legem superius positam quotus debet esse minor 10. Si igitur 2 nouies sumas in 20, quia bis 9 sunt 18, ideo subtractis 18 à 20 manebunt 2; 8 autem in 21 non possunt contineri nouies. Si ergo rursus mediteris tentando sic: 2 si sumpsero in 20 octies, quia bis 8 sunt 16. subtrahis 16 à 20 manent 4. 8 autem in 41 continentur ne octies? Minime. Frustra igitur 8 sumpsi. Sumo deinde 2 in 20 septies: quia rero bis 7 faciunt 14, ideo subtractis 14 à 20, manent 6. 8 autem in 61, continentur ne septies? Continentur. Nam septies 8 sunt 56 quæ subtracta à 61 reliquent 5. 6 vero in 56 possunt etiam septies sumi. Atque hoc est quod supra diximus, secundum eundem numerum. Quotientem ergo hac meditatione inuentum pono intra lunulam.

M. Iamq; nunc per eundem diuisorem multiplico, fiunt 20048:

S. Quæ subtrahò à 20162 superscriptis, cancellando notis, & residua notando supra notis à quibus fit subtractio, manentq; 114 ut ibi vides.

Hac

Hac secunda operatione in qua diuisor erat collocatus sub tertio loco diuidendi, peracta. delens tertii loci diuisorem, lineam, & quae sub ea sunt: diuisoremq; promoueo ad secundum locum. primaq; eius nota sub secundo diuidendi loco posita, reliquas diuisoris pono in sequentibus locis, ut hic vides

$$\begin{array}{r}
 1 \\
 2 \ 6 \ 1 \ 6 \ 4 \\
 7 \ 7 \ 4 \ 4 \ 2 \ 5 \ 6 \quad (270 \\
 2 \ 8 \ 6 \ 4
 \end{array}$$

Q. Sici itur diuisore posito Quaro quoties 2 in 1 contineri possint. Manifestum est maiorem numerum in minore contineri non posse, ideoq; cyphram in quotiente scribo. nulla iam Multiplicatione & Subtractione opus est, in hac diuisoris positione. Quia vero is positus erat sub secundo loco, ideo eundem promoueo ad primum sic, ut vides

$$\begin{array}{r}
 + \\
 2 \ 0 \ + \ 6 \ 4 \\
 7 \ 7 \ 4 \ 4 \ 2 \ 8 \ 6 \\
 2 \ 8 \ 6 \ 4 \quad (2704 \\
 + \ + \ 4 \ 5 \ 6
 \end{array}$$

Q. Iamq; rursus quero quoties 2 in 11 superprescri-

F 4

prescri-

in 20
nt de-
positam
ouies
radix
possunt
diceris
, quia

t 4. 8
nime.
in 20

o sub-
conti-
epties
t 5. 6
Atque
eundē
atione

a mul-

riptis,
supra
14 ut

Hac

prescriptis contineantur: & contineri possunt quinquies, relicta unitate. Sed & in 14 secundum eundem numerum contineri non possunt. itaque in quotiente non pono 5 sed minorem 4 hac enim sufficient ut meditatio per multiplicationem facta demonstrat

M. Multiplico igitur divisorem 2864 per 4 prodeunt 11456 quæ subtracta à prescriptis 11456 nihil relinquunt. Exacta igitur divisio est. Quotumque prodit 2704 Ex illa igitur præda in singulos milites cedent 2704 floreni.

Hoc exemplum prolixè satis exposui demittens me ad captum puerorum.

Non putes autem diuisionis exemplum in tabula dum creta numeri nocantur, toties describendum esse, quoties hic descriptum vides. Imbecillitati puerorum hac repetitione consului. In tabula autem semel posito diuidendo diuisor tantum, quoties opus est mutabitur, donec diuisio tota perficiatur, in reliquis exemplis iam breuior ero.

Alii dum multiplicant ordine retrogrado quotientem ducunt in diuisorem, primo in extremam diuisoris figuram, statimque produ-

ctum

Etum à suprascripto subtrahunt: deinde in penultimam, &c. Modum hunc apud alios aucthores inuenies. Verùm quia multiplicatio in eo fit contra præscriptas superiori capite regulas ideo ut captui puerorum minime feruens ab Arithmeticis reiecitur. Quanquam ut dicam quod sentio, & subtractio quæ in diuisione supra cancellatas notas residua collocat, non respõdet regulis subtractionis supra propositis, videnturq; multi artis scriptores grauius contra leges Methodi peccare, qui proposita iam ratione subtractionis atque multiplicationis in diuisione, subtrahunt atq; multiplicat aliter quam præscripserunt: ideoque probatur mihi modus recentiorum, qui cum diuisor vnica constat nota vel duabus, cancellatione quidem notarum vtuntur, ut iam præscriptum habes: at cum diuisor plurius est notarum, residuum notant sub linea, pro singulis verò promotionibus diuisoris, adscribunt singulas diuidendi notas, quæ proximè præcedunt. Itaque exemplum superius, illorum methodo sic absoluetur.

90.

Arithmetica

| | | |
|------|---------------|----|
| | 7 7 4 4 2 5 6 | |
| I | 2 8 6 4 | (2 |
| | 5 7 2 8 | |
| | <hr/> | |
| | 2 0 1 6 2 | |
| II. | 2 8 6 4 | (7 |
| | 2 0 0 4 8 | |
| | <hr/> | |
| | 1 1 4 5 | |
| III. | 2 8 6 4 | (0 |
| | 0 0 0 0 | |
| | <hr/> | |
| | 1 1 4 5 6 | |
| IV. | 2 8 6 4 | (4 |
| | 1 1 4 5 6 | |
| | <hr/> | |
| | Nihil manet. | |

Explicatio exempli.

In prima operatione. prima diuisori collocatur sub quarto loco diuidendi. Quæro igitur quotum re prius, deinde per inuentum quotum 2, multiplico diuisorem, productumq; 5 7 2 8 sub diuisore scripti subtraho a numero 7744 supra diuisorem collocato, residuum 2016 scribo sub linea.

In secunda operatione tertiam notam 2 residuo adscribo: notet autē puer aliud esse adscribere aliud addere. diuisore pposito eadem medi-

medi-

meditatione qua prius Quæro quotientem per quem inuentum Multiplico diuisorem, produ-
cuntur 20043, quæ subtracta a suprapositis
20162 relinquunt 114 quæ scribitur sub linea.

In tertia operatione residuo adscribo notam
secundi loci suntque 1145 in quibus non potest
haberi diuisor, Scribo igitur 0 intra lunulam
subtracto 0, à 1145 manent 1145.

In quarta operatione residuo 1145 adscribo
notam primi loci 6 & Quæro quotum inuenioque
4 per quem diuisor Multiplicatus facit 11456.
Itaque post subtractionem factam nihil manet.
Hic diuidendi modus maximè naturalis est, præ-
ceptisque antecedentiū specierum valde con-
gruus. Potest verò sola additione atque sub-
tractione diuisio in vastioribus exemplis ab-
solui: si ex diuatore construatur tabula eo-
dem modo, vt in multiplicatione facta fuit
ex multiplicando. Scribatur ergo diuisor at-
que è regione ipsius vnitas, eritque perfectus
versus primus, pro secundo diuisor addatur si-
bi ipsi, hoc est duplicetur & è regione 2 ponā-
tur. Duplicato deinde addatur diuisor, & è
regione aggregati 3 ponantur, eritque versus
tertius, atque sic continuando procedes vsque
ad ver-

ad versum nonum. Constructam sic tabulam examinabis, ut antea in multiplicatione dictum est. *Ut si diuidentia sint 3908956280 per 149292: conficio primum tabulam iuxta modum praescriptum, ut hic vides.*

| | | |
|---------------|---|---------------|
| 1 4 9 2 9 2 | 1 | |
| 2 9 8 5 8 4 | 2 | |
| 4 4 7 8 7 6 | 3 | 1 4 9 2 9 2 |
| 5 9 7 1 6 8 | 4 | 3 |
| 7 4 6 4 6 0 | 5 | 4 4 7 8 7 6 |
| 8 9 5 7 5 2 | 6 | 3 |
| 1 0 4 5 0 4 4 | 7 | 1 3 4 3 9 2 8 |
| 1 1 9 4 3 3 6 | 8 | 6 |
| 1 3 4 3 6 2 8 | 9 | |
| 1 4 9 2 9 2 0 | | |

Sic confecta tabula, ab omnino molestia quoti perquirendi & multiplicationis liberabitur: positoque finiel diuifore, praxis diuifionis expedita erit.

Primo igitur diuifor collocatur sub septima diuidentis, unde colliges septem fore notas quotientis. *Ut vero habeam quotum, quaro super scriptum numerum 232908 in tabula, quem quia non reperio. accipio proxime minorem 149292, hoc est ipsum diuiforem, cuius index est 1,*

Caput VIII.

93

est 1, quem pono intra lunulam, statimq; subtraho diuisorem 1 superiori, manent 33616 quibus adscribo sextam notam 9.

2 3 2 9 0 8 9 5 6 2 8 0

1. 4. 9 2. 9 2 (1

8 3 6 1 6 9

7. 4. 6. 4 6 0 (5

8 9 7 0 9 5

8 9 5. 7 5 2 (6

1 3 4 3 6 2 8

1 3 4 3 6 2 8 (009

Nihil manet 0 (0

Quero igitur 336169 inter numeros tabule, reperio minorem 746460. eiusq; indicem 5 pro quoto, ac subtractione facta, manent 89709, quibus adscribo quintam 5. Deinde inter numeros tabule quero 897095 reperio minorem 805752 eiusq; indicem, 6, factaue subtractione manent 1343. His adscribo quam tam 6. Sed in 13436 diuisor sex notarum non continetur: posita igitur cyphra pro quoto adscribo tertiam 2, sed nec 134362, aut eo minor in tabula reperitur: itaq; scripta cyphra in quoto adscribo secundam 8

et nu-

¶ numerum 1343628. quero inter numeros tabula, reperio cum indice 9, quo intra lunulam posito, facta q̃ subtractione nihil manet.

Manet vnus locus, qui cū cyphram habeat. nullusq̃ supersit numerus, cui hæc primi loci cyphra debet addi, intra lunulam pro quoto cyphra ponitur. Quotiens ergo inuentus est 1560090

Vides ergo totam diuisionem absque molestia absolutam. Cuiam quoti sic constituti in singulis notis facile intelliges. Si confideres in primo verū simplum diuisoris, in secundo duplum, in tertio triplum, in quarto quadruplum, &c. contineri, vt ita iam per continuam additionem multiplicatio, per indices verò appositos meditatio quoti subtrata sit.

Hac ratione diuidendi vtuntur in subtenfis Mathematici, cuiusque diuisionis exemplum Pitiscus in Thesauro Mathematico proposuit.

Sed exempla adhuc nōnulla subiungemus, in quibus de profectu tuo in diuisione pueri facient periculum.

Aliud exemplum.

Habet aliquis censum seu redditum annuum 260 florenorum, ac ne peccet contra illud præceptum,

ceptum auro scribi dignum in animis adoleſcē-
tium: Sumptus centum ne ſuperet: cupit ſci-
re quantum ſingulis ſeptimanis debeat expen-
dere, ut annuus reditus illi ſufficiat. Façta di-
uiſione 260 per 52, quotum 5 m̄ſtrat quin-
que tantum florenos expendi poſſe ſingulis ſe-
ptimanis. Quod ſi ſinguli ſeptimanis expen-
dat 6 florenos, quot ſeptimanis egebit? façta
diuiſione 260 per 6, quotus 43 oſtendit cen-
ſum ſufficere 43 ſeptimanis, ſuperſunt que
duo floreni in ſeptimanam quadrageſimā quar-
tam, quā tandem & reliquis octo miſer egebit.
Quod ne fiat dum expendit, memine it circula-
rem figuram qua nummi formantur ad motū
aptiſſimam eſſe ideoq; Poloni dicunt nummos
quod rotundi ſint facile dilabi.

Exempla in quibus diuiſor unius

nota.

| | | | |
|--------------------------------|---|----------|-------|
| 20160
Si diuidā-
tur per | 2 | prodibūt | 10080 |
| | 3 | | 6720 |
| | 4 | | 5040 |
| | 5 | | 4032 |
| | 6 | | 3360 |
| | 7 | | 2880 |
| | 8 | | 2520 |
| | 9 | | 2240 |

Exempla in quibus diuisor est duarum notarum.

| | | | |
|------------------|----|----------|------|
| | 24 | | 1512 |
| | 32 | | 1134 |
| | 48 | | 756 |
| 36288 | 56 | | 648 |
| Si diuidatur per | 64 | prodibūt | 567 |
| | 72 | | 504 |
| | 81 | | 448 |
| | 96 | | 378 |

Exempla in quibus diuisor trium notarum est

| | | | |
|------------------|-----|----------|--------|
| | 396 | | 228690 |
| | 330 | | 274428 |
| | 297 | | 304920 |
| 90561240 | 264 | prodibūt | 343035 |
| Si diuidatur per | 231 | | 392040 |
| | 198 | | 457180 |
| | 165 | | 548856 |
| | 132 | | 686070 |

Et hæcenus exempla fuerunt in quibus diuisor exacte continetur, ideoq; in quoto integri sunt. Sæpè vero aliquid superest, quod iam particulam integri seu fractionem constituit.

tuit. Vnde rursus alia fractionum numeratio
est. Dabo verò hæc sequentia exempla, in
quibus puer fractionum aliquem gustum per-
cipiet, exorsus à facilioribus.

*Summa florenorum 365 diuidenda est in
duos milites: facta diuisione prodit quotus 182.
manetq; 1, quam scribo supra lineam quoto ad-
scriptam, diuisore sub linea posito, sic: $182 \frac{1}{2}$.*

*Hic vides vni cedere 182 florenos cum di-
midio. Fractio enim legenda est sic vna secūda.*

Nam numerum lineæ subiectum Arithme-
tici vocant Denominatorem, aliàs Nomen,
quia is denominat partes, in quas integrum
sectum esse dicitur.

Numerum verò supra lineam collocatum
vocant Numeratorem quod numeret partes
sumptas ex integro secto in tot partes quot
denominato unitates habet. Hic ergo si con-
cipiamus vnum florenum sectum esse in duas
partes ex iis vna sumpta est, ideoq; legimus v-
nam secūdā, hoc est dimidium, sicq; aliās de-
inde fractiones concipere debet puer.

*Floreni 457 diuidūtur in 6 milites, quantū vni
cedet, Respondeo $76 \frac{1}{2}$ Hic vides vni cedere flo-*

G

renos

renos 76 ac præterea unū floreni sextā partem.

Sex regii professores in Academia Cracoviensi annum stipendium habent 100 marcarum : quantum unus accipit ? Respondeo $16\frac{4}{6}$

Hic leges 16 marcas & quatuor sextas : hoc est si qualibet quatuor marcarum reliquarum, dividatur in partes 6, ex iis partibus pro quolibet cedunt 4, vel pro $\frac{4}{6}$ ponas $\frac{2}{3}$ quod idem est. Si qualibet marca divisa sit in partes 3, duo trientes marce pro quolibet assumendi veniunt.

Si 90 milites prædam colligunt 27393 florenorum quantum unus capiet ? Respondeo 304

$\frac{13}{90}$ In fractione habes triginta tres nonagesimas floreni, hoc est si florenus in partes 90 divideretur, ex iis partibus pro quolibet partes 33 sumerentur. Eadem fractio brevius sic scribitur $\frac{11}{30}$ Nam 11 trigesima floreni tantum va-

lent quantum 33 nonagesimæ. Et Arithmetici quidem solæcismum logisticum vocant, si fractio quæ minoribus numeris scribi, atque ideo facilius concipi possit, maioribus numeris describatur : sed solæcismus iste in pueris nondum fractiones edoctis utcumq; tolerabilis

bilis est. Hæc alieno loco docentur, verum quia fractiones oriuntur ex diuisione, vt puer paulatim asueſcat ad difficiliora fractionum præcepta percipienda, ideo hæc attingere volui. Scribere namq; fractionem eamq; non intelligere longe turpissimum est.

Compendia Diuisionis nonnulla.

I. Si numerus aliquis diuidendus sit per numerum in primis locis cyphas continentem, cypharæ primis diuidendi notis subiiciantur, diuisioneq; fiat per figuras significatinas, veluti nullas haberent cyphas. *vt si diuidendus sit numerus 7359640 per 30: exemplum sic stabit.*

$$\begin{array}{r}
 + + \quad \quad \quad I \\
 7 \ 3 \ 5 \ 9 \ 6 \ 4 \ 0 \\
 3 \ 3 \ 13 \ 3 \ 3 \ 3 \ 0 \quad (245321 \frac{10}{30} \text{ vel } \frac{1}{3}) \\
 \hline
 6 \ 2 \ 5 \ 9 \ 6 \ 3 \\
 + +
 \end{array}$$

Sic si diuidendus sit idem numerus 7359640 per 400: exemplum sic erit.

$$\begin{array}{r}
 3 \ 1 \ 3 \ 3 \\
 7 \ 3 \ 5 \ 9 \ 6 \ 4 \ 0 \\
 4 \ 4 \ 4 \ 4 \ 4 \ 0 \ 0 \quad (18399 \frac{40}{400} \frac{4}{40} \frac{1}{10}) \\
 \hline
 4 \ 2 \ 2 \ 6 \ 6 \\
 3 \ 1 \ 3 \ 3 \quad \quad \quad G \ 2 \quad \quad \quad 2. Si
 \end{array}$$

2. Si numerus aliquis diuidentus sit per unitatem, quæ habeat adscriptas aliquot cyphas, reiectis tot notis ex diuidento quot sunt ad 1 cyphræ, quotiens mox habebitur: *Vt si diuidentia sint 7540567 per 100 reiectis duabus notis 67, quotus mox habetur cum fractione sic 75405 $\frac{67}{100}$*

Sic si 73945700000, diuidentia sint per 100000 quotus erit 739457

3. Si numerus aliquis diuidentus sit in partes quinque, ab eo primam notam tolle, residuumq; duplica, duplicatus enim numerus dabit quotum, si ablata nota minor sit quinario. Et ablata quidem nota tum fiet numerator fractionis. *Vt si diuidentia sint 34573 per 5, aufero primam notam 3, relictum 3457 duplico. Dico quotum esse 6914 $\frac{1}{5}$*

Quod si ablata nota maior vel æqualis sit quinario, facta duplicatione duplo addatur unitas pro abiectis ex ablata nota 5, residuum vero si quod sit habebitur pro fractionis numeratore, *vt si diuidentia sint 34698, abiicio 8 reliquas notis 3469 duplo fiuntq; 6938, quibus pro abiectis 5 ex octo, addo 1, fiuntq; 6939 $\frac{3}{5}$ sic si*

diuident-

diuidenda sint 493675 per 5 quotus erit 98735

Examen diuisionis fit per multiplicatio-
nem. Multiplicetur quotus inuentus per di-
uiforem, productoque multiplo addatur resi-
duum si quod post diuisionem supererat: si
enim recte diuifio peracta est, redibit nume-
rus diuidendus: si non redibit male peractam
iudicabis. Potest etiam probari per abiectione-
nem nouenarij sic. Residuum abiectionis no-
uenariæ ex quotiente, multiplica per residu-
um eiusdem abiectionis ex diuifore, atque pro-
ducto adde si quid post diuisionem supererat;
indeque rursus abicias & si possant abici. Id
enim quod residuum manet æquale debet ef-
se residuo abiectionis nouenariæ ex diuiden-
do si recte diuifio confecta est.

CAPVT IX.

*De Numeris primis & cōpositis
per se, atque Primis & compo-
sitis inter se.*

Postquam diuisionem puer intellexerit,
utiliter ante regulam proportionū exer-

ceri potest in meditatione primorum & compositorum numerorum In qua vt proficiat, primum exerceatur in his quæ iam subiungemus, vt facile cognoscat qui numeri diuidi possint exactè per 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10. &c.

2. Binarius omnem numerum exactè diuidit, cuius prima figura à binario diuiditur: hoc est qui parem notam, aut 0 primo loco habet vt 3684. 360:

3. Ternarius quemlibet numerum diuidit cuius singulæ figuræ valore primi loci acceptæ, & ad se additæ, ab ipso ternario numerantur: Potes hoc idem explorare abiiciendo 3 ex omnibus notis valore primi loci acceptis, quemadmodum fit in abiectiōe nouenarii, si enim nihil manet numerus datus exactè per 3 diuidetur: vt 3684

4. Quaternarius quemlibet numerum exactè diuidit, cuius ipse partem illam diuidit exactè, quæ sub duabus primis figuris continetur. Sic iudicabū 395678564 exactè à quaternario diuidi, quia primæ notæ 64 ab eodem exactè diuidentur: itemq; 3700.

5. Quinarius quemlibet numerum diuidit exactè, cuius prima nota est 5 vel 0.

6. Se-

6. Senarius quemlibet parem numerum diuidit exactè, quem diuidit ternarius, *vt* 3698532. Quod si numerus impar sit, quauis à ternario diuisibilis à senario iam non diuidetur, *vt* 9513.

7. Septenarius quemlibet numerum exactè diuidit qui colligitur ex tribus, sex, nouem, aut duodecim continuis terminis proportionality duplæ, quadruplæ, aut sedecuplæ; sed propter hylterologiam puer hoc omittat, reuerſurus eo postquam numerorum progressionis varias intellexerit.

8. Octonarius quemlibet numerum diuidit exactè, cuius partem illam, quæ sub tribus primis eius figuris continetur, ipse exactè diuidit. *vt* 3594624768 & 45000.

Adrianus Metius hic aliam adhuc explorandi rationem tradit: Duplica numeri propositi notam secundam; & quadruplica tertiam; productos inde numeros cum prima nota simul adde: quoniam si productum illud 8 metiatur, ipse datus numerus ab 8 diuidetur exactè: *vt in superiore exemplo vides.*

28 Quadruplum tertiæ
12 Duplum secundæ
8 Prima

48

9. Nouenarius quemlibet numerum exactè diuidit, cuius singulæ figuræ valore primi loci acceptæ, & simul additæ, ab ipso nouenario numerantur. Vel à quo post abiectionem nouenariam, vt in probationibus specierum fit, 0 relinquitur.

10. Denarius quemlibet numerum exactè diuidit cuius prima figura est 0. Ex his iam facile scies qui numeri diuisibiles sint per 20, 30, 40, 50, Item scies facile qui numeri diuisibiles sint per 16. 32. 64. 128.

Item scies quos diuidere possis per 12. 24. 48. &c. Nam 12 diuidunt omnem numerum quem senarius diuidit numero pari. Multa puer ex his meditatione continua deducet.

His vero intellectis facile puer intelliget diuisionem illam numeri, quæ apud Euclidem aliosq; authores frequens est.

Euclidis ipsius verba producam

Πρῶτος ἀριθμὸς ἐστὶν ὁ μονάδι μόνῃ μετρεῖ-
τος. Hoc est. Primus numerus est ab unitate sola
mensus.

menſus. P. Ramus quia omnis numerus diuiduus eſt à ſeipſo, primum numerū definiſit ſic.

Numerus primus eſt numerus indiuiduus ab alio multitudinis numero: vt ſi 7 ſumas, ab alio quidem numero non diuidentur, at à ſeipſis diuidetur in ſeptem 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1. Per vnitatem vero nulla poteſt fieri diuiſio. Diuiſio enim plura quàm vnum inferit, quod ex vi nominis manifeſtum eſt. Sed Euclidis ætate diuiſionis nullum erat vocabulum: poſt Euclidem tandem ab Hypſicle, Ptolemæo aliſq; uſurpatum eſt: niſi forte μετρεῖν Euclideum pro exacta diuiſione ſumendum ſit. An potius pro applicatione exacta? Franciſcus Vieta in Logiſtice ſpecioſa proponit magnitudinem magnitudini applicare: quod in numeroſa vulgarium more proponeretur ſic: Numerum per numerum diuidere. Aequale æquali applicari poteſt. At idem ſibi ipſi nequaquam: Vnum enim eſt. Applicatio plura requirit. Quæ ſi vera ſunt, conſequetur numerum primum ab vnitatem ſola μετρεῖν atq; ideo primi numeri Euclideam definitionem conſiſtere. Σωθειςτος ἀριθμός ἐστιν, ὁ ἀριθμῶ

$\begin{array}{ccccccc} & 11 & 19 & & 2 & 19 & & 5 \\ & 5 & 3 & & 1 & 3 & & 5 \end{array}$
 53. 55. 57. 59. 61. 63. 65. 67. 69. 71. 73. 75.

Hic vides 9, 15, 21, 25, 27, 33, 35, 39, &c. compositos: reliquos qui nullos habent supra se numeros à nullo numerari, ideoque primos esse.

Adhuc alia diuisio numeri est apud Euclidem, quâ dicuntur quidam esse primi inter se, vel compositi inter se: sic autem ille πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μετρεῖμενοι κοινῷ μέτρῳ. hoc est:

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas communis mensura metitur. *Ue 15* & primi sunt inter se, nullus enim numerus est, qui vtrumque exacte diuidat: quamuis si separatim considerentur secundum præcedentes definitiones, compositi sint: at hic iam ad inuicem referuntur, in qua relatione sola vnitas vtriusque communis mensura est.

Σωθερι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν, εἰ ἀριθμῷ τινὶ μετρεῖμενοι κοινῷ μετρῳ.

Hoc est: Compositi inter se numeri sunt, quos numerus aliquis communis mensura metitur.

Ut 24 & 16 sunt inter se compositi quia vtrumque numerus 8 tanquam communis mensura metitur. Itaque si vtrumque communi maxima mensura diuidas reuocabuntur ad minimos terminos 3 & 2. Atque sic sunt 24 ad 16, ut 3 ad 2. Sunt vero eorundem numerorum alij numeri communes mensurae ut 2 & 4 sed maximae dici non possunt. Sic 27 & 72 compositi sunt inter se: communis eorum mensura maxima est 9, qua reuocantur ad minimos eiusdem rationis numeros, primos inter se, 3 & 8. Vfus huius doctrinae magnus erit in regula proportionum, atque etiam fractionibus: cum compositi inter se numeri, ad minores eiusdem rationis reuocandi erunt, ad vitandum solacismos Logisticos, de quibus iam antea monuimus. Dati vero quicuius numeri an inter se primi sint vel compositi, atque si compositi sint quae illorum communis mensura sit maxima, experieris secundum 1 & 2: p: 7 Euclidis. Duobus numeris inaequalibus propositis detrahatur semper minor de maiore alterna quadam detractio: nam si subtractio unitatem demum relinquat, primi erunt inter se: si vero peruentum sit ad aliquem numerum, qui subtra-

Etus

Etus ab alio nihil relinquat, dati numeri compositi sunt inter se: isq; numerus post quem subtractum nihil relinquitur, est maxima communis mensura datorum numerorum. *Sint* propositi numeri 27 & 70 volo cognoscere an sint primi vel compositi inter se: subtraho 27 à 70 manent 43. iterumq; 27 à 43 manent 16. iamq; non possum à 16 subtrahere 27, ergo 16 subtraho à 27 manent 11, deinde 11 à 16, manent 5 postea 5 ab 11 manent 6, tandem 5 à 6 manet 1. Dico igitur datos numeros 27 & 70 esse primos inter se.

Exemplum sic erit.

| | |
|-------|---|
| 7 | 0 |
| 2. | 7 |
| <hr/> | |
| 4 | 3 |
| 2. | 7 |
| <hr/> | |
| 1 | 6 |
| <hr/> | |
| 1 | 1 |
| <hr/> | |
| | 5 |
| <hr/> | |
| | 6 |
| <hr/> | |
| | 5 |
| <hr/> | |
| | 1 |

Sint

Sint rursus propositi numeri 27 & 72, subtrahō 27 à 72 manent 45, iterumq; 27 à 45 manent 18; deinde 18 à 27 manent 9; postea 9 à 18 manent 9, tandem 9 à 9 manent 0. Dico itaq; propositos numeros 27 & 72 compositos esse inter se, maximam vero eorum mensuram esse 9: qua reuocabuntur ad minimos terminos 3 & 8: ita vt sint 27 ad 72 quemadmodum 3 ad 8. Quis verò non facilius concipiat eam proportionem 3 ad 8 quam 27 ad 72?

Exemplum hoc secundum sic habes.

| | |
|-------|---|
| 7 | 2 |
| 2. | 7 |
| <hr/> | |
| 4 | 5 |
| 2. | 7 |
| <hr/> | |
| 1. | 8 |
| <hr/> | |
| 9 | |
| <hr/> | |
| 9 | |
| <hr/> | |
| 0 | |

Hoc idem præceptum diuisione expediri potest sic: Duobus numeris propositis, si velis cognoscere primi ne sint an compositi inter se, diuide maiorem per minorem; deinde reiecto

reie
oris
per
resic
relin
men
num

Di
facta
qua
256 a
duum
192 à
antece
nentur
produ

Caput 1 X.

III

reieto quotiente, item diuide diuiforem pri-
oris diuifionis per residuum, & sic deinceps ſe-
per diuiforem proximæ diuifionis diuide per
residuum, donec occurrat diuiſor qui nullum
relinquat residuum: is enim erit communis
meſura qua ad minimos reuocabuntur. Sint
numeri 256 & 704.

Exemplum ſic habes.

$$\begin{array}{r}
 704 \\
 256 \quad (2 \\
 \hline
 512 \\
 192 \quad (1 \\
 \hline
 64 \quad (3 \\
 \hline
 192 \\
 \hline
 000
 \end{array}$$

Diuido 704 per 256 in quotiente erunt 2
factaq; multiplicatione 2 in 256 veniunt 512,
qua ſubtracta à 704 reſequunt 192. Iterum
256 diuiſorem antecedentem diuido per reſi-
duum 192: continentur ſemel, itaq; ſubtraho
192 à 256 manent 64. Item 192 diuiſorem
antecedentem diuido per 64 reſiduum: conti-
nentur ter: factaq; multiplicatione 3 per 64
producuntur 192, atq; poſt ſubtractionem ni-
hil ma-

hil manet. Dico igitur propofitorum numerorum 256 & 704 effe communem menfuram 64, qua reuocantur ad minimos terminos 4 & 11: ita vt 256 fint ad 704, vt 4 ad 11.

Si duo numeri in primis locis cyphras aliquot habeant compofiti funt inter fe, reiecto vero vtrinq; equali cyphrarum numero contrahentur ad minores; qui vel primi erunt inter fe, vel compofiti, ad primos reuocandi ea arte que iam expofita eft: vt 600 & 1500: ab his vtrinq; duabus cyphris reuocantur ad minores 6 & 15 cum vero iftorum adhuc maxima menfura fit 3, reuocabuntur ad minimos 2 & 5. Dico igitur 300 ad 1500 effe vt 2 ad 5.

CAPVT X.

De Regula Proportionum.

HActenus egimus de precipuis instrumentis, que vtramq; in Arithmetica paginam faciunt. Quicquid enim deinceps per omnem Arithmetice campum à præftatiffimis ingenis excultum continetur, id totum his quatuor instrumentis confectum eft. Quia vero initio diximus

diximus Arithmeticam duplicem esse: Simplicem & Comparatiuam: hic admonendus est Lector multiplicationem & diuisionem videri pertinere ad Comparatiuam iudicio Georgii Ioachimi Rhetici, qui hoc ipsum confirmabat demonstratione sumpta ex definitionibus multiplicationis & diuisionis. Vt enim est 1 ad multiplicantem, sic multiplicandus ad multipulum multiplicatione factum. Et vt diuidendus ad diuisorem, sic quotus ad 1: vt iam hic quoq; se immisceat nobis parum aduertentibus aurea proportionum regula. Itaq; idem dicebat Arithmeticam totam his signis \pm — quæ notant plus, minus; hoc est additione & subtractione contineri. Quid enim aliud est multiplicatio, quàm artificiosa additio? Et diuisio non est aliud quam artificiosa subductio. Atq; propter hanc fortè causam $\sigma\iota\chi\epsilon\acute{\iota}\omega\tau\eta\varsigma$ post Euclidè primus $\lambda\omicron\gamma\iota\kappa\omega\tau\alpha\lambda\omicron\varsigma$ vt eum appellat subtilissimus Franciscus Vieta aliam Arithmeticæ editionem adornauit, vt intelligimus è Snellio. Et Lazarus Schonevus methodicū problema maioris esse ocii non temere pronunciauit. Sed de hoc alias copiosè: nunc vt antecedentiū præceptorum vsum

H

aliquem

aliquem Arithmeticae studiosi percipiant, Regulam Analogiae breuiter proponamus. Neque vero placet barbarum Detri nomen. Non enim haec regula trium numerorum est, sed quatuor, ex quorum tribus quibuscunque datis quartus inuestigatur. Sic regula quoque sex quantitatum dicitur, in qua ex datis quibuscunque quinque, sexta queritur. Haec vero Analogiae regula propter vsum insignis aurea dicitur.

Et reuera aurum hic purum putum est, fofile non Chymicum, probum non ementitum, quodque in ignem quantumuis coniectum in auras nunquam euanescit. Iamque primo analogiae generalem regulam discipulus hic concipiat. Quia enim quatuor numeri proportionales proponuntur, erit ut Primus ad Secundum ita Tertius ad Quartum: ideo si Quartus ignotus sit, ex datis Primo Secundo Tertio inuestigabitur sic: Multiplicetur Secundus per Tertium; productus ex horum multiplicatione numerus diuidatur per Primum, quotus enim dabit Quartum qui ignorabatur.

Sed in praxi huius regulae memineris quartum cognominem esse secundo, atque tertium primo: *Exemplo res fiet manifestior: fiat questio,*

fi
ren
mer
rum
qua
dica
12 p
mon
na 1
L
dia
ties
tius
tium
ad T
Qu
Itaq
Fiat
16 p
pro
Ela
nen
etia
Euc
qua

stio, si Quatuor florenis emuntur, vlna 12. florenis 16 quot vlna ementur? Hic primus numerus est florenorum, tertius quoq; florenorum. In secundo sunt Vlna: similiterque in quarto erunt. Mathematici abstrahendo ab his dicunt vt 4 ad 12 ita 16 ad quem? Multiplico 12 per 16: fiunt 192: qua diuido per 4, quotus monstrat quæsitum 48. Itaq; si 4 florenis vlna 12 emuntur, 16 florenis 48 vlna ementur.

Probationis varias rationes atq; compendia colliges sequentium meditatione. Quoties enim est vt Primus ad Secundum, ita Tertius ad Quartum, est quoq; vt Primus ad Tertium ita Secundus ad Quartum, & vt Quartus ad Tertium ita Secundus ad Primum. Et vt Quartus ad Secundum ita Tertius ad Primum. Itaq; si inuertas exemplum propositum sic: *Fiat vt 48 ad 16 ita 12 ad quem? Multiplicatis 16 per 12 veniunt 192, quibus diuisis per 24 prodibit primus 4. Atq; hinc colliges recte factam operationem.* Hancq; probandi rationem communiter Arithmetici ponunt. Vel etiam probabis sic: per 19 propositionem 7 Euclidis, in qua fundamentum est regulæ: Si quatuor numeri proportionales fuerint qui

ex primo & quarto fit numerus; æqualis erit ei qui ex secundo & tertio fit numero & contra: Cum itaq; quatuor proportionales numeri dentur, 4: 12 16. 48 ideo factus ex 12 in 16 hoc est 192. æqualis erit facto ex 4 in 48 hoc est 192. Vnde colliges quatuor illos proportionales recte per operationem regulæ inuentos esse.

Compendia vero nonnulla etiam inde possunt deduci. Si enim primus & secundus vel primus & tertius sint inter se compositi: per maximam cōmunem mensuram, de qua præcedenti capite diximus, diuisi: dabunt numeros, qui pro diuisis substituti in regulam, dabunt quæ situm. *Ut si superius exemplum consideres. Ut 4 ad 12 ita 16 ad quem? Hic 4 & 12 sunt inter se compositi: maxima eorū communis mensura 4. qua diuisi dant, 1. & 3. Fiat ergo nunc Ut 1 ad 3 ita 16 ad quem? Multiplicatus 16 in 3 fiunt 48. Vnitatis primi loci non diuidit, itaq; iam quartus inuentus est 48.*

Eademq; ratione quia primus & tertius inter se compositi sunt, maximaque communis mensura eorum est 4: ideo exemplum sic erit: *Ut 1 ad 12 sic 4 ad quem? facta multiplicatio-*

ne 12 per 4 fiunt 48 vt prius pro quarto: quia vnita quæ non diuidit, est in primo loco: si in eo esset multitudinis numerus, diuisio esset facienda. Sed in alijs exemplis res melius cognoscitur.

11. Si 91 milites accipiunt 322 florenos, 104 milites eadem proportionem quantum accipiant? Hic multiplicatis 322 per 104 fiunt 33488. Huius vero diuisis per 91, quotus 368 monstrat quasitum.

Si iuxta doctrinam præcedentis capituli experiaris de primo & secundo. primi ne an compositi sint inter se: reperies compositos: communemq; eorum mensuram esse 7, per quam reuocabuntur ad minimos terminos 13, 46. Itaq; si fiat vt 13 ad 46 ita 104 ad quem? Multiplicatis 104 per 46 fiunt 4784, huius vero diuisis per 13 producantur 368, vt prius. Et si de primo & tertio experiaris primi ne an compositi sint: reperies compositos, maximamq; eorum mensuram esse 13, per quam ad minimos terminos reuocabuntur, 7 & 8. Itaq; si fiat vt 7 ad 322 ita 8 ad quem? Multiplicatis 322 per 8 fiunt 2576, huius vero diuisis per 7, proueniunt 368 vt prius.

Si verò neque primus & tertius, neq; primus & secundus inter se primi sint, ad minores iam reuocari non poterunt: ideoque per eos iuxta regulam operatio conficienda. *Vt,*

Si 15 vlnæ emuntur florenis 49: vlnæ 61 quot florenis ementur? Multiplico 49 per 61, fiunt 2989, quæ diuido per 15, prodeunt 199 $\frac{4}{5}$, hoc est floreni 199 cum $\frac{4}{5}$ vnus floreni.

Hic verò obiter dicendum valorem cuiuslibet fractionis in vñitata moneta, aut alia quacunque re cuius est fractio, cognosci per analogiæ regulam. Si enim pro primo termino ponas Denominatorem fractionis, hoc est numerum sub lineola positum; pro secundo Numeratorem fractionis, hoc est numerum supra lineolam collocatum, pro tertio vñlorem rei integræ, ac secundum regulam procedas, quæsitum obtinebis faciliè. *Vt in hoc tertio exemplo sunt $\frac{4}{5}$ vnus floreni: florenus verò apud Polonos valet 30 grossos: si velis cognoscere $\frac{4}{5}$ floreni quot grossos valeant, fiat vt 5 ad 4, sic 30 ad quem? Facta operatione colliges 24. Dico $\frac{4}{5}$ vnus floreni valere 24 grossos. Sic in reliquis procedes.*

Cautio

Cautio I.

Sæpè quæstiones confuso ordine proponuntur, confusionem tamen faciliè euoluet qui præcedentia intellexit. *Ut si proponatur: Emenda sunt 364 vlnæ, qualium 50 emuntur 12 florenis. Queritur quanto id precio fieri possit.* Hic quia quæstio est de 364 vlnis, pono earum numerum tertio loco, quia verò tertius & primus nomine conueniunt, ideo 50 primo loco pono: 12 secundo: iamq; nunc vt 50, ad 12, sic 364 ad quem? Facta operatione veniunt $87\frac{18}{50}$ seu $2\frac{2}{25}$

Cautio II.

Sæpè primus à tertio nomine dissentit, ideoque tunc reductione ad idem nomen opus est. *Ut si proponatur: Vno anno expenduntur 160 floreni, quot expenduntur 13 septimanis?* Hic primi & tertij nomen diuersum est: ideoque 1 annum reduco ad septimanas 52. iamq; nunc fiat vt 52 ad 160, sic 13 ad quem? Facto calculo iuxta regulam, veniunt 40 floreni.

Itemq; si auena 3 modij veniunt 24 grossis, 20 florenis quot modij emuntur? Hic 20

H 4

floren.

florenos resolues in grossos multiplicando 20 per 30, fient 600 grossi: quia verò hi quæstionem annexam habent, primo loco pono 24 grossos: itaque si fiat vt 24 ad 3, sic 600 ad quem? Vel quia primus & tertius compositi sunt inter se, facta eorum ad primos reductio: ne: si fiat, vt 1 ad 3, sic 25 ad quem? Facta operatione per hos vel priores numeros prodibunt 75 modij, qui eadem proportionem ementur 20 florenis.

Cautio III.

Sæpè in datis numeris adiciuntur aliquæ circumstantiæ, propter quas plures quàm tres termini propositi videri possint. Vt si proponatur sic: Decem boues per 7 dies arant iugera 35: quot iugera arabunt boues 20 per dies 24. Exemplum sic stabit.

| | |
|--------------------------|-----|
| 10 | 20 |
| per arant 35 quantum per | |
| 7 | 24? |

Hic primo debet multiplicatio numerorum fieri per circumstantias, vt 10 in 7 ducta faciunt 70, deinde 22 per 20 faciunt 480. Si igitur fiat, vt 70 ad 35, sic 480 ad quem? vel abiecti
à primo

à primo & tertio cyphris breuius sic: Vt 7 ad 35 sic 48 ad quem? Facta operatione secundum regulam, quartus erit 240 iugerum quæ arabunt 20 boues diebus 24. Alii expediunt quæstiones eiusmodi bis adhibita regula proportionum. Vt in proposito exemplo primum si 10 boues arant 35 iugera quantum 20? Respondeo 70. Rursusq; si 7 diebus arant 70 quantum 24 diebus? Respondeo 240. Tantumq; etiam prius prouenerat.

Regula Societatis.

Regula proportionum quæ adhuc proposita est sæpe aliquoties repetitur: vt sic dum aliquot negotiatores societatem constituunt, rursusq; lucrum vel damnum secundum proportionem inter se partiuntur. Iamq; tunc regula societatis appellatur. Vt si proponatur: Tres in vnum suam cōtulerunt pecuniam, quorum primus dedit 1000, secundus 1500, tertius 2500: lucrati sunt florenos 2000, quot floreni cuilibet pro sua portione cedent? Hic summa pecuniæ quam cōtulerunt primo loco ponitur: secundo lucrum. tertio vero singulorum pecunia vt hic vides.

H 5

Vt 5000.

1000

Vt 5000 ad 2000 ita 1500 ad quem?

2500

Quia vero tertio loco tres termini ponuntur, ideo regula ter erit repetenda. Ac primò quidem vt 5000 ad 2000, ita 1000 ad quem? facta operatione veniunt 400.

Rursus. Vt 5000 ad 2000 ita 1500 ad quem? Respondeo 600.

Tandem Vt 5000 ad 2000, ita 2500 ad quem? Respondeo 1000.

Probatio.

Si vis probare recte ne operatio confecta sit adde prouenientes ex operatione numeros simul, si enim secundus venit recte operatus es: vt hic 400, 600, 1000, colligūt 2000.

Sæpe fractiones interueniunt quas arte iam superius composita resolues.

Vt si in trium societate, quorum primus 300 dederit florenos, secundus 500, tertius 700, lucrum sit 962 florenorum. Exemplū sic erit

300 ?
1500 dant 962 quantum 500 ?
700 ?

Prima

Prima Analogia est Vt 1500 ad 962, sic 300 ad quem? Respondeo 192 $\frac{6}{15}$ Valor fractionis rursus inuenietur in grossis quales in Polonia 30 vnum florenum constituunt sic. Vt denominator 15 ad numeratorem 6 sic 30 ad quem? Vel quia primus & tertius compositi sunt inter se. Vt 1 ad 6 sic 2 ad quem? facto calculo proueniunt 12 grossi. Itaq; primus capiet e lucro florenos 192 grossos 12. Secunda Analogia est Vt 1500 ad 962 sic 500 ad quem? Vel quia primus & Tertius compositi sunt inter se vt 3 ad 962 sic 1 ad quem? Respondeo 320 $\frac{2}{3}$ Valor fractionis cognoscetur sic: Vt 3 ad 2 sic 30 ad quem? Respondeo 20 grossos. Tertia Analogia est Vt 1500 ad 962 sic 700 ad quem? Respondeo 448 $\frac{14}{15}$. Valor fractionis in grossis cognoscet si facias Vt 15 ad 14 sic 30 ad quem? Vel vt 1 ad 14 sic 2 ad quem? Respondeo 20. Itaq; $\frac{14}{15}$ valebunt 28 grossos. Iamq; peractio opere exemplum sic e. it

| | | |
|---------------------|--------|-----|
| 300 | 192 | 12 |
| Vt 1500 ad 962 sic. | 500 ad | 320 |
| 700 | 448 | 28 |

Summa

Summa quarti loci numerorum reddit secundum numerum 062: grossi enim 12, 20, 28, hoc est 60 valent 2 florenos exacte qui iuncti 192, 320, 448 conficiunt 962

Sepe in regula societatis circumstantia temporis adicitur, verum qui cautiones supra positas intellexit exempla talia facile soluet.

Regula Proportionum conuersa.

Sæpè proportio reciprocè inuertitur: cùm nimirum res eadem vel æqualis, ad diuersas potentias circumstantia aliqua temporis aut alterius rei circumscriptas refertur. Atq; tunc tantum fit ex primo & secundo, quantum ex tertio & quarto. Ideoque datis tribus, vt ex his quartus inueniatur, multiplica primum per secundum, productumque ex his numerum diuide per tertium, quotus enim quartum quæsitum monstrabit. Exemplis res melius patebit.

Primum.

Decem iugera 15 boues arant octo diebus: eadem iugera decem boues 20 quot diebus arabunt? Hic res eadem vel æqualis, nimirum

10 iu-

Caput X.

125

10 iugera refertur ad diuersas potentias. Manifestum autem est aucta potentia bouum, decem iugera minori tempore quam octo diebus arari. Ideo q̄ inuertitur proportio sic:

| | |
|---------|---------|
| 15 | 20 |
| 10 iug. | 10 iug. |
| 8 | 6 |
| 120 | 120. |

Si igitur inuerſe fiat, Vt tertius 20 ad primum 15, sic secundus 8, ad quem? Multiplico 15 in 8, fiunt 120, quæ diuido per 20, et proueniunt 6. Itaq; 20 boues 10 iugera 6 diebus arabunt.

Secundum.

Commeatus in arcu obsidione ad menses 6 suppetit 300 militibus, idem commeatus 12 mensibus quot militibus sufficiet? Respon-
deo 150.

| | |
|-----------|------|
| 6 | 12 |
| Commeatus | idem |
| 300 | 150. |
| 1800 | 1800 |

Analogia inuerſe fit: Vt 12 ad 6, sic 300 ad quem? Respondeo 150.

Terti-

Tertium.

Amphora vini 3 diebus sufficit 30 conuiuiis, eadem 6 diebus quot conuiuiis sufficiet? Respondeo 15.

| | |
|---------|-------|
| 3 | 6 |
| Amphora | eadem |
| 30 | 15. |
| <hr/> | <hr/> |
| 90 | 90 |

Analogia inuerſe fit, Vt 6 ad 3, ſic 30 ad quem? Respondeo 15

Quartum.

Pannus latitudine 3 vlnarum, lōgitudine 7, ſubducendus eſt alio panno, cuius latitudo 2 vlnarum: Quaritur alterius panni longitudo? Hic ſuperficies vtriuſque panni æquales ſunt; ignota verò panni alterius longitudo reciproce concludetur ſic:

| | |
|----------------|-----------------------|
| lat. 3 | latitudinis 2 |
| Superficies | æqua ſuper- |
| long. 7 ſiciei | long. $10\frac{1}{2}$ |

Analogia inuerſe fit. Vt 2 ad 3 ſic 7 ad $10\frac{1}{2}$

Quintum.

Modius tritici cum venit florenū 5, panis eſt vncia-

unciarum 4. Idem modius tritici cum venie
floreus 3, quot unciarum panis erit? Respon-
deo $6\frac{2}{3}$

| | | |
|--------|---|----------------|
| | 5 | 3 |
| Modius | | idem |
| | 4 | $6\frac{2}{3}$ |

Analogia inuerſe fit. Vt 3 ad 5, ſic 4 ad $6\frac{2}{3}$.

Haſtenus de regula proportionum, quæ
idem præſtat in Mathematicis ſcientiis, quod
Syllogiſmus in Dialectica. Ac nescio an ali-
quid excellentius vel admirabilius ab homine
ſit repertum. Plura poſſent dici de ea, verum
ne puerorum ingenia obruantur, ad alia iam
abacum conuertam.

CAPVT XI.

De Progreſſionibus.

Progreſſionem vocant Arithmetici ſeri-
em numerorum eadem differētia vel pro-
portionem progredientium: vt in iſto exemplo
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. vel iſto 4, 9, 14, 19, 24, 29,
34, 39, æqualitas differentiarum eſt: quilibet
enim

enim à proximo, in primo quidem vnitatem, in altero quinario differt. Estq; hæc progressio Arithmetica. In his verò 1. 2. 4. 8. 16. 32. 64. eadem proportio est; nam vt 1 ad 2, sic 2 ad 4. & sic 4 ad 8 &c. Similiter hic 3. 9. 27. 81. Vocatur hæc progressio Geometrica. Si igitur numeros progressionis Arithmetice compendio velis colligere. quia Factus à simul utroq; extremo, per dimidiatum nomen termini ultimi: vel ab ultimi nomine per dimidium similitudinisq; extremi est summa progressionis Arithmetice: ideo adde. primum ultimo & aggregatum serua, deinde vide quot sint progressionis termini; vt nomen ultimi, (hoc est quotus sit in ordine) cognoscas. Si enim dimidium vtriuslibet per alterum totum multiplices, summam progressionis habebis. *Exemplum hoc esto.*

Sunt apud nos horologia quæ desinunt in horam 24 vocanturq; integra quod diem naturalem integrum numerent, queritur quot instantibus diei noctisq; spatia pulsant. Termini sic erunt 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. Adde primum 1 ultimo 24 fiunt 25. Nomen ultimi est 24

est 24 quia est vicesimus quartus. Multiplico
25 in 12 dimidium nominis, fiunt 300. Dico
igitur ictus totius diei esse 300. Prudentis ve-
ro Logistæ erit pariter semper dimidiū sumere.

Aliud exemplum.

Si seruus cum domino constituat annuam
mercedem, Arithmetica progressionē primo
quidem die obulum 1, altero 2, tertio 3, quar-
to 4, atque sic deinde, ita ut ultimo anni die
365 obulus quales 18 vnum grossum in Polo-
nia constituunt, accipiat; quantum pro anno
accipiet. Ultimi nomen est 365. Aggrega-
tum primi & ultimi 365, huius dimidium 183,
per quod multiplico 365, fiunt 66795 obuli.
Et hæc est summa totius progressionis, quæ per
18 diuisa dabit grossos 310 & obulos 15. gros-
si vero diuisi per 30 dant florenos 123 gros-
sos 20: & obulos 15. tantumque accipiet pro
annua mercede.

Aliud.

Sæpe aurea regula simul cum progressionē
Arithmetica committetur. Quidam Putea-
rius puteum brachiorum 34 redemit effodien-
dum florenis 60: Effossis autem 20, ægrotare
capit

capit. Petit mercedem. Quaritur quanta sit. Hic brachia equari non possunt inter se: labor enim primi leuior est, secundi grauior, atque quanto altius fossionem faciet, tanto magis labor crescet. Itaque secundum brachium suum & primi laborem continet: tertium, suum, secundi & primi. Seu quod idem est primum brachium vnum laborem secundum duos, tertium tres labores, atque sic deinceps, continet. Itaque pro primo regula termino collige progressionem naturalem continua unitatis differentia procedentem ab 1 ad 34. Summa est 595. Totque labores sunt in brachiis 34. Pro secundo habes 60 florenos. Pro tertio collige progressionem ab 1 ad 20 fietque summa 210 pro tertio termino qui continet labores 20 brachiorum. Si itaque nunc fiat ut 595 ad 60 sic 210 ad quem? Vel contra: ut primo atque secundo per communem mensuram 5: Ut 119 ad 12 sic 210 ad quem? Vel contra: ut adhuc huius proportionis primo atque tertio per communem mensuram 7: Ut 17 ad 12 sic 30 ad quem? Facta operatione prodibit precium 20 brachiorum floreni $21\frac{3}{4}$

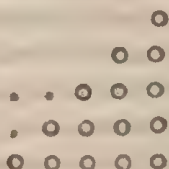
Aliud.

Aliud.

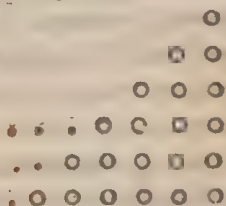
Sæpe vero cōtinuatione terminorum non est opus cum arte possit vltimus terminus haberi. Si enim tollatur vnitas à nomine optati termini factusq; à reliquo per differentiam addatur primo, totus erit optatus: quo inuento summa totius progressiōis per præceptum præcedens inuenietur. *Veluti si famulus paciscatur cum domino de annua mercede ut pro prima septimana accipiat grossos 4, pro altera 9, atq; sic deinde, continua quinq; grossorum differentia: quaeratur totius anni merces. Hic quia anni septimana sunt 52, terminus quinquagesimus secundus est primò quaerendus. Quia verò 52 est nomen optati termini, inde tollo vnitatem, manet 51: Hoc residuū multiplico per 5, factusq; multiplo 255, addo primum 4, ut sint 259 pro optato termino. Iamque nunc sūmam totius progressiōis inquirō. Primum 4 addo vltimo 259, fiunt 263, quæ multiplico per 26 dimidiū ex 52, fiuntq; 6838. Atque hæc est summa totius progressiōis totque grossos pro toto anno accipiet, qui faciunt florenos 227 et grossos 28.*

Causam regulæ faciliè intelliges si concipias differentiam à secundo termino incipere, atq; in 52 terminis quinquagies & semel cōtinuari.

Imò causam collectionis omnium terminorum progressionis Arithmeticæ facile intelliges, si has figuras subiectas consideres, in terminis impari numero hanc:



In terminis pari numero hanc:



Quod enim ab vna parte deest, altera pars supplet, vt punctis designatum est: indeque præcepti causa clara est.

Progressio Geometrica.

In Progressionibus Geometricis duplex inuentio: primò optati termini, secundò sum-

ma.

mæ. Ac ad optatum quidem terminum inueniendum generale præceptū concipiamus sic.

Si Progreſſio Geometrica quæcunque aliquot terminis continuata ſit, veliſque optatum aliquem numerum inquirere: primo ſupra datos terminos diſpone indices, hoc eſt numeros, continua vnitatis differentia, ſumpto à 0 initio: deinde à nomine optati termini tolle vnitatem: reliſuumque diuide in diſcos indices, qui optatū nomen vnitatem multatum componant (obſerua autem diuerſum eſſe nomen ab indice, nam nomen ſemper ſuperat indicem vnitatem) numerus enim à duobus terminis Geometricæ progreſſionis ſubiectis datis indicibus, multiplicatione factus, diuſus per primum terminum, dabit in quoſiente optatum terminum. Atque vt vno dicam verbo, latet hic iam regula proportio-
nis, ſi bene aduertas; quod facilius exemplo cognoſces.

ſit hæc progreſſio Geometrica 4. 8. 16. 32.
64. 128. 256 ſupra quam pono indices vt video

0. 1. 2. 3. 4. 5. 6.

4. 8. 16. 32. 64. 128. 256.

Ingeniandum ſit decimus, quia nomen optati

13

termin

termini est 10, tollo hinc unitatem, & manent 9: dirimo deinde 9 in duos indices, qui 9 componant, vt 4 & 5, iamq; nunc multiplico terminos datis indicibus subiectos, videlicet 64 in 128, numerumq; prouenientem 8192 diuido per primum terminum 4 quotiens namq; 2048 dat decimum terminum, qui fuit inquirendus.

Vtq; videas regulam proportionis hic latere considera hanc Analogiam. Vt primus terminus qui indicem habet 0, Ad 64 numerum indicis 4. Sic 128 numerus indicis 5 Ad quem? facta operatione, vt prescriptum est precedenti capite, proueniet 2048 pro termino decimo. Idem proueniet si fiat, vt 4 ad 128, sic 64 ad quem? Respondeo. 2048. Hinc consequitur, si primus terminus sit unitas, diuisione nulla opus esse; generale tamen illud preceptum etiam hic seruat analogiam, vt si progressio Geometrica sit ab 1 sic:

0 1 2 3 4 5 6

1 2 4 8 16 32 64

inquirendusque sit decimus: à nomine operati termini subtraho 1, manent 9, & residuum hoc dirimo in duos indices 4 & 5, vel 3 & 6. sumptosq; eorum indicum numeros multiplico
vel 16

vel 16 per 32, vel 8 per 64, utrobique enim pro-
uenient 512 pro decimo termino. Et quamuis
hic nulla diuisio sit. Analogia tamen est Nam-
que ut 1 ad 8, sic 64 ad 512. Vel ut 1 ad 16, sic
32 ad 512. Vel ut 1 ad 64, sic 8 ad 512. Vel ut
1 ad 32, sic 16 ad 512. Si recte intellexisti caput
precedens, nullam hic senties difficultatem.

His iam sic propositis, ad inueniendam cu-
iuscunque progressionis Geometricæ summā
hoc generale præceptum concipiamus, bene-
ficio regulæ proportionum. Si subtrahatur
primus à secundo & ultimo: erit ut differen-
tia primi & secundi, ad primum: sic differen-
tia primi & ultimi, ad omnes ultimum præce-
dentes. Addito igitur ultimo ad inuentū nu-
merum, summa progressionis habebitur. E-
xemplum hoc esto triple proportionis. 3. 9. 27.
81. 243. 729. 2187. 6561. 19683. Summa col-
ligetur iuxta præceptum sic: ~~ut~~ 6 differentia
primi & secundi, Ad primum, 3. Sic 19680
differentia primi & ultimi Ad 9840 sum-
mam omnium antecedentium ultimum: cui ad-
do ultimum 19683 Aggregatum enim osten-
dit sumam 29523. Sic alias omnes progressio-
nes colliges: in duplauero proportionem pro-

pter æqualitatem primi, & differentie primi
à secundo, compendio quodam summa colli-
getur, generale tamen illud præceptum per-
petuum est. *ut si dicitur hoc exemplum 4. 8. 16.*
32. 64. 128. 256. 512. 1024 2048. queritur
summa: subtrahō primum 4. à secundo 8, ma-
nent 4. postea subtrahō primum 4 ab ultimo
2048, manent 2044. Iam igitur si fiat ut 4
ad 4 Sic 2044 ad quem? mani estum est pro-
uenire 2044. Æqualitas enim est. Dico igitur
2044 summam esse omnium ultimum 2048
precedentium, cui addo 2048 fitq; omnium
summa 4092.

Iamq; nunc facile colliges precium equi illius
quem eques Geometra militiam exercitus pro-
scripserat, precio tantum 24 clauorum ad so-
leas constituto, primi quidem 1 obulum, secun-
di 2, tertii 4 obulos at, ut sic deinceps dupla
proportionē: Nam 24 terminus erit 8388608
obulorum: Summa vero totius progressionis
cognoscetur sic: Ut 1 differentia primi à secun-
do, Ad 1 primum, sic 8388607 differentia
primi ab ultimo ad quem? Respondeo 8388607
Æqualitas enim est. Itaq; hæc summa est omni-
um ultimum antecedentium cui addo vlti-
mum

num 8388608, *summa* 16777215 obulorum, qui faciunt grossos 932067 $\frac{1}{2}$ hoc est florenos 31068 & grossos 27 $\frac{1}{2}$

Et hæc de progressionem. Ait Gemma Frisius us progressionis nullū alium esse vsum quam additionis compendium. Cum illud Theophrasti dictum in mentem reuoco: Ea quæ scimus ne millesima quidem pars sunt eorum quæ nescimus; non miror id ab homine erudito dictum. Agnouisset nunc progressionum Arithmeticæ ac Geometricæ admirandum ac prope diuinum vsum in Logarithmis quos Illustris Ioannes Neperus Scotus Baro Merchistonii Mathematicus eminentissimus primum inuenit, magnoq; Reipublicæ literaræ bono in lucem dedit. Ego certe cum primum vsum Logarithmorum ex eius libello didicissem, læticia ingenti affectus mox in illud prorupi. *P. o Logarithmorum tabulu tibi magne Neperæ Præmia quæ tribuent digna Mathematici?* Liber exiguus mole, vlu immentus: Totum vero Logarithmorum artificium in connexione progressionis Arithmeticæ cum

Geometrica consistit, vt apparet ex definitione Logarithmi, quam initio Neperus posuit. Illa quoq; calculandi ratio in abaco Scachia quam Rabdologia adiecit ex eodem fonte promanat. Imo geneses figuratorum, de quibus mox aliquid dicemus ex progressionibus Arithmeticis manifestæ erunt.

CAPVT XII.

De Quadratis numeris.

Solent Arithmetici radicum quadratarum & cubicarum extractiones proponere. Et quamuis hoc ad doctrinam figuratæ Arithmetice pertineat, tamen quia methodicum problema nondum est confectum, ideo nos illorum vestigiis insistemus. Ac si seuerè velimus iudicare numeri facti ex multiplicatione duorum numerorum, reuera sunt figurati. Euclides elemento vii. definitione xv.

Ὅταν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλαπῶσάντες ἀλλήλους ποῖωσι πῶν, ὁ γενομένος ἐπίπεδος καλεῖται: πλευρὰι δὲ αὐτῶν, οἱ πολλαπλαπῶσάντες ἀλλήλους ἀριθμοί. Hoc est: Cùm

duo nu-

duo numeri mutuo se se multiplicantes aliquem fecerint, qui factus erit, planus appellabitur: qui verò numeri mutuo se se multiplicauerint, latera illius dicentur. Franciscus Vieta, nunquam sine honore nominandus, cum proponit in Logistice speciosa primam & perpetuam legem æqualitatum seu proportionum, ait Homogenea homogeneis æquari. Nam quæ sunt heterogenea, quo modo inter se affecta sint, cognosci non potest, ut dicebat Adrastus. Itaque si magnitudo magnitudini additur, hæc illi homogenea est. Si magnitudo magnitudini subducitur, hæc illi homogenea est. Si magnitudo in magnitudinem ducitur, quæ sit, huic & illi heterogenea est. Si magnitudo magnitudini applicatur, hæc illi heterogenea est. Quibus non attēdisse causa fuit multæ caliginis & cœcutiei veterum Analystarum. Itaque cum Arithmetici ex multiplicatione duarum fractionum ut ex $\frac{1}{2}$ in $\frac{1}{4}$ dicunt produci minorem iis à quibus sit, ut hic $\frac{1}{8}$ heterogenea comparant, quod primum aduertit Ioannes Baptista Benedictus Patritius Venetus: in librisque

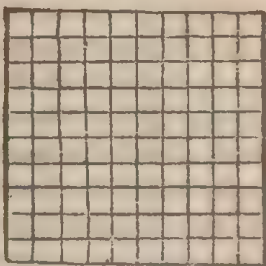
Specu-

Speculationum ad Ducem Sabaudix demonstravit. Neimmi ergo mirum videri debet, si hic de figuratis aliquid scripsero: Et Arithmetici quidem extractiones tantum docent: pertinebat autem multum ad doctrinæ lucem, non analytes solum, sed geneses quoque proponere. Rectè enim Vieta in libro de numerola potestatum resolutione dixit: Nihil tam naturale esse secundum Philosophos omnes, quam vnumquodque resolui eo genere quo compositum est. Proinde quod olim ex Francisci Vietæ diuinis scriptis, atque ex Adriani Romani ingeniosissimi viri, nō scriptis solum, sed etiam viua voce conceperam, id hoc loco dicam breuissimè, quantum fieri poterit: primumq; geneses, deinde analytes proponam.

Atq; primum de quadratis. Quadratus igitur numerus est factus ab aliquo numero in se, vt 3 in se ducantur sic, ter 3 fiunt 9. Dicitur etiā planus & quadrilaterus quod disponi possit in formam quadrati Geometrici: vt si 10 in se multiplices fient 100, itaq; quadratus est 100: latus vero eiusdem quadrati 10 est, ab aliis dicitur Radix, vt hic

Genesis

G
P
parib
1. 3. 5
E
tur b
quar
& 3,
5 fiu
pend
addic
sum
quadr
subie
um, i
impar
teced



Genesis quadratorum fiet in hunc modū.

Præscribatur Eratosthenis cribrum ex imparibus tantum numeris constans sic ut vides
1. 3. 5. 7. 9. 11. 13. 15. 17. 19. 21. 23. 25. 27. 29. 31

Ex duobus enim imparibus primis habebitur binarii quadratum: ex tribus ternarii: ex quatuor quaternarii: & sic deinceps. ut ex 1, & 3, fiet 4 quadratum lateris 2. ex 1 3, & 5 sunt 9, quadratum lateris 3. &c. Compendio quodam colligetur si mox subicias additis summam quæ quadrata constituit. eiq; summæ deinde addas sequentem imparem pro quadrato sequenti. Quia enim quadratum subiectum, est summa antecedentium imparium, ideo eidem quadrato addere sequentem imparem, est hūc imparem cum omnibus antecedētibus additione colligere: ut hic vides.

Impa-

Impares 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19.

Quadrata 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100.

Radices 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10.

Hac arte construifollet quadratorum tabula, eandemq; cōtinuare licebit quouiq; placet.

Sed numeros quosuis quadrare hoc est in se multiplicare, præter artem iam Capite 7. propositam peculiari quadam arte poteris, si prius cōsideres Theorema Quadrati Syntheticum quod Vieta proposuit. in hūnc modum Quando componitur quadratum à duobus lateribus singularibus: Quadratū lateris primi plus Plano à duplo lateris primi in secundum, plus Quadrato lateris secundi, æquatur composito Quadrato. Videsq; hic viam simplicissimæ compositionis circa duo tantum esse.

Latera enim tantum duo ponuntur Maius & Maiori proximum. Deinde Maius & Maiori proximum adgregantur, & æstimantur latus vnum. Et quod sequitur latus alterum, & eo deinceps ordine Artificium itaq; omne in his quæ sequuntur, præceptis consistit.

Primò adscribe duas notas nihili. Secundò sub dextima ponatur nota areæ præsentis. Tertiò duplum radicum præcedentium scribatur

hatur post notam præsentem, eritq. perfectus
versus secundus: cui ad dexteram post lunu-
lam, etiam adscribatur nota præiens, quæ vo-
cetur nota areæ. Quarto numerus secundus
multiplicetur per numerum areæ, productum
erit numerus tertius. Quinto ducatur deinde
virgula recta infra tertium. Sexto infimus a-
reæ addatur supremo, summa scribatur infra
virgulam, Hocq. præceptum repetendum est
quoties oportet. Exemplum hoc est. Mul-
tiplicandus sit in se numerus 2345

$$\begin{array}{r}
 2345 \\
 \hline
 00 \\
 2 \quad (2 \\
 4 \\
 \hline
 400 \\
 43 \quad (3 \\
 129 \\
 \hline
 52900 \\
 464 \quad (4 \\
 1856 \\
 \hline
 5475600 \\
 4685 \quad (5 \\
 23425 \\
 \hline
 5499025
 \end{array}$$

Dico nunc numerum productum 5499025
esse quadratum lateris 345. Atq; eadem ar-
te vastissimos quoscunq; numeros quadrabis.

Quia vero eadem via vnumquodq; resol-
uitur qua compositum est, ideo analysis de-
inde ex eodem Theoremate Synthetico insti-
tuetur sic: Primo diuidatur numerus in par-
tes, vt qualibet pars duos characteres cōtine-
at & scribatur pars prima vel adscribatur. Se-
cundo sub dextima ponatur punctum. Ter-
tio duplum radicum præcedentium scribatur
post punctum & erit diuisor imperfectus, cui
adscribatur Quotiens post lunulam & loco
puncti, eritq; diuisor perfectus. Quartò &
Quintò vt antea in genesi. Sextò subducatur
infimus à supremo, residuum infra scribatur:
& hæc operatio repetenda est tamdiu donec
radix quadrata inueniatur.

Primæ tamen aræ analysim potes absolue-
re per primores quadratos capitè 7 iam pro-
positos; vel per hæc etiam præcepta, si radi-
cum præcedentium quæ nullæ sunt nullum
quoq; duplum positum imaginatione concipias
Generaliter enim hoc præceptum pro-
positum est. Exemplum hoc esto. Quadrati
nume-

Caput XII.

145

numeri 5499025 inuestiganda sit radix,
seu latus.

$$\begin{array}{r}
 \hline
 54990,25 \\
 \hline
 5 \\
 2 \quad (2 \\
 4 \\
 \hline
 149 \\
 43 \quad (3 \\
 129 \\
 \hline
 2090 \\
 464 \quad (4 \\
 1856 \\
 \hline
 3425 \\
 4685 \quad (5 \\
 23425 \\
 \hline
 \end{array}$$

Nihil manet.

Dico igitur quadrati 5499025 latus esse
2345.

Atque iam si genesim & analysim inter se
conferas, vid bis facile cuiuslibet numeri tan-
quam lateris, dari quadratum: non vero cu-
iuslibet numeri tanquam quadrati, dari latus
exactum. Numeri autem quorum radices

K

exactæ

exactæ dari non possunt, surdi vocantur: eorumq; peculiaris erit Arithmetica.

Vt vero notas quasdam habeas, quibus ut-
cunq; cognoscere possis qui numeri surdi sint,
quamuis hoc melius analysi demonstratur, ex
Stifelio & Bombello quasdam regulas qua-
dratorum subiiciemus quæ tamen non con-
uertuntur, quod monuisse operæ precium est.

1. Omnis numerus quadratus primo loco
habet aliquam istarum notarum 1. 4. 9. 6. 5. 0.

2. Ex omni numero quadrato si reicias 9
vt in probatione nouenaria fieri consuevit,
superest aliqua istarum figurarum 1. 4. 7. 0.

3. Omnis quadratus numerus primo loco
habens notam 5, secundo loco habet notam 2,
tertio vero vel 0 vel aliquam parem figuram.

4. Omnis numerus quadratus primo lo-
co habens 1 vel 9, secundo loco habet aliquam
parem figuram vel 0.

5. Omnis numerus habens primam notam
4, secundo loco habet aliquam parem vel 0.

6. Omnis numerus quadratus primo loco
habens 6, secundo loco habet aliquam impa-
rem notam.

7. Omnis numerus quadratus primo loco
habens

habens O, habet in sequentibus locis cyphas cum prima pari numero.

Atq, hæc de quadratorum genesi & analyfi. Cuius doctrinæ fundamentum est apud Euclidem prop. 4: elem 2. in qua demonstratur Quadratum integri, æquari quadratis partium, vna cum duplici rectangulo sub partibus.

CAPVT XIII.

De Cubis.

Cubus est solidus æquilaterus; diciturq; sic similitudine sumpta à cubo Geometrico, quali figura tesseras videmus. Fitq; à numero ter multiplicato. vt 8 à 2, 2, 2, sic 27 à 3, 3, 3. Cumq; latus in se ductum faciat quadratum, idem latus si ducatur in suum quadratum efficiet cubum, vt si facias ter 3, prodibunt 9 pro basi cubi hoc est quadrato: idemq; si in 3 ducas, veniét 27 pro cubo lateris 3. Itaq; vt lateris in se ductum Quadraturam, sic ductum lateris in suum quadratum Cubaturam dicimus.

Primi vero cubi sunt quorum latera sunt notæ alphabeti Arithmetici vt hic.

K 2

Latera

| <i>Latens,</i> | <i>Bases,</i> | <i>Cubi.</i> |
|----------------|---------------|--------------|
| 1 . | 1 . | 1 |
| 2 . | 4 . | 8 |
| 3 . | 9 . | 27 |
| 4 . | 16 . | 64 |
| 5 . | 25 . | 125 |
| 6 . | 36 . | 216 |
| 7 . | 49 . | 343 |
| 8 . | 64 . | 512 |
| 9 . | 81 . | 729 |

Hic etiam genesis & analysis consideranda sunt

Præscribatur ergo cribrum Eratosthenis imparibus tantum notis constans.

1. 3. 5. 7. 9. 11. 13. 15. 17. 19. 21. 23. 25. 27. 29.

Hic iam 1 habetur pro primo cubo. Deinde duo numeri sequentes 3. 5 faciunt cubum binarii 8. Deinde tres sequentes 7. 9. 11. faciunt cubum ternarii 27. Deinde quatuor sequentes 13. 15. 17. 19. additione collecti faciunt 64 cubum quaternarii: atq; sic deinceps reliquorum cuborum genesis fiet qualem Stifelius proposuit.

Ioannes Baptista Villalpandus ex progressionem senaria cubos producit. ut hic vides

Pro-

| Progressio
senaria | Differentia
cuborum | Cubi | Latera |
|-----------------------|------------------------|------|--------|
| 6 | 1 | 1 | 1 |
| 12 | 7 | 8 | 2 |
| 18 | 19 | 27 | 3 |
| 24 | 37 | 64 | 4 |
| 30 | 61 | 125 | 5 |
| 36 | 91 | 216 | 6 |
| 42 | 127 | 343 | 7 |
| 48 | 169 | 512 | 8 |
| 54 | 217 | 729 | 9 |
| 60 | 271 | 1000 | 10 |

Hic enim primo differentia cuborum sunt:
 6 & 1 sunt 7. 12 & 7 sunt 19. 18 & 19 sunt 37.
 24 & 37 sunt 61, atq; sic deinceps. Deinde ve-
 rò ex differentiis cubi creantur sic: 7 & 1 sunt
 8. 19 & 8 sunt 27. 37 & 27 sunt 64. &c. Atq;
 hac arte cuborum tabula in immensum pro-
 duci potest, qualem Clavius exhibuit.

Sed quia tabulas circumferre nimis mole-
 stum est, ideo melius est artem vniuersalem
 cubos creandi ac retexendi ediscere. Franci-
 scus Vieta theorema Cubi Syntheticum tale
 proposuit. Quando componitur Cubus à
 duobus lateribus singularibus, Cubus lateris

K 3

primi,

primi, plus solido à triplo lateris primi, in quadratum secundi, plus solido à triplo Quadrato lateris primi in latus secundum, plus Cubo lateris secundi, æquatur composito Cubo. Vt si proponatur numerus 23 pro latere cubi, quia constat duabus notis, ideo latus primum erit 20: latus verò secundum 3. iamq; cubus lateris primi est 8000. Solidum à triplo lateris primi hoc est 60 in quadratum secundi, hoc est 9, est 540. Solidum à triplo quadrato lateris primi hoc est 1200, in latus Secundum 3, est 3600. Cubus lateris secundi 3 est 27. Itaq; 8000 + 540 + 3600 + 27 efficiēt 12167 cubum lateris 23. Atqui si 23 in se ducantur faciunt 529 quadratum, quod rursus ductum in 23 faciet. vt prius 12167 cubum lateris 23. Sic si numerus proponatur 236 pro latere cubi inquirendi, latus primum est 230 latus secundum 6. Hocq; est quod Vieta monuit viam simplicissimæ compositionis, circa duotantum esse. Adrianus Romanus cubi generis tali theoremate comprehendit. Cubus totus æquatur cubis partium + triplo producti ex □ prioris in partem posteriorem, + triplo producti ex □ posterioris in partem priorem.

rem. Quod theorema non habetur apud Euclidem: habetur tamen apud P. Ramum libro xxiiii Geometriæ. p. 6. Idemq; prorsus facit cum Vietano. Nam si latus illud 23 sumas, partes lateris sunt 20 & 3. Cubus 20 est 8000. Cubus 3 est 27. Prioris partis 20 Quadratum 400 ductum in 3 partem posteriorem facit 1200, huius vero triplum est 3600. Posterioris partis 3 Quadratum 9, ductum in 20 partem priorem, facit 180, huius vero triplum est 540. Itaq; 8000 + 27 + 3600 + 540, æquatur toti cubo 12167. Ex his iam genesim cubi proponam, ubi notabis latus primum hoc est radices antecedentes vocari A: latus vero secundum B, alias dicitur nota areæ præsentis. Primo igitur scribe vel adscribe tres notas nihili. Secundo triplum quadrati radicum præcedentium ponatur, & habes versum secundum. Tertio ponatur triplum radicum præcedentium, cui addatur radix præsens quæ vocetur nota areæ & habes versum tertium. Nota vero areæ ponatur etiam intra lunulam.

Quartò versum tertium multiplica per notam areæ & producet versum quartum. Quintò adde versum secundum quarto & habes

K 4

versum

versum quintum. Sexto versum quintum multiplicata per notam areæ & producet versum sextus, cui subducatur linea. Septimò addatur primus versus sexto, aggregatum enim sub linea scriptum dabit cubum partium A & B.

$$\begin{array}{r}
 \text{I} \quad \begin{array}{r}
 000 \\
 0 \\
 6 \quad (6 \\
 36 \\
 36 \\
 \hline
 216
 \end{array} \\
 \text{II} \quad \begin{array}{r}
 216000 \\
 10800 \\
 183 \quad (3 \\
 549 \\
 11349 \\
 34047 \\
 \hline
 250047000 \\
 1190700 \\
 1895 \quad (5 \\
 9475 \\
 1200175 \\
 6000875 \\
 \hline
 256047875
 \end{array} \\
 \text{III} \quad \begin{array}{r}
 256047875
 \end{array}
 \end{array}$$

Hoc præceptum repetendum est quoties opus erit. Exemplo res erit clarior. Sit latus 635 cubicè multiplicandum.

Exemplum supra habes.

Dico lateris 635 esse cubum 256047875.

Explicatio exempli: In prima area primus versus continet 000 cubum velut antecedentis partis A quæ 0 est. Secundus est triplum □ partis A. Tertius est triplum A + B. Quartus est productum tertii per B. Quintus est lumen quarti & secundi. Sextus est productum quinti per B, cui subscribitur linea.

In secunda area primus versus est aggregatum primi & sexti versus præcedentis areæ, cui adscribuntur tres cyphæ. Secundus versus est triplum □ partis A. Valet autem in secunda area 60 (quod diligenter aduertendum est) itaq; quadratum eius est 3600, eiusq; triplum 10800. Notabisq; 6 primæ areæ esse 60 in II. area, 600 vero in III.

Tertius versus est triplum A + B. Cum enim A (hoc est radices antecedentes) valeat in II area 60, eius triplum est 180 cui additum B hoc est 3 radix huius II areæ, facit 183 verum tertium. Quartus versus est productum ex

K 5

tertio

tertio 183, in B 3. Quintus versus est summa quarti & secundi. Sextus est productum ex quinto in B, cui subducitur linea. Tandemq; primus & sextus aggregantur. His vero intellectis, & tertia area facile intelligetur: neq; plura ingeniosus requireret, satis enim clarè omnia proposita sunt. Pro versus tamen secundo compendiose colligendo, in Rabdologia Neperi habetur elegans compendium: cuius vsus magnus esse potest in magnorum cuborum genesi & analysi. Licebit enim:

Ex data radice cubica & triplo quadrati anterioris partis eiusdem, triplum quadrati eiusdem radiciis facili compendio dare.

Pro exemplo in præcedente tertia operatione dabatur radix cubica (quamvis imperfecta) 63. Dabatur etiam in secunda area triplum quadrati anterioris partis eiusdem, quod est 108. Quæritur autem triplum quadrati totius numeri 63: ad quod inveniendum primo quæratum triplum quadrati dextimi quotum: quod in hoc exemplo est 27. Quæratum item factum ex ductu dextimi quotum in omnes sinistros, auctum cyphra: quod hic est 180. Tertio huius aucti capiatur dimidium

90 auctum cyphra, quod est 900. Quarto
deniq. capiatur triplum quadrati anterioris
partis auctum duabus cyphris, vt iam fuit in
secundo versu secundæ areæ 10800. Hos qua-

27 tuor numeros adde & producen-
tur 11907 pro triplo quadrati 63
900 quasito; quod deinde auge dua-
bus cyphris sic, 190700, vt ha-
beat 11907 beatur versus secundus tertiæ a-
reæ. Cur vero sic augeatur duabus cyphris fa-
cile intelliges si concipias 63 in tertia area esse
iam 630, quorum quadrati triplū est 1190700.
His vero intellectis nulla iam erit difficultas
in Cubatura, quam si recte intellexisti facile
& Analytice intelliges.

*Analysis Cubi seu Radicis cubicæ
inuentio.*

Proposito quouis cubo cuius latus inuesti-
gandum sit, distingue eum post ternas quasq;
figuras commate interposito, quot enim erunt
membra tot erunt notæ lateris: iamq; Primò
scribe vel adscribe membrum non absolutum
simplicissimum. Secundò triplum quadrati radi-
cum

cum antecedentium scribatur pro versu secundo, & habes diuitorem per quem collatum cum primo versu coniecturam facies de quotum seu nota areæ. Tertiò ponatur triplum antecedentium radicem, cum addita nota areæ seu quotiente, qui etiam intra lunulam scribatur. Quartò, quintò & sextò, vt supra in genesi. Septimo subtrahatur versus sextus à primo, residuumq; notetur infra lineam. Hoc præceptum repetendum est quoties opus erit. Si vero sextus versus maior proueniat primo, delendi sunt sextus, quintus, quartus versus: & nota primi loci in tertio versu cum ea quæ intra lunulam est, atq; per minorem notam operatio instituenda est. Primæ quoq; areæ operatio absolui potest per tabulam in qua sunt primores cubi cum suis radicibus. Sed hæc leuia sunt, vel si alicui graua videantur exemplo innotescunt. Sit cubus 256047875. cuius latus inquirendum.

Pono sic atq; iuxta præceptum
resoluo.

1. *256047875* latus multiplicata per notam areæ
2. *256047875* producat versus quintus
3. *256047875* versus secundum quarto et habet
4. *256047875* versus quintum
5. *256047875* versus sextum
6. *256047875* versus septimum

Caput XIII.

157

2 5 6, 0 4 7, 8 7 5.

I 6 (6

3 6

3 6

2 1 6

4 0 0 4 7

1 0 8 0 0

II 1 8 3 (3

5 4 9

1 1 3 4 9

3 4 0 4 7

6 0 0 0 8 7 5

1 1 9 0 7 0 0

III 1 8 9 5 (5

9 4 7 5

1 2 0 0 1 7 5

6 0 0 0 8 7 5

Nihil manet.

Dico igitur Cubi 2 5 6 0 4 7 8 7 5 latus esse

635.

Explicatio exempli.

Primæ areæ primus versus habet membrum
sinistimum non absolutum, 2 5 6.

Secun-

256,

Secundus duplum radicum antecedentium 0, quia radices antecedentes nullæ fuerunt. Tertius triplum radicum antecedentium nullum, cum nota area 6. Quartus est productum ex nota area 6, in versum tertium 6. Quintus est summa secundi & quarti, Sextus est productum ex nota area 6 in versum quintum cui subducitur linea vt post subtractionem texti à primo residuum sub linea scribatur: manentq; 40 Potest etiam prima area absolui beneficio tabulæ in qua sunt primores cubi cum suis lateribus. Quia enim sinistimum membrum est 236, si cubus proxime minor cuius latus est 6 hoc est 216, ab isto membro subtrahatur, manebunt vt prius 40.

His deinde adiungo membrum non abolutum sinistimum 0 47 vt sit 400 47 residuum auctum secundo membro, pro primo versu secundæ areae. Secundus est triplum \square partis A. Quia enim anterior radix quæ per A notatur est 6, quadratum eius est 36, cuius triplum 108. augetur vero 00, quia 6 prioris areae in secunda area valent 60: sunt ergo pro secundo versu 10800, per quem quæro notam areae meditando quoties secundus versus 10800

in pri

in pri
auten

Ter

A val

bus a

inuen

etiam

fit ex

Quin

& qua

versu

bitur

ti a p

tande

versu

suis v

ceptu

Co

manif

lateris

meri t

meri :

potest

est do

quibu

in primo 40047 contineatur: manifestum autem est contineri ter

Tertius versus est triplum $A \times B$ Quia enim A valet in hac area 60, triplum erit 180 quibus addo B hoc est notam areæ 3 meditatione inuentam, fiuntq; 183 pro versu tertio: pono etiam 3 intra lunulam. Quartus versus 549 fit ex ductu versus tertii 183 in notam areæ 3. Quintus 11349 est summa secundi 10800 & quarti 549. Sextus 34047 fit ex ductu versus quinti 11349 in notam areæ 3. subscibitur tandem linea, & facta subtractione sexti a primo manet 6000 residuum; quod tandem augetur membro 875, vt sit primus versus 6000875, tertiæ areæ. quam cum suis versibus facile intelliges si generale præceptum applies vt iam toties factum vides.

Confer iam si placet genefim cum analysi manifestum erit cuiuslibet numeri tanquam lateris dari cubum: non verò cuiuslibet numeri tanquam cubi dari latus exactum. Numeri autem quorum latus exactum dari non potest, surdi vocantur, de quibus peculiaris est doctrina. Vt verò notas quasdam habeas quibus vtcunq; cubos cognoscere possis, has re-

has regulas videto, quæ tamen non conuertantur.

1. Ex omni cubo si abiiciantur 9 vt in abiectione nouenaria fit manet vel 1 vel 8 vel 0.
2. Omnis cubus cuius prima figura est 2 secundo loco habet imparem notam.
3. Omnis cubus cuius prima figura est 4 vel 8, secundo loco habet parem, vel 0.
4. Nullus numerus inchoatus à 0 vel 00 potest esse cubus: Cyphræ enim omnes ternario numerabiles sunt in cubo.
5. Numerus habens primam notam 3 nisi proxime sequens sit 2 vel 7 cubus esse non poterit.

Et hæctenus de cuborum genesi & analysi.

CAPVT XIV.

De Variis exemplis.

Iam nunc varia exempla proponemus, in quibus antecedentium præceptorum puer vsum cognoscet: permittebimus autem & ludicra vt in his pueri ingenium exerceatur cum animi quadam iucunditate.

Modus

*Modus diuinandi ex Ioachimo
Fortio.*

Incidi in aulicum quendam qui se multa nosse iactitabat. Concipe inquit, mente numerum aliquem. Id feci, accepi duo. Tum ille; hic iactabat enim alter quidam) dat tibi numerum parem tuo, collige vtrumq;. Id quoq; feci. Et ego, ait, addo quatuordecim. Hæc eidem eius iussu priori summæ coniunxi. Iam collegeram duodeviginti. Age, inquit, summæ totius dimidium reice. Id feci ac seruauit nouem. Et redde huic suum. Reddidi nempe binarium. Tum ille nouit mihi superesse septem, quum tamen non dixeram cuiusmodi numerum initio concepissem. Ego protinus rem admirans, rogare cæpi, vt artem me doceret. Memoria tene, inquit, quo ordine sum progressus, semper dimidium numeri relinquetur, quem ipse dederis cogitanti. Si enim quatuordecim tu adieceris, septem retinebit: si viginti, decem: si vndecim, quinq; cum semisse. Illi rursus respondi hoc modo. Concipe mente numerum dixit se habere Ei adde dimidium Feci, ait. Rogabam num haberet

beret numerum imperfectum, veluti cum dicimus tria cum semisse quatuor aut quinque cum semisse: aiebat se habere. Hæc integrum hoc est pro semisse reponere unitatem: reposuit. Age, inquam, totius numeri quem modo collegisti rursus adice dimidium: id eundem fecit. Interrogabam num ut ante numerum haberet imperfectum: habeo ait. Iulsi ut taceret integrum, quod fecit. Remoue, inquam, de summa collecta nouem: dicebat se remouisse. Agedum adhuc nouem abice. non possum ait. Tum ego sciu i ipsum accepisse septenarium. Nam è priore additione imperfectio proueniens vnum notat: è posteriore duo. Ad hæc quoties 9 abiecerit toties eum quatuor habere manifestum est Hæc Fortius. In priore diuinandi modo fallacia quædam est Namq; totum quod ille concepit reicitur, eius vero quod diuinator addit dimidium manet: imo potest ita multiplex additio vel subtractio fieri ut tertia vel quarta pars relinquatur. Alterius modi demonstrationem reperiens apud Ioannem Baptistam Benedictum patritium Venetum Theoremate CXVI. imo apud eundem Theoremate CXVII reperiens alium

diuinan-

diu
hone
Si en
prehe
addat
parte
um, l
tertia
peries

Vi
catum
in ang
mnu
intern
ignor
nume
nume
na ve
quinq
fidu
in car
Bu
stitu
Quia

diuinandi modum qui eidem inter iocos in honestorum hominum cœtu in mentem venit. Si enim aliquis quemuis numerum animo cōprehendat eiq; alium numerum propositum addat, & à tertia parte huius summæ tertiam partem numeri imaginati detrahat: residuum, secundi numeri adiuncti id est propositi tertia pars erit. Demonstrationem ibidem reperies, similisq; est priori.

Ex Buteone Quæstio.

Villatica puella canistrum ouorum ad mercatum capite ferens ab equite praterente, in angiportu concussa, perfregit onus, qui damnum rependere volens, quot oua portabat interrogauit. At illa puellariter numerum ignorans respondit. Cum oua mea domi bina numerarem vnum mihi superfuit in sine. Et numerando terna superfuerunt duo; quaterna vero, tria; quina deinde quatuor: sena, quinq;: Septena tandem computans nihil residuum habui. Quæntur quot oua fuerunt in canistro?

Buteo putat in istis regulam vix posse constitui fortasse quod eam reperire non potuerit. Quia vero post numerationē per 2, 3, 4, 5, 6,

aliquid superest, per 7 nihil, unde colligit numerum ignotum imparem esse qui productus ex multiplicatione 7 in aliquem imparem, quem 3 & 5 non metiuntur. Falsi autem sunt 7 11. 13. 17. Multiplicando igitur 7 per 11, 13, videbis producta non respondere quaesito. At 17 ducta in 7 producant 119, qui rursus est, eoq; diuiso in 2, 3, 4, 5, 6, supererit ordine 1, 2, 3, 4, 5, sed diuisione facta non respondet. Dicemus itaq; quorum numerum in canistro fuisse centum decem nouem. Atq; sic quaesitum soluit Buteo. Verum est regula qua hæc quaestio soluitur vt ex sequentibus intelliges. *pro indagatione canistri*

Alia ratio diuinandi.

Chronologi ad tempora commode deducenda vtuntur tribus cyclis: Lunæ quem alias Aureum numerum vocant, qui consistat reuolutione annorum 19. Solis qui continet annos 12. Indictionis quæ est annorum 15. Iamq; si istos tres cyclos multiplicemus cōtinuò 19. 28. 15. producetur numerus 7980. intra quod annorum spacium tres cycli semel tantum cōcurrunt. Vt isto anno quo hæc in lucem damus

mus Cycl. lus Lunæ est 6 Cyclus Solis 7. Indi-
ctio 3. Atq; isti tres cycli non poterunt simul
concurrere, nisi post annos 7980. Vocaturq;
iste numerus Periodus Iuliana. Scaliger eam
magno rei temporariæ bono induxit. Tres
enim cycli quibus constat, sunt fidelissimi tem-
porum custodes, atq; his ita tempus figitur vt
locum moueri non possit. Exempli gratia: Pri-
ma Olympias celebrata est cyclo Solis 1^o Lu-
næ 5 Indictione 8. Nunc vero annus currens
habet cyclum Solis 5 Lunæ 6. Indictionem 3.
Quot anni iam ab Olympiade prima fluxe-
runt? Ad hanc igitur questionem soluendas il-
lud multum faciet si quæras

28

4

Quis numerus diuisus per 19 relinquit 3?

15

6

Hanc questionem Chronologiæ utilissimam
Mulerius beneficio tabulæ abtoluit cap: 8.
Iagog: in Calendarum. Quid si tabula ca-
teamus? Atque imitatione diuinationis quam
vulgarant Arithmetici questio soluetur. Pri-
mo igitur diuinationem pono.

Est numerus quidam ignotus quem sic in-
quiro, iubeo illam diuidi per 3. residuumque

L

3

9

6

2

1

1

1

1

1

1

1

1

1

1

1

[Faint handwritten notes and calculations at the bottom of the page, including the word 'muli' and various numbers.]

mihī dari, postea per 5, tandem per 7. Resi-
dua omnia noto. Iam post primam diuisionem,
quot vnitates residuæ fuerunt, toties po-
no 70. quot vnitates manent post secundam
diuisionem, toties pono 21. quot vnitates ma-
nent post tertiam diuisionem, pono 15 toties.
Facta summa diuidatur per 105, manebitque
residuum nulla quotientis habita ratione, pro
numero qui ante ignotus fuit. Causam præ-
cepti sic inquisiui: 105 vsurpantur in operatio-
ne quia is numerus prodit ex continua mul-
tiplicatione 3, 5, 7. 70 vsurpantur, quia is nu-
merus per 3 diuisus relinquit vnitatem, di-
uisus autem per 5, aut 7, relinquit 0. est du-
plus facti ex 7 & 5. Nam 7 sumpta quinquies
faciunt 35, hæc diuisa per 3 relinquunt 2. Non
potest itaq; seruire is numerus. Accipio du-
plum 70: Iam is seruiet. Ergo pro qualibet v-
nitate manente post diuisionem per 3, ponenda
sunt 70.

Pro qualibet vnitatem manente post diuisionem
in partes quinq; ponuntur 21. Ratio est
quia is numerus per quinq; diuisus vnitatem
relinquit: at diuisus per 3 vel 7, relinquit 0.
Est enim factus ex multiplicatione 7 in 3.

Pro qua-
Regula quæ ad 840 non tantum ad 105
extendit. Sint diuisiones 3. 5. 7. 8.
et quicquid ex diuisione 3 manet multiplicet
in 70, (per 336 in 5) per 120
in 7. et in 8 per 105 etc. addenda

Pro qualibet vnitatem manente post diuisionem in partes 7 ponuntur 15. quia is numerus diuisus per 7 relinquit vnitatem : at diuisus per 3, per 5. relinquit 0. Est enim factus ex multiplicatione 3 in 5.

Iam nunc imitari libet artem in maiori numero. Sunt tres diuifores 19. 15. 28.

19 15 285

Ex multiplicatione 28 in. 15 fiunt 420

19 28 532

Itaq; sumantur 285, & diuidantur per 28, manent 5. Talis nunc numerus inquirendus est qui relinquat vnitatem, sitq; multiplex numeri 285, hoc est diuiduus a 19 & 15. Itaque sumpto initio à 28 continue illa sibi addo, abiciendo 28 cum excreuerint, donec proueniat 1. Sic 5, 10, 15, 20, 25, 2, 7, 12, 17, 22, 27, 4, 9, 14, 19, 24. 1. Quia in ista additionis continuatione numeri sunt 17, multiplico eadem per 285 prodeunt 4845. Dico nunc datum numerum diuiduum quidem esse à 19. 15. at si per 28 diuidatur relinquetur vnitatem. Deinde 420 exacte diuiduntur à 15. 28. at si diuidantur per 19 relinquunt 2. Additione igitur continua binarii abiciendo 19 cum excreuerint

L 4

inquire

+ et subtrahere 285 quibus potius abijciendum
subit abijciendum numerum. Aut vbi
additione Simon Iacobi Coburgensis

inquiero numerum, per quem multiplicari debent 420. sic. 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 1. Numeri sunt 10 Multiplico 420 per 10 fiunt 4200. Is igitur numerus diuiduus est à 15 & 28, at si diuidatur per 19 relinquetur 1.

Iam numerus 532 diuiduus est exacte à 19 & 28. At si diuidatur per 15, relinquet 7. Arte iam exposita procedo. 7, 14, 6, 1, 5, 12, 4, 11, 3, 10, 2, 9, 1. Numeri sunt 13. Multiplico 532 per 13 fiunt 6916. Is numerus diuisus per 15 relinquit unitatem: exacte diuiditur, per 19, & 28. Ex his ad quaestionem propositam soluendam, via patet.

Quia enim numerus ignotus diuisus.

| | | | |
|-----|----|-----------|---|
| | 19 | | 3 |
| per | 15 | relinquit | 6 |
| | 28 | | 4 |

Multiplico 4200 per 3 fiunt 12600

Multiplico 6916 per 6 fiunt 41496

Multiplico 4845 per 4 fiunt 19380

Factorum summa est 73476: quam diuido per 7980 (hic numerus producit ex continua multiplicatione 15. 19. 28) in quotiente veniunt 9. Sed huius nulla ratio habetur manent 1656. Is ergo numerus quaestioni satisfacit.

In qua

In quatuor numeris atq; adeo pluribus ars
exposita sufficiens erit. Vt si quærat

Quis numerus diuisus per $\left\{ \begin{array}{l} 3 \\ 7 \\ 11 \\ 13 \end{array} \right.$ relinquit $\left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 6 \\ 10 \\ 12 \end{array} \right.$

Factus à 3, 7, 11, 13, continua multiplicatio-
ne est 3003.

Factus à 7, 11, 13, est 1001: sed diuisus per 3
non relinquit vnitatem, ideoq; secundum ar-
tem expositam inuentus est alius 2002.

Factus à 3, 11, 13, est 429. sed diuisus per 7
non relinquit vnitatem, huius multiplex 1716
hac ratione diuiduus est.

Factus à 3, 7, 11, est 231 sed diuisus per 13
non relinquit vnitatem: huius multiplus 924,
hac ratione diuiduus est.

Factus à 3, 7, 13, est 273 sed diuisus per 11
non relinquit 1. huius multiplus 1365 hac ra-
tione diuiduus est.

Ex his solues quæsitum. Atq; eadem ars est
quam Buteo ignorauit.

His præmissis nonnulla ex Chronologia po-
nemus, in quibus studiosus Arithmeticæ e-
xerceri poterit.

L 5

Mundi

Mundi origo secundū varios variè statuitur.
 Nam alii ponunt conditum cyclo solis 24
 Lunæ 11 Indictione 2.

Mirādula Cyclo Solis 16 Lunæ 3. Indict. 9.

Gerardus Mercator cyclo solis 19. Lunæ 6.
 Indictione 12.

Butingius cyclo solis 18 Lunæ 5 Indict. 11.

Beroaldus cyclo solis 2 Lunæ 7 Indict. 6.

Scaliger & Dionysius abbas solis 8, Lunæ
 4, Indictione 14.

Sic & natiuitas Domini secundum Diony-
 sium, cadit in annum periodi Iulianæ 4713
 exeuntem, quo tēpore cyclo solis fuit 9 Lu-
 næ 1 Indictio 3.

Porro in periodo Iuliana quam diximus
 contineri numero annorum 7580 Cyclo sol-
 is inuenitur diuisione per 28: Quicquid enim
 super fuerit pro cyclo solis habendum est. vel
 si nihil relinquatur, 28 sumenda sunt pro
 cyclo solis. Cyclo Lunæ seu aureus nume-
 rus inuenitur diuisione per 9: Namq; quo-
 tientis nulla ratione habita residuum haberi
 debet pro Lunæ cyclo. Indictio quaeritur eo-
 dem modo, sed diuisio fit per 15.

In annis vero Christi.

Pro

Caput XIV.

171

Pro Cyclo $\left\{ \begin{array}{l} \text{Solis} \\ \text{Lunæ} \\ \text{Indict.} \end{array} \right\} \text{ adde annis Christi } \left\{ \begin{array}{l} 9 \\ 1 \\ 3 \end{array} \right\}$

aggregatum diuide per $\left\{ \begin{array}{l} 28 \\ 19 \\ 15 \end{array} \right\}$

Residuum enim monstrabit cyclum $\left\{ \begin{array}{l} \text{Solis} \\ \text{Lunæ} \\ \text{Indict.} \end{array} \right\}$

Ad diuisionē vero perficiendam in inuētiō-
ne trium illorū cyclorum hæc seruet tabula.

| | Solis | Lunæ | Indict. |
|---|-------|------|---------|
| 1 | 28 | 19 | 15 |
| 2 | 56 | 38 | 30 |
| 3 | 84 | 57 | 45 |
| 4 | 112 | 76 | 60 |
| 5 | 140 | 95 | 75 |
| 6 | 168 | 114 | 90 |
| 7 | 196 | 133 | 105 |
| 8 | 224 | 152 | 120 |
| 9 | 252 | 171 | 135 |

Artificium huius componendæ supra iam
expositum habes. Videsq. rationes istas di-
uinandi non esse ociosas, imo multo plures
adhuc vtilitates possent proferri.

Alia

Pro

Alia diuinandi ratio ex Stifelio.

Est hoc, inquit, iucundum cernere, vt duo
numeri immediate se sequētes in naturali or-
dine numerorum quicunq; tandem sint illi
duo numeri, reddant tot terminos progressio-
nis naturalis numerorū quot ipsi inter se mul-
tiplicati fecerint vnitates, vt (exempli gratia)
4, 5, inter se multiplicati faciunt viginti vnita-
tes. itaq; 4 & 5 reddunt quemlibet nume-
rum ab vnitates vsq; ad 20.

Iam si numerus à te sit electus, qui mihi sit occultus quem tu dicas scribi quatuor figuris tunc ego recipio duos aliquos numeros immediatos, qui inter se multiplicati faciant numerum quinq; figuris scribendum (vt certus sim meum productum superare tuum electi quantitate) vt sunt hi duo numeri 100. 101 quorum multiplicatio facit 10100.

Similiter 101 Peto igitur vt diuidas numerum à te ele-
per 100 ctum per meum priorem id est per 100, di-
casq; mihi quantum remaneat. Eum autem
numerum qui remanet multiplico per meum
posteriorem & seruo productum

Secundo peto vt tuum numerum electum
diuidas per meum posteriorem numerum id
est per

est per 11, dicasque quantum remaneat. Eum autem numerum qui remanet multiplico per quadratum mei prioris, & illi producto addo id quod prius fuerat reſeruatũ: & aggregatũ illud diuido per numerũ qui prouenit ex multiplicatione duorũ meorum numerorũ primo receptorum (id est per 10100 cum receperim 100 & 11) tunc apparebit ſemper numerus a te electus in reſiduo diuſionis meæ. Hæc Stifelius: neq; dari poteſt numerus tam occultus, quem hac arte non euoluas: ſi pro uariis numeris uarios quoq; ſumas unitate ſolum differentes ut 1000, 1001 uel 1000000 1000001 &c.

Ludicrum ex Buteone.

In nauivectores quindecim Chriſtiani, totidemque Iudæi, ſuborta tempeſtate magna, omni iam deſperata ſalute, de faciendâ iactura conueniunt, non ſolum mercium penitus, ſed etiam vectorum dimidiæ partis, in hunc modum. Ut fortuito diſpoſitis omnibus decimus quiſque à Nauarcho numeratus ordine continuo prouiceretur in mare. Sors autem ita tulit, ut in Iudicam nationem compleretur decimatio tota: Quæritur diſpoſitionis ordina-

ordinatio. Ad investigationem istam ars longè minus valet experimento. Quod fiet in hunc modum. Describatur series triginta cyphiarum, & à prima initium faciendo decimam quamq; delebis, pro ea 1 reponens; atq; sic ad quindecim usque. Et ita O Christianos, 1 vero Iudæos notabunt. *vt hic vides.*

OO IOOO IIII OO II OOOO IO III O II OO I

Neq; solum per decades, sed per alios etiam numeros, vt puta 6, 7, 9, 11, ac reliquos, dispositio poterit institui.

Ad ordinem vero hunc memoria retinendum versus circumferuntur in quibus numeri ordine vocalium designantur, vt ad decimum eiciendum iste:

Rex Paphi cum gente bona dat signa serena

OO IOOO IIII OO II OOOO IO III O II OO I

Ad nonum iste.

Populeam virgam mater regina tenebat

OOOO IIII OO IOOO IO II OO III O II OO I

Ad octauum iste.

Andream male decantet Pia carmine eodem

O II O IOO IO II OOO IO III OO II OOOO II

Ad septimum deniq; contenditibus Iudæis, vt septimus eiiceretur Iudæo primum constituto, barbarum istud carmen.

Anglia dat lites tibi letas tempore factas

I 000 I 0 III 00 III 000 II 0 II 0000 II 0 I

Similemque, in aliis numeris ludum imitatione puer instituet. Vt si centum sint, è quibus quinquaginta essent eiiciendi, numeratione per 10 aut 20 facta.

De ambitu terræ.

Villebrordus Snellius in suo Eratosthene Batavo, magno ac perpetua laude digno labore ambitum terræ dimensus est. Tribuit autem vni gradui 28500 perticas Rhynlandicas. Pertica vero Rhynlandica continetur duodecim pedibus Rhynlandicis: seu quod idem est demonstrante Snellio Romanis. Est vero pes Rhynlandicus ad vlnam Cracouiensem vt 692 ad 1287. Quæ proportio vtcunque expressa est ex chartaceo semipede Snellii. Si igitur velis cognoscere ambitum terræ in vlnis Cracouiensibus sic procede. Quia vnus gradus circuli maximi terræ continet perticas Rhynlandicas 28500, hoc est pedes Rhynlandicos 342000: gradus autem in circulo sunt 360: si multiplicaueris 342000 in 360, factus numerus 123120000 ostendet ambitum terræ in pedibus Rhynlandicis. Cumque

pes

pes Rhyndandicus ad vlnam Cracouiensem
 fit vt 692 ad 1287 manifestum est 1287 pedes
 Rhyndandicos æquari 692 vlnis Cracouiensi-
 bus. Si igitur fiat vt 1287 ad 692 sic 123120000
 ad quem? Facta multiplicatione 123120000
 in 692 fiunt 8599040000: hisq; diuisis per
 1287 veniunt in quotiente 661998³⁶⁰/₁₂₈₇ vln-
 næ Cracouienses quibus ambitus terræ con-
 tinetur. Abiiciatur autem fractio, atq; nume-
 rus rotundus 66199820 pro ambitu sumatur.
 Facta enim eius diuisione in 360 partes veni-
 ent 183888 ⁷/₁₂ Cracouienses vlnæ, quæ vni gra-
 du respondebunt, & quæ æquantur 15 millia-
 ribus Germanicis, quæ antea tribuebantur
 vni gradui sed nulla mensura definita. Itaque
 vnum milliare Germanicum æquabitur 1635
 fere perticis Cracouiensibus. Pertica vero Cra-
 couiensis continet Cracouienses vlnas 7 ¹/₂

De Diametro terræ.

Demonstrat Archimedes diametrum ad
 circumferentiam esse vt 7 ad 22. Si igitur fiat
 vt 7 ad 22 sic 66199820 ad quem? Respondeo
 208056577 ¹/₇ Atq; tot vlnis Cracouiensibus

diame-

177

Aliquid hoc loco dicendum fuit de super-
ficie terræ globi, sed in Geometria id com-
modius fiet. Henischius in libro de asse non-
nihil retulit. Quinq; terræ partium (inquiens)
plana

plans

plana (gibba potius dicenda fuit) superficies incerta est. Charta Colonienſis dubio calculo Europæ tribuit iugera 1316278. Afiz 3194000, Africa 3136000. Peruuiz 2344000. Nouæ Hispaniz 2744000. Atq; hæ duæ poſteriores ſunt in America, quæ potius Columbina eſſet nominanda in honorem ſummi Argonautæ Columbi qui primus ad illas regiones viam monſtrauit. Poſſet certe is conqueri:

*Has ego monſtraui terras ſed nominis author
Eſt alius: vobis vellera fertis oues?*

De Terræ ad Solem comparatione.

Præmitto primum de rationum multiplicatione. Ratio duplicari dicitur cum antecedentes & conſequentes rationum termini quadrantur, hoc eſt in ſe ducuntur. Triplicari vero dicitur cum iidem cubantur, hoc eſt cum terminorum cubi aſſumuntur. Vt ſi ratio 3 ad 4 duplicanda ſit. antecedentem terminum 3 in ſe duco prouenit 9 quadratum: deinde 4 conſequentem duco in ſe proueniunt 16. Dico igitur rationem 3 ad 4 duplicatam facere 9 ad 16. Sic intelligendum eſt de triplicatione. Vt ſi ratio 2 ad 3 triplicanda ſit, an-

Caput XIV.

179

antecedentis 2 cubum sumo, hoc est 2, 2, 2, multiplico fiunt 8. deinde consequentis cubum sumo, hoc est multiplico 3, 3, 3, fiunt 27. Dico igitur rationem 2 ad 3 triplicatam facere 8 ad 27.

Exemplum sic habes.

Duplicatio

Triplicatio

| | | | | | |
|-----|--|------|----------|--|------|
| 3 3 | | 9 . | 2. 2. 2. | | 8 . |
| 4 4 | | 16 . | 3. 3. 3 | | 27 . |

Hoc præmissis Demonstravit Ptolemæus terræ diametrum ad solis diametrum esse vt 2 ad 11. Si igitur placet cognoscere quantò sol maior sit terræ globo, quia Sphæræ sunt in triplicata ratione suorum dimetientium, ideo cubum numeri 11 hoc est 1331 diuide per cubum numeri 2 hoc est 8. Quotiens enim monstrabit quæsitum. cumq; quotus sit $166\frac{3}{8}$ manifestum est solem maiorem esse terra centies sexagies sexies cum $\frac{3}{8}$

Hoc loco etiam referendum fuit, aliud Thaletis magno & sublimi ingenio Philosophi inuentum: quam rationem habeat magnitudo Solis ad magnitudinem eius orbis quem sol ipse annuo cursu metitur ac cõficit, quod cum

M 2

repe-

reperisset, simulq; quomodo id Geometrica subtilitate demonstrari posset, eam rationem cum Prienensi quodam homine talium rerum curioso ac diuite & copioso communicauit. Qui & acumen Thaletis & inuenti pulchritudinem admiratus, præmiū à te illum quantum vellet optare iussit. Nullum à te (inquit Thales,) aliud præmium posco nisi vt ne tibi vnquam huius inuenti gloriam arroges, sed si quando eius alios participes facere volueris authorem illius esse me perpetuo profitearis. Refert hoc Thaletis dictum Muretus in variarum lectionum libro. Verum de hoc inuento aliisq; eo pertinentibus alio loco dicemus.

De Arenæ numero.

Extat liber Archimedis de Arenæ numero, in quo ad Regem Gelonem sic scribit: Arbitrantur nonnulli rex Gelon arenæ numerum infinitum esse. Dico autem non solum eius quæ est circa Syracusas & reliquam Siciliam, sed etiam quæ in omni regione habitabili patitur & inhabitabili continetur. Sunt præterea alii qui non illum quidem infinitum putant, sed nullum dari denominatū numerum posse credant,

credant, qui illius multitudinem exuperet. Itaque eos qui ita opinantur, si eiusmodi arenæ acervum animo comprehenderent, cuiusmodi esset si vniuersa terra repleto in ea mari & cavitatibus omnibus altissimorum montium vertices exæquaret, atq; huius ipsius rursus alterum multiplicem excogitarent, minime dubium est existimaturos illius multitudinem numeros longe omnes multumq; superare. Ego vero id ostendere conabor demonstrationibus Geometricis quas tu ipse assequeris, eorum videlicet numerorum qui à nobis expressi, traditiq; sunt in iis quæ ad Zeuxippum scripsimus nonnullos, non solum arenæ multitudinem superare, quæ terræ vndiq; repletæ ut diximus æqualis esset, sed etiam quæ ipsi mundo parem haberet magnitudinem. Non enim ignoras mundum à compluribus Astrologis appellari Sphæram cuius centrum quidem est terræ centrum; semidiameter autem est æqualis lineæ inter centrum solis & terræ centrum interiectæ. Hancq; occasionem Archimedes postquam recensuit, assumit nonnulla de magnitudinibus, ac primo Terræ ambitum esse tercentum myriadum stadiorum

M 3

& non

& non maiorem. Nam cum secundum eos quī hoc demonstrare aggressi sunt sit veluti 30 myriadam stadiorum, Archimedes exuperans ponit veluti decuplam eius. Assumit adhuc diametrum Terræ maiorem esse diametro Lunæ, & diametrum solis maiorem diametro Terræ. Præterea solis diametrum trigintuplam esse diametri Lunæ & non maiorem. Adhæc diametrum solis maiorem esse latere figuræ mille angulorum in maximo mundi circulo descriptæ: hoc autem largius posuit, cum Aristarchus dicat solem velut septingentesimā vigesimam partem circuli signorum apparere. Et ex his subtili ratiocinio deducit illud de distantis Diametrū mundi minorem esse quàm centum myriadam myriadam stadiorum. Quia vero ex Aristarchi sententia terra ad mundum est, vt mundus ad sphæram stellarum inerrantium, ideo hinc distantiam sphære stellarum inerrantium verā maiorem colligit. Tandemq; assumit sphæram papaveris grano æqualem contineri 10000 arenulis seu pulvisculis, quæ profecto subtilissima sectio est: diametrumq; eiusdem spherulæ esse quadragesimam partem digiti Geometrici, in quo

adhus

adhuc Archimedes largior est iusto, cum deprehenderit 35 grana papaveris in rectam lineam disposita, & se inuicem tangentia, digitum Geometricum superare. Et ego expertus sum 40 grana papaveris excedere sedecimam partem vlnæ Cracouiensis, quod facile quivis probare potest; nisi forte grana papaveris alicubi maiora vel minora sint. Ex his igitur quæ assumit Archimedes nos præcipua ordine ponamus, ut puer tanto facilius concipiat.

1. Sphæram æqualem grano papaveris pulvisculis 10000 contineri.

2. Digitum Geometricum esse quadragecuplum diametri sphære papaveris, quamvis multo minor sit.

3. Stadium continere 10000 digitos Geometricos, quamvis multo pauciores cōtineat.

4. Terræ diametrum cōtinere stadia 1000000: quamvis tot non contineat, in excessu tamen ponamus.

5. Mundi, ut accipiebatur ab Astrologis Archimedis temporibus: diametrum esse 100 0000 0000 stadiorum: quamvis multo pauciora contineat.

M 4

6. Quia

cos, ideo sphæra B ad sphæram C est vt 1 ad 1000000000000.

I'. 10000

I. 100000000

I. 100000000000000

Continet autem sphæra B puluisculos 100 000000. Ergo sphæra C continebit 10000 0000000000000000 puluisculos.

Assumamus deinde sphæram terræ in qua diameter sit 1000000 stadiorum, voceturq; D: Multiplico 1000000 cubicè fiunt 100 0000 000000 000000. Itaq; sphæra C ad sphæram D erit vt 1 ad 1000000 000000 000000. Continet autem sphæra C puluisculos 1000 000 000 000 000 000 000 000. Ergo D cõtinebit 1000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000. Totq; in terræ globo puluisculi erunt ex hypothesi.

Assumamus deinde sphæram mundi in qua diameter sit 1000000000000 stadiorum voceturq; E. Multiplico hanc diametrum cubicè fiunt 1000000000000 000000000000 000 0000000. Itaq; sphæra C ad sphæram E est vt 1 ad 1000000000000000000000000000

M s

0000

noxium tum in aliis, tum in hoc difficilimo opere in quo numeri proponuntur aliqui quos manus quidem notare, voxque exprimere, mens componere valet, rerum tamen materialium natura assequi non potest. Etenim si vniuersum quod extima superficie primi inobilis comprehenditur arenulis repleretur, totque mundi huic similes à Deo crearentur, quot vniuersum hoc contineret arenulas, qui itidem mundi omnes solis constarent arenulis: tamen numerus arenularum omnium illorum mundorum à numeris plerisque quibus hic (in Methodo polygonorum) utimur, longo intervallo superaretur. Hæc Adrianus: vnde intelligis quantæ Mathematicorum in numeris diuitiæ sint: quas primus Archimedes demonstrare aggressus est. Sed iam satis in arena lusimus.

Aliud ex venerabili Beda.

Limax inuitabatur ab hirundine ad prandium intra leucam vnam: vno autem die non potuit plusquam vnciam pedis ambulare. Dicat qui velit intra quot annos vel dies ad idem prandium limax peruenit.

Solutio.

In leu-

In leuca vna sunt 1500 passus, hoc est 7500 pedes in quibus 90000 vnciæ. quot vnciæ tot dies fuerunt: qui faciunt annos cōmunes 246 atq; dies 210. Tale nobis prandium illi apponunt, qui dum stipendium pro Astrologia expoleimus, nihil aliud præter spem grauisimū in re nummaria mentis tyrannū remittunt, ut mihi videatur facta fundatio non pro Astrologia sed pro forensi strepitu. Talem ab istis Arithmeticam, tam ieiunam ac sterilem habemus. Sed accedam aliquādo ad supremum retribunal atq; rogabo ne permittant meditationes nostras Mathematicas, strepitu iuris circa exigui census exactionem impediri.

Aliud ex Scholis Mathematicis.

Conuiuiarum vnus repertum annulum gestat certi digiti, certo articulo quæritur quis sit hic conuiuia, quo ve & digito & articulo annulum habeat. Primo rogo te (qui seīs) ut notes personam aliquam vnde cæteræ numerentur: deinde sinistrorsum pollex dextræ primus sit digitus & pollex sinistræ vltimus, articulus vero vngui proximus sit primus. Tū vero à prima persona incipiens tacitus numeras vsq;

ra v
rum
digi
num
tum
Toti
secu
na p
mus
decu
giti,
de 3 r
nota
tertia
tertia
gicus
cupla
cuplu
culi e
s erit
cunda

Qu
man

ra vsq; ad annulatam personam, eumq; numerum rursus decupla, decuplo adde numerum digiti, totum rursus decupla, & tandem adde numerum articuli, cumq; id tecum egeris tantum summam mihi dicito, tum respondebo: Totius numeri tertiâ notâ significari personâ, secundâ digitum primâ articulum. Vt à persona prima annulatus sit quintus, digitus septimus, articulus tertius. 5 numerum annulati decuplabis & facies 50. addes 7 numerum digiti, totus erit 57, qui decuplatus erit 570 adde 3 numerum articuli totus erit 573 & tertiâ nota personam significabit secunda digitum tertiâ articulum. Si secunda sit 0 sume 10 à tertiâ pro secunda, vt in eodem exemplo si digitus sit 10 & articulus secundus primo 5 decuplatus facit 50 & 0 additis totus est 60 decuplus est 600 & addito 2 pro numero articuli totus est tandem 602. Itaq; tertiâ nota 5 erit pro persona, cum detraxeris 10 pro secunda hoc est numero digiti.

Aliud ex venembili Beda.

Quomodo diuinandum sit qua feria septimanae aliquis rem aliquam fecerit.

Nume-

Numerum alicuius feriæ nomen continen-
tem, quæ cui aliquis mente concipit, primo de-
bet duplicare, deinde illi numero duplicato
quinq; adiungere ipsamq; summam quæ ex
his collecta est quinquies multiplicare: deinde
totum decies ducere, postea ex toto 250
tollere: in residuo enim numerus centenario-
rum feriæ monstrabit: nam 100 primam fe-
riam, 200 secundam, 300, tertiam, &c. demon-
strabunt. Potestq; hoc ad annuli absconditi
investigationem in ignoto articulo ignoti di-
giti transferri, si pro feriæ numero, personæ
sumas numerum ei; duplicato addas 5, ag-
gregatum deinde in 5 multiplices producto
numero addas numerum digiti, aggregatum
decuples, decuploq; addas numerum articuli.
Si enim hinc subtrahas 250 manebit numerus
cuius tertia nota personam, secunda digitum,
tertia articulum monstrabit.

Aliud ex Gemma Friso,

Si tres diuersæ res abscondantur à tribus
diuersis personis, tu vero per Arithmeticam
tanquam diuinus vates, unicuiq; dicere velis,
quam absconderit rem, ita agito, sint res a. b. c.
animò

animo tuo signatæ, personæ vero ordine animo tuo hæreant, primus, secundus, tertius: tum priusquam res abscondant, pone in medium 24 calculos, ex his da primo 1 in manu, secundo 2, tertio 3, deinde colloca tres res ordine, & dic illis, ubi abiero tum singuli vnâ ex his rebus quamcunq; velint abscondant. Sed ea lege, vt qui absconderit a capiat ex 18 calculis relictis adhuc, tot calculos, quot habet is ipse in manu. Qui vero b absconderit duplum capiat, qui tandem c quadruplum. Reliquum vero in mensa, aut loco aperto relinquunt. Hinc tribus rebus, & personis per ordinem memoriæ infixis, secedas quousq; res absconderint, ac rationem iniiciunt. Tum reuersus inspicie residuos in tabula calculos, qui perpetuo aut est 1, aut 2, aut 3, aut 5, aut 6, aut 7. Si igitur vnus tantum fuerit tum primus abscondit a. secundus, b. tertius c. Si duo, tum primus abscondit b. secundus a. tertius c. Reliquos ex tabella annexa intelliges modos.

Ex hac vero perspicis tres res occultas sex tantum modis disiungi posse, quorum nullo contingit, vt 4 calculi relinquuntur.

Residui

| Residui
calculi | Personæ | Res. |
|--------------------|---------|---------|
| | 1 | a A |
| | 2 | b ue |
| 1 | 3 | c |
| <hr/> | | |
| | 1 | b Stel |
| 2 | 2 | a la |
| | 3 | c |
| <hr/> | | |
| | 1 | a Ma |
| 3 | 2 | c ris |
| | 3 | b natis |
| <hr/> | | |
| | 1 | b re |
| 5 | 2 | c Etis |
| | 3 | a |
| <hr/> | | |
| | 1 | e vi |
| 6 | 2 | a a |
| | 3 | b |
| <hr/> | | |
| | 1 | c fi |
| 7 | 2 | b de |
| | 3 | a |

Ad memoriæ subsidium voces istæ ponuntur in quibus prima syllaba primæ personæ seruit, secunda secundæ : numerus vero ordinis vocalium in syllabis, res denotat acceptas. Ut in prima voce *Aue* cum vnus manet calculus

lis a vocalis primæ syllabæ significat primam personam accepisse rem primam, è vero secundæ syllabæ vocalis significat secundam personam accepisse e tertiam rem, quia e est tertia in ordine vocalium. Vnde consequitur necessario tertiam personam accepisse b. Et sic in reliquis facies coniecturam nunquam fallentur. Namq; si memoriæ cõmentes istas vocum numerus ordinis vocum denotabit recte calculos. Quia vero nunquam 4 remanent ideo inseritur vox *natis* ad ordinem explendum vt quinta *rectis* seruiat quinque calculis residuis.

Enigmata ex Pinciero. Primum.

Oua olim iuuenes tulere bini
 Horum sic comitem lacesit alter
 Vnum si dederis mihi tuorum
 Quorum, numerus mihi tibiq;
 Par erit, cui mox rex sit alter:
 Tu si parum dede is mihi tuorum,
 Duplo plura ego habebis, quam tu.
 Qui si te numerare doctus istum
 Græpium forte leget, citusq; dicet
 Portauit iuuenis quot oua uterq;

N

Haud

Haud Navi similem putabo, verum
 Vel ipso OEdipod i sagaciorem.
 Dic ergo tulerit quot oua rite q?

Solutio.

Tot prior oua tulit, quot lustrū cōtinet annos?
 Posterior, vaga quot sidera mundus habet.

Secundum.

Pascebat anserum gregem
 Perquam facetus rusticus.
 Campi in virentis area:
 Huius caballo præpeti
 Cum præteriret pascua
 De gente, eques non infimū
 Sū saluus, inquit, rustice
 Centumq; pastor anserum.

Huic egit ille gratias.
 Multam & salutem reddidit
 Sermonē sed non rustico
 Antq; si plures duplo
 Hoc anseres in cespite
 Viridi cibarem gramine
 Pluresq; dimidio dehinc
 Et parte quarta deniq;

Vnumq;

Vnumq; dictu adderem.
Centum anserum pastor forem.
Ut me salutans autumas.

Dic si vacat, lector bone
Quot anseres ad pabula
Hic rusticus deduxerit?

Si refugis huic impendere
Tenui laborem calculo.
Aut inuenire non vales
Omni labore proximus
Te subleuabit Iambicus

Solutio.

Viginti Icho? VIX tot fuisse noVerIs.

Atq; in hac solutione non sententia, sed notæ numerales vt à Romanis capiuntur questionem soluent.

Aliud.

Sæpe exempla numerorum addendorum proponuntur cum adiunctis aliis numeris minoris monetæ, veluti apud nos cum groſſis & obulis, quæ licet pertineât ad fractiones, quia tamen a pueris sine molestia percipi possunt, vsusq; talium exemplorû in re familiari frequen-

tissimus est: non fuerit alienum proponere aliqua eiusmodi exempla.

Exposuisti primo florenos 24 grossos 18 solidos 2

Deinde florenos 156 grossos 27 quinq; ternarios. Hic primo notabis morem calculorum Thesauri: pro duobus solidis illi semper ponunt 12 obulos quales in vno grosso sunt 18. pro quinque sextantibus aut ternariis vt vocant ponunt 15 obulos, pro vno ternario ponunt obulos 3, pro vno solido ponunt obulos 6, pro vno grosi mediente ponunt obulos 9. idq; compendio quodam faciunt ad evitandam denominationum varietatem. Nunc ergo exposita illa superius descripta sic disponatur, vt floreni sub florenis, grosi sub grossis, obuli sub obulis ponantur: vt hic vides

| Flor. | grosi | obuli |
|-------|-------|-------|
| 24 | 18 | 12 |
| 156 | 27 | 15 |

Subducta linea illud memoria retineas obulos 18 constituere vnum grossum. 30 grossos vnum florenum. Incipe igitur à minori moneta vt hic 12 obuli ad 15 obulos additi simul constant 27 obulos. quia vero is numerus ex-

celsit

ceſſit 18, à 27 reſicio 18 manent 9. quæ pono
ſub obulis: pro illis vero 18 quæ abiecta ſunt
pono 1 ſub groſſis. Collige deinde, 18, 27, & 1
faciunt 46 groſſos, verum inde abiicio 30, ma-
nentq; 16 collocanda ſub groſſis. at pro 30
abiectis pono 1 ſub florenis. Floreni tandem
collecti faciunt 181. Itaq; peracto opere in-
ductio eiufmodi additionis ſic erit:

| Flor | groſſi | obuli. |
|------|--------|--------|
| 24 | 18 | 12 |
| 156 | 27 | 15 |
| 181 | 16 | 9 |

In ſubductione idem prorsus artificium eſt
ſi modo memoria retineas, quoties maior à
minore ſubducendus erit, punctum ſub præ-
cedenti moneta ponendum eſſe, reſolutione
aſſumptæ vnitatis ſecundum conuenientiam
facta. Vt ſi hoc exemplum ponatur

| Flor | groſſi | obuli |
|------|--------|-------|
| 181 | 16 | 9 |
| 24 | 18 | 12 |
| 156 | 27 | 15 |

Hic quia 12 obuli à 9 obulis ſubtrahi non
poſſunt pono punctum ad 18 groſſos, aſſum-
ptum vero 1 groſſum reſoluo in 18 obulos,

N 3

à qui-

à quibus primum subtrahō 12. & manebunt 6, hisq; addo 9, & veniunt 15 sub linea collocanda. Deinde quia ad 18 punctum est positum, ideo habeantur pro 19, secundum leges in subtractione positas. At 19 à 16 subtrahi non possunt: pono igitur punctum ad 4 sub florenis, atq; vnum florentum resoluo in 30 grossos, à quibus dum subtrahō 19, manent 11, hisq; addo 16 & veniunt 27 quæ scribo sub linea. Tandem 25 subtracta à 181 relinquunt 156. Hisq; intellectis reliqua non erunt difficilia.

CAPVT XV.

De numeratione per indices atq; in abaco Scacchiæ.

Edidit Ioannes Neperus Arithmeticam localem, in qua singulari artificio in abaco præsertim Scacchiæ multiplicationes, divisiones & radicū quadratarum extractiones cum animi quadam voluptate fiunt. Res profecto admiranda, atq; digna quæ in omnibus scholis exerceatur. Ac si quis artem istam, ita ut par est animo comprehenderit, ei absq; abaco
Scacchiæ,

Scacchiz, in curru etiam sedenti intervium molestias, vastissimas qualque numerationes absolvere non erit difficile. Utq; nostri adolescentēs ad eius authoris libros legēdos (quod valde cupio) præparentur, proponam brevis- sime ex eius Arithmetica ludum; ludum ta- men eiusmodi ex quo magna utilitas in usum Mathematicorum & omnium qui numeratio- ne utuntur derivari potest.

Describatur ergo progressio Geometrica dupla ab unitate quousq; libet. Quanto au- tem plures numeros descripleris, tanto maio- res numeros multiplicare ac dividere nova arte licebit: atq; ad dextram posita 0 ad pri- mum progressionis Geometricæ numerum, ad secundum pones 1, ad tertium 2, atq; sic deinceps reliquos numeros naturali ordine continua unitatis differentia procedentes. Sic descriptis duabus progressionibus Arithmeti- ca & Geometrica, adde si placet literas alpha- beti, uti factum est in Arithmetica locali Ioan- nis Neperi Mathematici eminentissimi. Sic igitur pro valore cuiuslibet literæ, numerus Geometricæ progressionis, ut, a, valet 1: 6, 2, 6, 4. k 512 &c. iidemque numeri notantur per

indices: vt 0 indicat 1. 1 indicat 2. 6 indicat
64. &c. Hocq; ad multiplicationem, diuisionem,
& radicum quadratarum extractionem
pernecessarium erit.

| | | | |
|------------------------------------|---------|----|---|
| exponentis n | 1 | 0 | a |
| minimus simplex | 2 | 1 | b |
| dimissibilis est per 23 et 89 atq; | 4 | 2 | c |
| quanti multiplex quoniam n expo- | 8 | 3 | d |
| nentis primus sit. | 16 | 4 | e |
| eratusthanus scribit folio. 106. | 32 | 5 | f |
| | 64 | 6 | g |
| | 128 | 7 | h |
| | 256 | 8 | i |
| | 512 | 9 | k |
| | 1024 | 10 | l |
| | 2048 | 11 | m |
| | 4096 | 12 | n |
| | 8192 | 13 | o |
| | 16384 | 14 | p |
| | 32768 | 15 | q |
| | 65536 | 16 | r |
| | 131072 | 17 | s |
| | 262144 | 18 | t |
| | 524288 | 19 | u |
| | 1048576 | 20 | x |

Perfecti numeri

2.09

indicat
iudicio-
onem

a
b
c
d
e
f
g
h
i
k
l
m
n
o
p
q
r
f
t
u
x
2.09

Caput XV.

201

| | | |
|---------------------------------|----|---|
| 2. 0 9 7. 1 5 2 | 21 | Y |
| 4. 1 9 4. 3 0 4 | 22 | Z |
| 8. 3 8 8. 6 0 8 | 23 | & |
| 1 6. 7 7 7. 2 1 6 | 24 | a |
| 3 3. 5 5 4. 4 3 2 | 25 | β |
| 6 7. 1 0 8. 8 6 4 | 26 | γ |
| 1 3 4. 2 1 7. 7 2 8 | 27 | δ |
| 2 6 8. 4 3 5. 4 5 6 | 28 | ε |
| 5 3 6. 8 7 0. 9 1 2 | 29 | ζ |
| 1 0 7 3. 7 4 1. 8 2 4 | 30 | η |
| 2. 1 4 7. 4 8 3. 6 4 8 | 31 | θ |
| 4. 2 9 4. 9 6 7. 2 9 6 | 32 | ι |
| 8. 5 8 9. 9 3 4. 5 9 2 | 33 | κ |
| 1 7. 1 7 9. 8 6 9. 1 8 4 | 34 | λ |
| 3 4. 3 5 9. 7 3 8. 3 6 8 | 35 | μ |
| 6 8. 7 1 9. 4 7 6. 7 3 6 | 36 | ν |
| 1 3 7. 4 3 8. 9 5 3. 4 7 2 | 37 | ξ |
| 2 7 4. 8 7 7. 9 0 6. 9 4 4 | 38 | ο |
| 5. 4 9. 7 5 5. 8 1 3. 8 8 8 | 39 | π |
| 1. 0 9 9. 5 1 1. 6 2 7. 7 7 6 | 40 | ρ |
| 2. 1 9 9. 0 2 3 2 5 5. 5 5 2 | 41 | σ |
| 4. 3 9 8. 0 4 6. 5 1 1. 1 0 4 | 42 | τ |
| 8. 7 9 6. 0 9 3. 0 2 2. 2 0 8 | 43 | υ |
| 1 7. 5 9 2. 1 8 6. 0 4 4. 4 1 6 | 44 | φ |
| 3 5. 1 8 4. 3 7 2. 0 8 8. 8 3 2 | 45 | χ |
| 7 0. 3 6 8. 7 4 4. 1 7 7. 6 6 4 | 46 | ψ |

| | |
|--------------------------------|----|
| 140.737.488.355.328 | 47 |
| 281.474.976.710.656 | 48 |
| 562.949.953.421.312 | 49 |
| 1125.899.906.842.624 | 50 |
| 2.251.799.813.685.248 | 51 |
| 4503.599.627.370.496 | 52 |
| 9.007.199.254.740.992 | 53 |
| 18.014.398.509.481.984 | 54 |
| 36.028.797.018.963.968 | 55 |
| 72.057.594.037.927.936 | 56 |
| 144.115.188.075.855.872 | 57 |
| 288.230.376.151.711.744 | 58 |
| 576.460.752.303.423.488 | 59 |
| 1.152.921.504.606.846.976 | 60 |
| 2.305.843.009.213.693.952 | 61 |
| 4.611.686.018.427.378.904 | 62 |
| 9.223.372.036.854.775.808 | 63 |
| 18.446.744.073.709.551.616 | 64 |
| 36.893.488.147.419.103.232 | 65 |
| 73.786.976.294.838.206.464 | 66 |
| 147.573.952.589.676.412.428 | 67 |
| 295.147.905.179.352.825.856 | 68 |
| 590.295.810.358.705.651.712 | 69 |
| 1.180.591.620.717.411.303.424 | 70 |
| 2.360.1183.241.434.822.606.848 | 71 |
| 4.722. | |

| | | | | | | | | |
|----|------|------|------|------|------|------|------|-----|
| 2. | 417. | 851. | 639. | 229. | 258. | 349. | 412. | 352 |
| 1. | 208. | 925. | 819. | 614. | 629. | 174. | 706. | 176 |
| | 604. | 462. | 909. | 807. | 314. | 587. | 353. | 088 |
| | 302. | 231. | 454. | 903. | 657. | 293. | 676. | 544 |
| | 151. | 115. | 727. | 451. | 828. | 646. | 838. | 272 |
| | 75. | 557. | 863. | 725. | 914. | 323. | 419. | 136 |
| | 37. | 778. | 931. | 862. | 957. | 161. | 709. | 568 |
| | 18. | 889. | 465. | 931. | 473. | 580. | 854. | 784 |
| | 9. | 444. | 732. | 965. | 739. | 290. | 427. | 392 |
| | 4. | 722. | 366. | 482. | 869. | 645. | 213. | 696 |

| | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 81 | 80 | 79 | 78 | 77 | 76 | 75 | 74 | 73 | 72 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|

| | | | | | | | | | | |
|----|------|------|------|------|------|------|------|------|-----|----|
| 2. | 475. | 880. | 078. | 570. | 760. | 549. | 798. | 248. | 448 | 91 |
| 1. | 237. | 940. | 039. | 285. | 380. | 274. | 899. | 124. | 224 | 90 |
| | 618. | 970. | 019. | 642. | 690. | 137. | 449. | 562. | 112 | 89 |
| | 309. | 485. | 009. | 821. | 345. | 068. | 724. | 781. | 056 | 88 |
| | 154. | 742. | 504. | 910. | 672. | 534. | 362. | 390. | 528 | 87 |
| | 77. | 371. | 252. | 455. | 336. | 267. | 181. | 195. | 264 | 86 |
| | 38. | 685. | 626. | 227. | 668. | 133. | 590. | 597. | 632 | 85 |
| | 19. | 342. | 813. | 113. | 834. | 066. | 795. | 298. | 816 | 84 |
| | 9. | 671. | 406. | 556. | 917. | 033. | 397. | 649 | 408 | 83 |
| | 4. | 835. | 703. | 272. | 458. | 516. | 698. | 824. | 704 | 82 |

| | |
|---|-----|
| 2. 267. 650. 600. 228. 229. 401. 496. 703. 205. 376 | 100 |
| 633. 825. 300. 114. 114. 700. 748. 351. 602. 688 | 99 |
| 316. 912. 650. 057. 357. 050. 374. 175. 801. 344 | 98 |
| 158. 456. 325. 028. 528. 675. 187. 087. 900. 672 | 97 |
| 79. 228. 162. 514. 264. 337. 593. 573. 950. 336 | 96 |
| 39. 614. 081. 257. 132. 168. 796. 771. 975. 168 | 95 |
| 19. 807. 040. 628. 566. 084. 398. 385. 987. 584 | 94 |
| 9. 903. 520. 314. 283. 042. 199. 192. 993. 792 | 93 |
| 4. 951. 760. 157. 141. 521. 099. 596. 496. 896 | 92 |

2. 475. 880. 078. 570. 760. 549. 798. 248. 448 91

Vulgares numeri appellantur qui sunt in
 vsu communi; locales qui signantur literis;
 Indices localium atq; vulgarum sunt nume-
 ri annexæ progressions Arithmetice serie na-
 turali descriptæ. Ac vulgares quidem numeri
 componuntur ex Geometrica progressionē,
 quæ iam propterea ad ceterum indicē pro-
 ducta est. Indices vero indicant quoties 2 po-
 nenda sint vt continua multiplicatione pro-
 ducatur numerus sibi annexus, vt, quia ad 64
 posita sunt 6 intelligendum est 64 fieri si 2, 2,
 2, 2, 2, 2, continuo multiplicentur. Sed iam
 videamus admirabilem naturam Geometricæ
 duplæ progressionis. Si enim eam producas
 quousq; libet vt hic ad 1, 267, 650, 600, 28,
 229, 401, 496, 703, 205, 376. Dico omnes nume-
 ros infra duplum huius hoc est infra 2, 535,
 301, 200, 436, 438, 802, 993, 406, 410, 752,
 ex istis in tabula componi. Vt 1, 2 sunt iam
 in principio progressionis. 3 habebis si sumas
 1 & 2. 4 expresse sunt. 5 habes sumptis 4 & 1.
 6 sumptis 4 & 2. 7 ex 4, 2, 1. 8 expresse. 9 ex
 8 & 1. 10 ex 8 & 2. 11 ex 8, 2, 1. 12 ex 8, 4, atq;
 sic ulterius progrediendo. Hoc iam olim libri-
 pendes ab Arithmetice didicerant, nam ne co-
 gerent

geren-
 & ca
 grati
 sunt
 arte
 teat
 dupla
 dende
 bus qu

In

Si nu
 dum p
 ta) rei
 rursus
 ad extr
 initio
 exprim
 pares n
 diation
 translat
 indicun

gerentur pondera vnus, duarum, 3, 4, 5, 6, 7, & cæterarum drachmarū vsq; ad pondus verbī gratia 64 aut 128 drachmarum conficere, vsi sunt huius progressionis compendio. Quā arte id fiat, iam habes expositum. Cūq; pateat omnem numerum componi ex numeris duplicis progressionis Geometricæ, iam ostendū est quomodo sit inuestigādum, ex quibus quilibet datus numerus componatur.

Translatio vulgarium ad indices.

Si numerum propositum bipartiaris (secundum præcepta meditationis folio 39 proposita), reiecta vnitāte, si impar sit: dimidiumq; rursus eodem modo, atq; sic deinceps, donec ad extremam vnitatem peruenias: sumptoq; initio à maximo numeres indices localium exprimendo in tabula eos indices qui in impares numeros cadunt, à quibus etiam in meditatione reiecisti vnitatem, datus numerus translatus erit ad indices localium, idemq; ex indicum numeris componetur. Exemplum

sic habes

| | | | | | |
|---|---|---|----|---|---|
| 3 | 6 | 5 | 7 | 0 | a |
| 1 | 8 | 2 | 8 | | |
| 9 | 1 | 4 | | | |
| 4 | 5 | 7 | 3 | d | |
| 2 | 2 | 8 | | | |
| 1 | 1 | 4 | | | |
| | 5 | 7 | 6 | g | |
| | 2 | 8 | | | |
| | 1 | 4 | | | |
| | 7 | | 9 | k | |
| | 3 | | 10 | l | |
| | 1 | | 11 | m | |

Dico igitur numerum 3657 translatum esse ad indices hos, 0, 3, 6, 9, 10, 11, vel ad locales a, d, g, k, l, m, numerumq; 3657 ex istorum valoribus compositum esse: cum enim 0 hoc est a valeat 1. 3 hoc est d 8. 6 hoc est g 64. 9 hoc est k 512. 10 hoc est l 1024. 11 hoc est m 2048. manifestum est si valores isti simul cōponātur 1, 8, 64, 512, 1024, 2048, effici 3657.

Hoc vero sic iam præmissio tabulam in charta pro calculis reponendis iuxta suos indices talem tibi conficito.

| | | | | | | | | | | |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|
| 0 | 10 | 20 | 30 | 40 | 50 | 60 | 70 | 80 | 90 | 100 |
| 1 | 11 | 21 | 31 | 41 | 51 | 61 | 71 | 81 | 91 | |
| 2 | 12 | 22 | 32 | 42 | 52 | 62 | 72 | 82 | 92 | |
| 3 | 13 | 23 | 33 | 43 | 53 | 63 | 73 | 83 | 93 | |
| 4 | 14 | 24 | 34 | 44 | 54 | 64 | 74 | 84 | 94 | |
| 5 | 15 | 25 | 35 | 45 | 55 | 65 | 75 | 85 | 95 | |
| 6 | 16 | 26 | 36 | 46 | 56 | 66 | 76 | 86 | 96 | |
| 7 | 17 | 27 | 37 | 47 | 57 | 67 | 77 | 87 | 97 | |
| 8 | 18 | 28 | 38 | 48 | 58 | 68 | 78 | 88 | 98 | |
| 9 | 19 | 29 | 39 | 49 | 59 | 69 | 79 | 89 | 99 | |

um esse
locales
storum
o hoc
g 64.9
oc est m
mul cō-
ci 3657.
in char-
indices

Extensio & abbreviatio Indicium.

Extensio est cum pro vnico indice ponimus duos proxime præcedentes hoc est unitate minores : vt indices 0, 3, 6, 9, 10, 11 extendes si pro vno 3 ponas duos 2, 2. pro 6 duos 5, 5. pro 9 ponas 8, 8. pro 10 ponas 9, 9. pro 11 ponas 10, 10. Itaq; extensus erit sic 0, 2, 2, 5, 5, 8, 8, 9, 9, 10, 10. Imo magis adhuc extendi potest, si pro vno indice 2 ponas duos 1, 1. pro vno 5 ponas 4, 4. &c. Extensi vero sic indices nō augebunt numerum. Causam facile concipies, si intelligas indices istos non simplicem unitatum congeriem significare, verum numeros Geometricæ duplæ proportionis annexos iisdem indicibus. Sic enim index 11 valet 2048. Itaq; si ponas duos indices 10, 10, idem est ac si poneres valorem eorundem bis 1024, 1024 : quod tamen valet 2048. Vtilitatem huius extensionis percipies in diuisione, atq; radicum quadratarum extractione. Potes vero vel in charta, vel in tabula quæ præmissa est nunc, calculis extendere ponendo pro calculo indicis 11 duos ad indicem 10.

Abbreviatio est, vt pro duobus indicibus

simili-

similib
ior pon
2, 5, 5,
ciores
de pro
duobus
bus 9, 9
10, 10,
rus ille
ad pau
sum isti
nibus a
as in in
vno po
vnum l.

Addi
rum con
vel simu
Sint
0. 3.
0. 3.
pro duobus
4, po

similibus vnus sequens nimirum vnitatem maior ponatur. Sic si indices proponantur 0, 2, 2, 5, 5, 8, 8, 9, 9, 10, 10, contrahentur ad pauciores si pro duobus 2, 2, ponas vnum 3: deinde pro duobus 5, 5, ponas vnum 6: deinde pro duobus 8, 8, ponas vnum 9: deinde pro duobus 9, 9, ponas vnum 10, deinde pro duobus 10, 10, ponas vnum 11. Sicq; prodibit numerus ille contractus ad indices 0, 3, 6, 9, 10, 11, ad paucioresq; iam contrahi non poterit. Vsum istius abbreviationis percipies in additionibus atq; multiplicationibus. Quod vero facis in indicibus, idem fac in literis vt si pro c vno ponas duo b, b. pro duobus k, k, ponas vnum l.

Additio.

Additio nihil aliud est quam abbreviatorum conscriptio in tabula, & conscriptorum vel simul signatorum abbreviatio.

Sint addendi numeri: Primi indices sunt

0. 3. 4. 16. Secundi deinde

0. 3. 4. 15. Hic pro duobus 0, 0, pono 1. pro duobus 3, 3, pono vnum 4. pro duobus 4, 4, pono vnum: 5 (quoties autem pro duobus

0 3 15 16 bus in-

bus indicibus pono vnum citeriorem, duos deleo, in tabula tertium creta vel atramento expono : in calculis pro duobus sublatis vnus ponitur) Reliqui sunt dissimiles, ideoq; iam contrahi non possunt. Summæ igitur indices sunt 1. 4. 5. 15. 16. vthic vides

$$\ominus . 3 . 4 . 16 .$$

$$\ominus . 3 . 4 . 15$$

$$1 . 4 . 5 .$$

Subtractio.

Subtractio est subtrahendi abbreviati à subtrahendo extenso quantum opus est sublatio, & residui si opus sit abbreviatio. Vt sint 1. 2. 5. 6. 7. subtrahendi ex 0. 1. 7. 8. Extendo 0. 1. 7. 8. arte superius exposita. Deleo 8 & pono 7, 7. Deleo vnum indicem 7, & pono 6, 6. Deleo vnum 6 & pono 5, 5. Deleo vnum 5, & pono 4, 4. Deleo vnum 4 & pono 3, 3. Deleo vnum 3 & pono 2, 2. Extensus igitur numerus erit sic 0, 1, 2, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 7. Iam ab eo si subtrahes 1, 2, 5, 6, 7, deletis nimirum ex illo horum similibus, manifestum est remanere 0, 2, 3, 4, 7, indices quæsti residui.

Ex his deducitur compendium reductionis numerorum vulgarium in localium indices.

1000000 indices sunt 6. 9. 14. 16. 17. 18. 19.
Itaq; hinc omnes numeros infra 2000000 commutabis in suos indices.

Caput XV.

| | 1 | 10 | 100 | 1000 | 10000 | 100000 |
|---|---------|-------------|------------------|-------------------------|--------------------------------|---|
| 1 | 0 | 1. 3 | 2. 5. 6 | 3. 5. 6. 7. 8. 9 | 4. 8. 9. 10. 13. | 5. 7. 9. 10. 15. 16 |
| 2 | 1 | 2. 4. | 3. 6. 7. | 4. 6. 7. 8. 9. 10 | 5. 9. 10. 11. 14. | 6. 8. 10. 11. 16. 17. |
| 3 | 0 1 | 1. 2. 3. 4 | 2. 3. 5. 8. | 3. 4. 5. 7. 8. 9. 11 | 4. 5. 8. 10. 12. 13. 14. | 5. 6. 7. 8. 9. 12. 15. 18 |
| 4 | 2 | 3. 5. | 4. 7. 8. | 5. 7. 8. 9. 10. 11. | 6. 10. 11. 12. 15. | 7. 9. 11. 12. 17. 18 |
| 5 | 8. 2 | 1. 4. 5. | 2. 4. 5. 6. 7. 8 | 3. 7. 8. 9. 12 | 4. 6. 8. 9. 14. 15. | 5. 8. 13. 15. 16. 17. 18. |
| 6 | 1. 2 | 2. 3. 4. 5. | 3. 4. 6. 9. | 4. 5. 6. 8. 9. 10. 12 | 5. 6. 9. 11. 13. 14. 15. | 6. 7. 8. 9. 10. 13. 16. 19. |
| 7 | 0. 1. 2 | 1. 2. 6. | 2. 3. 4. 7. 9 | 3. 4. 6. 8. 9. 11. 12 | 4. 5. 6. 8. 12. 16. | 5. 6. 9. 10. 11. 13. 15. 17. 19 |
| 8 | 3 | 4. 6 | 5. 8. 9. | 6. 8. 9. 10. 11. 12. 7. | 11. 12. 13. 15. 16 | 8. 10. 12. 15. 18. 19 |
| 9 | 0 3. | 1. 3. 4. 5. | 2. 7. 8. 9 | 3. 5. 8. 9. 13 | 4. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 14. 16 | 5. 7. 8. 9. 11. 12. 13. 15. 16. 18. 19. |

1 0 0 0 0 0 0 indices sunt 6. 9. 14. 15. 17. 18. 19.

Itaque hinc omnes numeros infra 200000 commutabis in suos indices.

Namq; si proponatur numerus 3657. Sumo 1000 supra, in latere vero 3, atq; in angulo cōmuni 3000 indices reperio 3. 4. 5. 7. 8. 9. 11. Sumo deinde 100 supra, in latere 6, atq; in angulo communi accipio 600 indices 3. 4. 6. 9. Sumo deinde 10 supra, in latere sinistro 5, & angulus communis dabit mihi 1. 4. 5 indices 50. tandem inter 1. & 7 accipio numeri 7 indices 0. 1. 2. Et facta abbreviatione secundum præcepta iam exposita proveniunt 0. 3. 6. 9. 10. 11. indices dati numeri vt prius.

Multiplicatio.

Multiplicationem diuisionem & radicum quadratarum extractionem abfoluit Neperus in abaco Scacchorum seu latrunculorum, cuius forma quadrata, angulus tibi proximus \vee , angulus sinister γ , angulus a te remotissimus Π , angulus dexter ϕ . Fabricam sola inspectione intelliges.

Hic inseratur Abacus Scacchiz, notatus signis. \vee γ Π ϕ .

Quæ vero hætenus dicta sunt de reductione numerorū ad indices ea etiam ad abacum hunc seruiunt vt si velis disponere numerum illum

Sumo
gulo cō
8. e. i.
tr. x. x.
m. c.
radicum
Neperus
um, cu-
mus
tutissimus
a infpe-
otatus fi-
edell o-
abacum
umerum
illum

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----------|------------|------------|------------|------------|------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|-------|
| 8.388.608 | 16.777.216 | 33.554.432 | 50.331.648 | 67.108.864 | 83.886.080 | 100.663.296 | 117.440.512 | 134.217.728 | 150.994.944 | 167.772.160 | 184.549.376 | 201.326.592 | 218.103.808 | 234.881.024 | 251.658.240 | 268.435.456 | 285.212.672 | 301.989.888 | 318.767.104 | 335.544.320 | 352.321.536 | 369.098.752 | 385.875.968 | 402.653.184 | 419.430.400 | 436.207.616 | 452.984.832 | 469.762.048 | 486.539.264 | 503.316.480 | 520.093.696 | 536.870.912 | 553.648.128 | 570.425.344 | 587.202.560 | 603.979.776 | 620.756.992 | 637.534.208 | 654.311.424 | 671.088.640 | 687.865.856 | 704.643.072 | 721.420.288 | 738.197.504 | 754.974.720 | 771.751.936 | 788.529.152 | 805.306.368 | 822.083.584 | 838.860.800 | 855.638.016 | 872.415.232 | 889.192.448 | 905.969.664 | 922.746.880 | 939.524.096 | 956.301.312 | 973.078.528 | 989.855.744 | 1006.632.960 | 1023.410.176 | 1040.187.392 | 1056.964.608 | 1073.741.824 | 1090.519.040 | 1107.296.256 | 1124.073.472 | 1140.850.688 | 1157.627.904 | 1174.405.120 | 1191.182.336 | 1207.959.552 | 1224.736.768 | 1241.513.984 | 1258.291.200 | 1275.068.416 | 1291.845.632 | 1308.622.848 | 1325.400.064 | 1342.177.280 | 1358.954.496 | 1375.731.712 | 1392.508.928 | 1409.286.144 | 1426.063.360 | 1442.840.576 | 1459.617.792 | 1476.395.008 | 1493.172.224 | 1509.949.440 | 1526.726.656 | 1543.503.872 | 1560.281.088 | 1577.058.304 | 1593.835.520 | 1610.612.736 | 1627.389.952 | 1644.167.168 | 1660.944.384 | 1677.721.600 | 1694.498.816 | 1711.276.032 | 1728.053.248 | 1744.830.464 | 1761.607.680 | 1778.384.896 | 1795.162.112 | 1811.939.328 | 1828.716.544 | 1845.493.760 | 1862.270.976 | 1879.048.192 | 1895.825.408 | 1912.602.624 | 1929.379.840 | 1946.157.056 | 1962.934.272 | 1979.711.488 | 1996.488.704 | 2013.265.920 | 2030.043.136 | 2046.820.352 | 2063.597.568 | 2080.374.784 | 2097.152.000 | 2113.929.216 | 2130.706.432 | 2147.483.648 | 2164.260.864 | 2181.038.080 | 2197.815.296 | 2214.592.512 | 2231.369.728 | 2248.146.944 | 2264.924.160 | 2281.701.376 | 2298.478.592 | 2315.255.808 | 2332.033.024 | 2348.810.240 | 2365.587.456 | 2382.364.672 | 2399.141.888 | 2415.919.104 | 2432.696.320 | 2449.473.536 | 2466.250.752 | 2483.027.968 | 2499.805.184 | 2516.582.400 | 2533.359.616 | 2550.136.832 | 2566.914.048 | 2583.691.264 | 2600.468.480 | 2617.245.696 | 2634.022.912 | 2650.800.128 | 2667.577.344 | 2684.354.560 | 2701.131.776 | 2717.908.992 | 2734.686.208 | 2751.463.424 | 2768.240.640 | 2785.017.856 | 2801.795.072 | 2818.572.288 | 2835.349.504 | 2852.126.720 | 2868.903.936 | 2885.681.152 | 2902.458.368 | 2919.235.584 | 2936.012.800 | 2952.789.016 | 2969.566.232 | 2986.343.448 | 3003.120.664 | 3019.897.880 | 3036.675.096 | 3053.452.312 | 3070.229.528 | 3087.006.744 | 3103.783.960 | 3120.561.176 | 3137.338.392 | 3154.115.608 | 3170.892.824 | 3187.670.040 | 3204.447.256 | 3221.224.472 | 3238.001.688 | 3254.778.904 | 3271.556.120 | 3288.333.336 | 3305.110.552 | 3321.887.768 | 3338.664.984 | 3355.442.200 | 3372.219.416 | 3388.996.632 | 3405.773.848 | 3422.551.064 | 3439.328.280 | 3456.105.496 | 3472.882.712 | 3489.659.928 | 3506.437.144 | 3523.214.360 | 3540.000.576 | 3556.787.792 | 3573.575.008 | 3590.362.224 | 3607.149.440 | 3623.936.656 | 3640.723.872 | 3657.511.088 | 3674.298.304 | 3691.085.520 | 3707.872.736 | 3724.659.952 | 3741.447.168 | 3758.234.384 | 3775.021.600 | 3791.808.816 | 3808.596.032 | 3825.383.248 | 3842.170.464 | 3858.957.680 | 3875.744.896 | 3892.532.112 | 3909.319.328 | 3926.106.544 | 3942.893.760 | 3959.680.976 | 3976.468.192 | 3993.255.408 | 4010.042.624 | 4026.829.840 | 4043.617.056 | 4060.404.272 | 4077.191.488 | 4093.978.704 | 4110.765.920 | 4127.553.136 | 4144.340.352 | 4161.127.568 | 4177.914.784 | 4194.702.000 | 4211.489.216 | 4228.276.432 | 4245.063.648 | 4261.850.864 | 4278.638.080 | 4295.425.296 | 4312.212.512 | 4329.000.728 | 4345.787.944 | 4362.575.160 | 4379.362.376 | 4396.149.592 | 4412.936.808 | 4429.724.024 | 4446.511.240 | 4463.298.456 | 4480.085.672 | 4496.872.888 | 4513.660.104 | 4530.447.320 | 4547.234.536 | 4564.021.752 | 4580.808.968 | 4597.596.184 | 4614.383.400 | 4631.170.616 | 4647.957.832 | 4664.745.048 | 4681.532.264 | 4698.319.480 | 4715.106.696 | 4731.893.912 | 4748.681.128 | 4765.468.344 | 4782.255.560 | 4799.042.776 | 4815.829.992 | 4832.617.208 | 4849.404.424 | 4866.191.640 | 4882.978.856 | 4899.766.072 | 4916.553.288 | 4933.340.504 | 4950.127.720 | 4966.914.936 | 4983.702.152 | 5000.489.368 | 5017.276.584 | 5034.063.800 | 5050.851.016 | 5067.638.232 | 5084.425.448 | 5101.212.664 | 5118.000.880 | 5134.787.096 | 5151.574.312 | 5168.361.528 | 5185.148.744 | 5201.935.960 | 5218.723.176 | 5235.510.392 | 5252.297.608 | 5269.084.824 | 5285.872.040 | 5302.659.256 | 5319.446.472 | 5336.233.688 | 5353.020.904 | 5369.808.120 | 5386.595.336 | 5403.382.552 | 5420.169.768 | 5436.956.984 | 5453.744.200 | 5470.531.416 | 5487.318.632 | 5504.105.848 | 5520.893.064 | 5537.680.280 | 5554.467.496 | 5571.254.712 | 5588.041.928 | 5604.829.144 | 5621.616.360 | 5638.403.576 | 5655.190.792 | 5671.978.008 | 5688.765.224 | 5705.552.440 | 5722.339.656 | 5739.126.872 | 5755.914.088 | 5772.701.304 | 5789.488.520 | 5806.275.736 | 5823.062.952 | 5839.850.168 | 5856.637.384 | 5873.424.600 | 5890.211.816 | 5907.000.032 | 5923.787.248 | 5940.574.464 | 5957.361.680 | 5974.148.896 | 5990.936.112 | 6007.723.328 | 6024.510.544 | 6041.297.760 | 6058.084.976 | 6074.872.192 | 6091.659.408 | 6108.446.624 | 6125.233.840 | 6142.021.056 | 6158.808.272 | 6175.595.488 | 6192.382.704 | 6209.169.920 | 6225.957.136 | 6242.744.352 | 6259.531.568 | 6276.318.784 | 6293.106.000 | 6309.893.216 | 6326.680.432 | 6343.467.648 | 6360.254.864 | 6377.042.080 | 6393.829.296 | 6410.616.512 | 6427.403.728 | 6444.190.944 | 6460.978.160 | 6477.765.376 | 6494.552.592 | 6511.339.808 | 6528.127.024 | 6544.914.240 | 6561.701.456 | 6578.488.672 | 6595.275.888 | 6612.063.104 | 6628.850.320 | 6645.637.536 | 6662.424.752 | 6679.211.968 | 6696.000.184 | 6712.787.400 | 6729.574.616 | 6746.361.832 | 6763.149.048 | 6780.936.264 | 6797.723.480 | 6814.510.696 | 6831.297.912 | 6848.085.128 | 6864.872.344 | 6881.659.560 | 6898.446.776 | 6915.233.992 | 6932.021.208 | 6948.808.424 | 6965.595.640 | 6982.382.856 | 6999.170.072 | 7015.957.288 | 7032.744.504 | 7049.531.720 | 7066.318.936 | 7083.106.152 | 7099.893.368 | 7116.680.584 | 7133.467.800 | 7150.255.016 | 7167.042.232 | 7183.829.448 | 7200.616.664 | 7217.403.880 | 7234.191.096 | 7250.978.312 | 7267.765.528 | 7284.552.744 | 7301.339.960 | 7318.127.176 | 7334.914.392 | 7351.701.608 | 7368.488.824 | 7385.276.040 | 7402.063.256 | 7418.850.472 | 7435.637.688 | 7452.424.904 | 7469.212.120 | 7486.000.336 | 7502.787.552 | 7519.574.768 | 7536.361.984 | 7553.149.200 | 7570.936.416 | 7587.723.632 | 7604.510.848 | 7621.298.064 | 7638.085.280 | 7654.872.496 | 7671.659.712 | 7688.446.928 | 7705.234.144 | 7722.021.360 | 7738.808.576 | 7755.595.792 | 7772.383.008 | 7789.170.224 | 7805.957.440 | 7822.744.656 | 7839.531.872 | 7856.319.088 | 7873.106.304 | 7889.893.520 | 7906.680.736 | 7923.467.952 | 7940.255.168 | 7957.042.384 | 7973.829.600 | 7990.616.816 | 8007.403.032 | 8024.190.248 | 8040.977.464 | 8057.764.680 | 8074.551.896 | 8091.339.112 | 8108.126.328 | 8124.913.544 | 8141.700.760 | 8158.487.976 | 8175.275.192 | 8192.062.408 | 8208.849.624 | 8225.636.840 | 8242.424.056 | 8259.211.272 | 8276.000.488 | 8292.787.704 | 8309.574.920 | 8326.362.136 | 8343.149.352 | 8360.936.568 | 8377.723.784 | 8394.510.000 | 8411.297.216 | 8428.084.432 | 8444.871.648 | 8461.658.864 | 8478.446.080 | 8495.233.296 | 8512.020.512 | 8528.807.728 | 8545.594.944 | 8562.382.160 | 8579.169.376 | 8595.956.592 | 8612.743.808 | 8629.531.024 | 8646.318.240 | 8663.105.456 | 8679.892.672 | 8696.679.888 | 8713.467.104 | 8730.254.320 | 8747.041.536 | 8763.828.752 | 8780.615.968 | 8797.403.184 | 8814.190.400 | 8830.977.616 | 8847.764.832 | 8864.552.048 | 8881.339.264 | 8898.126.480 | 8914.913.696 | 8931.700.912 | 8948.488.128 | 8965.275.344 | 8982.062.560 | 8998.849.776 | 9015.637.000 | 9032.424.216 | 9049.211.432 | 9066.000.648 | 9082.787.864 | 9099.575.080 | 9116.362.296 | 9133.149.512 | 9149.936.728 | 9166.723.944 | 9183.511.160 | 9200.298.376 | 9217.085.592 | 9233.872.808 | 9250.659.024 | 9267.446.240 | 9284.233.456 | 9301.020.672 | 9317.807.888 | 9334.595.104 | 9351.382.320 | 9368.169.536 | 9384.956.752 | 9401.743.968 | 9418.531.184 | 9435.318.400 | 9452.105.616 | 9468.892.832 | 9485.679.048 | 9502.466.264 | 9519.253.480 | 9536.040.696 | 9552.827.912 | 9569.615.128 | 9586.402.344 | 9603.189.560 | 9620.976.776 | 9637.763.992 | 9654.551.208 | 9671.338.424 | 9688.125.640 | 9704.912.856 | 9721.700.072 | 9738.487.288 | 9755.274.504 | 9772.061.720 | 9788.848.936 | 9805.636.152 | 9822.423.368 | 9839.210.584 | 9856.000.800 | 9872.787.016 | 9889.574.232 | 9906.361.448 | 9923.148.664 | 9939.935.880 | 9956.723.096 | 9973.510.312 | 9990.297.528 | 10007.084.744 | 10023.871.960 | 10040.659.176 | 10057.446.392 | 10074.233.608 | 10091.020.824 | 10107.808.040 | 10124.595.256 | 10141.382.472 | 10158.169.688 | 10174.956.904 | 10191.744.120 | 10208.531.336 | 10225.318.552 | 10242.105.768 | 10258.892.984 | 10275.680.200 | 10292.467.416 | 10309.254.632 | 10326.041.848 | 10342.829.064 | 10359.616.280 | 10376.403.496 | 10393.190.712 | 10409.977.928 | 10426.765.144 | 10443.552.360 | 10460.339.576 | 10477.126.792 | 10493.914.008 | 10510.701.224 | 10527.488.440 | 10544.275.656 | 10561.062.872 | 10577.849.088 | 10594.636.304 | 10611.423.520 | 10628.210.736 | 10645.000.952 | 10661.787.168 | 10678.574.384 | 10695.361.600 | 10712.148.816 | 10728.936.032 | 10745.723.248 | 10762.510.464 | 10779.297.680 | 10796.084.896 | 10812.872.112 | 10829.659.328 | 10846.446.544 | 10863.233.760 | 10880.020.976 | 10896.808.192 | 10913.595.408 | 10930.382.624 | 10947.169.840 | 10963.957.056 | 10980.744.272 | 10997.531.488 | 11014.318.704 | 11031.105.920 | 11047.893.136 | 11064.680.352 | 11081.467.568 | 11098.254.784 | 11115.041.000 | 11131.828.216 | 11148.615.432 | 11165.402.648 | 11182.189.864 | 11199.977.080 | 11216.764.296 | 11233.551.512 | 11250.338.728 | 11267.125.944 | 11283.913.160 | 11300.700.376 | 11317.487.592 | 11334.274.808 | 11351.062.024 | 11367.849.240 | 11384.636.456 | 11401.423.672 | 11418.210.888 | 11435.000.104 | 11451.787.320 | 11468.574.536 | 11485.361.752 | 11502.148.968 | 11518.936.184 | 11535.723.400 | 11552.510.616 | 11569.297.832 | 11586.084.048 | 11602.871.264 | 11619.658.480 | 11636.445.696 | 11653.232.912 | 11670.020.128 | 11686.807.344 | 11703.594.560 | 11720.381.776 | 11737.169.000 | 11753.956.216 | 11770.743.432 | 11787.530.648 | 11804.317.864 | 11821.105.080 | 11837.892.296 | 11854.679.512 | 11871.466.728 | 11888.253.944 | 11905.041.160 | 11921.828.376 | 11938.615.592 | 11955.402.808 | 11972.189.024 | 11988.976.240 | 12005.763.456 | 12022 |
|-----------|------------|------------|------------|------------|------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|-------|

illa
ci,
cit
pon
in q
bes
anc
t in
loru

M
ut
dire
ilac
nou
elepl
lis, p
as cal
spaci
D.
tere r
quem
libet
nes, p

illum propositum 3657 in latere Scacchiæ abaci, quia eius indices sunt 0, 3, 6, 9, 10, 11 hoc est a, d, g, k, l, m. ideo in latere γ δ vel Π χ ponendi sunt calculi iuxta areolas quadratas in quibus sunt literæ a, d, g, k, l, m. & iam habes collocatum numerum propositum. Iamq; ante multiplicationem & diuisionem notentur istæ ex Nepero definitiones motus calculorum per areolas quadratas.

Multiplicatio in abaco.

Multiplicationem in abaco Scacchiæ absoluit Neperus per motum duplicem. Primus est directus qui fit à latere ad latus ad æquidistantiam reliquorum laterum: vt si calculus moueatur ex d in γ , vel ex g in ζ : isq; motus elephantinus dicitur. Secundus est diagonalis, præsertim inter similes notas; vt si moueas calculum ex i dextro in i sinistrum per alba spacia, isq; motus sagittiferi vocatur.

Disponit igitur multiplicantem in vno latere multiplicandum in altero, calculumq; quemlibet multiplicantis cõparans cum quolibet multiplicandi calculo, angulos communes per vtriusq; motum directum inquirat,

O 4

moxq;

moxq; ab angulo communi per motum diagonalem multiplicationis productum exhibet. Vt si multiplicandus sit numerus 64 cuius nota g, in 8 cuius nota d; per directum utriusq; motum habetur angulus communis notatus signo ω in nigris spaciolis, à quo per motum diagonalem inter similes notas k & k mox habetur productum 512.

Quoties in multiplicando atq; multiplicante plures calculi reperiuntur, singuli calculi multiplicantis cum singulis multiplicandi comparantur eo modo qui iam expositus est, ad inveniendos angulos communes, atq; hinc per motum diagonalem producta habentur. Deinde abbreviatio multi calculi ad pauciores saepe contrahuntur arte superius exposita. Sed hec ex ea multiplicatione quæ fit per indices facta comparatione facile intelliges, si additionem commutes in motus per abacum Scacchiæ, quod diligenter intuenti perspicuum erit.

Multiplicatio per indices.

Singul

Singulos multiplicantis indices adde omnibus multiplicandi indicibus, aggregata enim monstrabunt indices producti multipli, qui si opus sit abbreviandi sunt: Vt multiplicandus sit numerus 34603008 per numerum 8912896. Multiplicandi numeri 34603008 indices sunt 20, 25. Multiplicantis 8912896 sunt 19, 23. Itaq; exemplum multiplicationis per indices sic erit

| | | |
|-------|----|----------------|
| 20 . | 25 | Multiplicandus |
| 19 . | 23 | Multiplicans |
| <hr/> | | |
| 39 | 44 | |
| | 43 | 48 |

Hic primo 19 addo ad 20, fiunt 39, deinde eadem 19 ad 25 fiunt 44. postea 23 ad 20 ad 25 & fiunt 43, 48. Dico igitur indices producti esse 39, 43, 44, 48. addanturq; eorum valores sumpti ex tabula præmissa

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 1 | 1 | 2 | 3 | 2 | 2 | 3 | 2 | 1 | 1 | 2 | 1 | 2 | | | |
| 2 | 8 | 1 | 4 | 7 | 4 | 9 | 7 | 6 | 7 | 1 | 0 | 6 | 5 | 6 | 48 |
| | 1 | 7 | 5 | 9 | 2 | 1 | 8 | 6 | 0 | 4 | 4 | 4 | 1 | 6 | 44 |
| | 8 | 7 | 9 | 6 | 0 | 9 | 3 | 0 | 2 | 2 | 2 | 0 | 8 | | 43 |
| | | 5 | 4 | 9 | 7 | 5 | 5 | 8 | 1 | 3 | 8 | 8 | 8 | | 39 |
| <hr/> | | | | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 0 | 8 | 4 | 1 | 3 | 0 | 1 | 1 | 5 | 9 | 1 | 1 | 6 | 8 | |

O 5

Nume-

Numerus ergo 308413011591168 produci-
tux multiplicatione 24603008 per 8912896.
In his indicibus nulla est abbreviatio indicū:
in aliis frequens.

Diuisio in abaco Scacchia.

Qui in abaco Scacchia multiplicationē in-
tellexit, facile & diuisionem intelliget. Diui-
dendus enim signatur in vno margine, diuisor
autem in alio: moxq; maximus calculus diui-
dendi motu sagittiferi occurrit, maximo calcu-
lo diuisoris per motum elephantinum proce-
denti, atq; ab angulo communi in linea diui-
sori vndiq; parallela ponitur series calculorū,
eregione calculorum diuisoris, quæ series se-
gmentum dicitur: congruum si fuerit minus
diuidendo. Si enim maius fuerit substituta se-
ries pro segmento congruo capienda est. Vt si
diuidendus sit numerus 64 notatus litera g, per
8 notatum litera d, pono calculum iuxta d in
margine γ & deinde alium in margine γ ϕ
iuxta g. Iam ex g motu sagittiferi, & ex d mo-
tu elephantino procedo, angulus communis
cadit in areolam puncto signatam lineæ d γ ,
& in hac linea pono super dictam areolam
calcu-

calculus vnus, quia vnus diuisoris calculus est. Dico iam inuentum esse segmentum congruum quod sublatum à diuidendo nihil relinquit. Quotiens vero habetur si à dicta areola procedas motu elephantino in latus oppositum. Estq; d, hoc est 8.

Alia exempla colliges ex sequentibus exemplis, si motus substituas pro additione aut subtractione indicum.

Diuisio per indices.

Ponantur indices diuidendi atq; diuisoris ordine suo; deinde maximus diuisoris subtrahatur à maximo diuidendi, residuum intra lunulam scribatur. Hoc residuum additum singulis indicibus diuisoris dabit segmentum, congruum si possit subtrahi: alioquin minus assumendum erit residuum, hoc est multatum vnitatem aut alio numero. Magnus hic vñs perspicietur extensionis, quæ iam non erit difficilis si superiora rectè intellexisti. Exemplo res fiet clarior.

Diuidendus sit numerus 308413011591168
per 89 12896. Diuidendi indices sunt 39. 43.
44. 48. Diuisoris 19. 23. Pono sic

39. 43.

$$\begin{array}{r} 39 \cdot 43 \cdot 44 \cdot 48 \\ 19 \quad 23 \end{array} \quad (25)$$

$$\underline{44 \cdot 48}$$

Hic maximum diuisoris indicem 23 subtrahō à maximo diuidendi 48, & manent 25, deinde eadem addo singulis indicibus diuisoris, 25 ad 23 sunt 48, 25 ad 19 sunt 44. Et habeo pro segmento cōgruo 44. 48. quæ tollunt superiores, manent adhuc 39. 43. quæ pono sic

$$\begin{array}{r} 39 \cdot 43 \\ 19 \quad 23 \end{array} \quad (20)$$

$$\underline{36 \cdot 43}$$

Rursusq; maximum diuisoris 23 subtrahō à maximo diuidendi 43, manent 20. Hæc addita diuisori dant 39. 43. pro segmento congruo, quod sublatum à superioribus nihil relinquit. Dico igitur quotientis indices esse 20. 23. è quorum valoribus mox habetur quotientis

$$\begin{array}{r} 1048576 \mid 20 \\ 32554432 \mid 25 \end{array}$$

$$\underline{34603008}$$

Quotiens.

In aliis exemplis extensione opus est.
vt in sequenti.

Aliud

Aliud exemplum.

Sint diuidentia 7 2 8424 per 1206. Diuidenti indices sunt 3. 5. 6. 8. 10. 11. 12. 16. 17. 19.

Diuisoris 1. 2. 4. 5. 7. 10.

Pono primum Diuidenti ac Diuisoris indices sic :

3. 5. 6. 8. 10. 11. 12. 16. 17. 19.

1. 2. 4. 5. 7. 10 (9

10. 11. 13. 14. 16. 19

Hic maximum diuisoris indicem .0 subtrahō à 19 maximo diuidenti, manentq; 9 collocaāda intra lunulam, pro indice maximo quotientis, deinde eundem indicem addo singulis indicibus diuisoris & proueniunt 9. 16. 14. 13. 11. 10. quæ à superioribus diuidenti subtrahenda sunt. Iamq; hic extensione opus est. Itaq; pro 17 pono bis 16. 16. atq; rursus pro vno 16, pono bis 15. 15. pro vno 15 pono 14. 14. Factaq; subtractione secundum præcepta superius exposita manent 3. 5. 6. 8. 12. 13. 15 16. iterumq; pono diuidendum, & maximum diuisoris à maximo diuidenti subtrahō, manent 6 in quotiente ponenda, cum quibus iuxta regulam segmentum congruum quero.

3. 5. 6.

Aliud

$$\begin{array}{r}
 3. 5. 6. 8. 12. 13. 15. 16. \\
 1. 2. 4. 5. 7. 10. \quad (6 \\
 \hline
 7. 8. 10. 11. 13. 16.
 \end{array}$$

Facta subtractione secundum regulam manent 3. 5. 6. 7. 8. 9. 15. Iterum igitur diuidendum residuum pono cum diuifore sic

$$\begin{array}{r}
 3. 5. 6. 7. 8. 9. 15. \\
 1. 5. 4. 5. 7. 10. \quad (6 \\
 \hline
 6. 7. 9. 10. 12. 15
 \end{array}$$

Subtrahoque decem à 15, manent hæc addita fingulis indicibus diuiforis dant 6. 7. 9. 10. 12. 15. pro segmento, verum nō est congruum quia non potest subtrahi. manifestum enim est 15 quidem à 15 posse tolli: at 12 & 10 non possunt tolli: nam 9 resolui possunt in minores hoc est 8, 8, at in maiores nequaquam; proinde index 5 in quotiente positus delendus est, ponatur autem 4 pro indice. per quem queratur segmentum congruum. eritque 5. 6. 8. 9. 11. 14. quod subtractum à 3. 5. 6. 7. 8. 9. 15. relinquit 3. 7. 11. 12. 13. Taliq; operatione repetita reperientur adhuc indices quotientis 3, & 2, atq; post hunc ad regulam adhibitum iam nihil manet. Dico igitur quotientem habere istos indices 9. 6. 4. 3. 2. ex quorum valoribus

bus conflatur verus quotiens 604. Hoc exemplum latius exposui, quod si bene consideres reliqua non erunt difficilia. Atq; idem potest facile in abaco Scacchiz absolui, si, quod iam sæpe monuimus, pro additione atq; subtractione motus conuenienter substituas Suntq; hæc exempla numerorum exactè diuiduorum. Sæpe vero hinc fractiones exoriuntur de quibus in Arithmetica partium dicetur.

De Radice quadrata per indices.

In tabula numerorum cum suis indicibus numeri qui habent parem numerum indicis quadrati sunt, quemadmodum & illi qui à ternario diuisibiles sunt, cubi sunt: itaq; valores indicum 2. 4. 6. 8. 40. 44. quadrati sunt. itemq; valores indicum 3. 6. 9. 12. cubi. Sed de quadratis tantum dicemus. Quotiescunq; igitur alicuius numeri cuius radix quadrata sit inuestiganda indices dantur maximus index par qui haberi potest in dato numero vocetur Caput Gnomonum. Gnomon autem hoc loco vocetur series indicum quæ adiecta calculo aut quadrato producit maius quadratum. Suntq; isti Gnomones ex Erathostenis cribro

impa-

imparium vt si 1 pro quadrato sumas, sequens
 impar 3 eidē adiectus efficiet 4 quadra- ○ ○
 tum sequens, deinde 5 sequens impar di- ○ ○
 spositus sic: ○

○
 ○ ○ ○

Circumiectus superiori quadrato efficiet
 quadratum sequens 9.

○ ○ ○
 ○ ○ ○
 ○ ○ ○

Sic quadrato huic si sequentem gnomonem 7

○ ○ ○ ○
 adiicias, efficiet quadratum sequens, vt hic:

○ ○ ○ ○
 ○ ○ ○ ○
 ○ ○ ○ ○
 ○ ○ ○ ○

Et ita semper deinceps crescit minus quadratum in maius, gnomonum adiectione.

Gnomon igitur quam maximus suis indicibus

cibus numero impari expressus, qui à dato numero, cuius latus quadratum quæritur, subtrahi potest, dicitur congruus gnomon.

Sed hæc melius exemplo cognoscuntur unde iam quivis sibi præceptum formabit. Sit numerus 2209 cuius radix quadrata quæritur. Indices huius sunt 0. 5. 7. 11. Maximus par index 10, dicitur caput gnomonum, potest enim tolli. capita vero seu vertices gnomonum pari semper numero scribuntur. Itaque decem subtracta ex 0. 5. 7. 11. relinquunt 0. 5. 7. 10. pone igitur rursus caput gnomonum atque sub eo notam parem sequentem infra. quia vero unum est caput gnomonum, in Eratosthenis autem cribro sequitur nota impar 3. ideo congruum gnomonem formabis secundum eundem numerum.

0. 5. 7. 10 Residuum

| | | |
|---|----|---|
| | 10 | |
| 9 | 8 | 9 |

Hic sub 10 capite gnomonum pono inferiore parem 8. pro vertice sequentis gnomonis, & quot binariis 8 distant a 10 capite gnomonum, tot unitates adiiciantur, ut collaterales indices gnomonis habeantur, sunt igitur

P

tur 9

tur 9. 8. 9. seu quod idem est 8. 10. At hi indices non possunt subtrahi à residuo 0. 5. 7. 10. Delendus ergo est gnomon 9. 8. 9. atq; par inferior 6, ponatur pro vertice gnomonis: quia vero is distat duobus binariis à capite gnomonum, ideo ad collaterales habendos duas unitates adicio vertici gnomonis 6, estq; gnomon congruus 8. 6. 8. seu quod idem est 6. 9. ut hic

$$\begin{array}{c|c|c} 8 & 10 & 8 \\ & 6 & \\ \hline \end{array}$$

Iamq; isto gnomone subtracto à residuo 0. 5. 7. 10. manebit residuum 0. 5. 6. 9. quod deinde pono sic

0. 5. 6. 9. Residuum.

$$\begin{array}{c|c|c} 8 & 10 & \\ & 6 & 8 \\ \hline 7. 5 & 4 & 5. 7 \end{array}$$

Iam nunc accipio inferiorem parem pro vertice gnomonis, & quia imparem 3 sequitur impar 5. ideo 5 indices quero. sic: 4 vertex præsentis gnomonis distat à 6 vnico binario, ergo ad 4 addo 1 vtrinq; ut 5 ponantur ab vtraq; parte. Deinde 4 à 10 capite gnomonum distat tribus binariis, ergo tres unitates iisdem 4 circum-

circumicio, vt habeantur laterales 7. 7. vt ibi
vides. Est igitur gnomon indicum quinq; is
7. 5. 4. 5. 7. hoc est 4. 6. 8. quæ subtracta à re-
siduo 0. 5. 6. 9. relinquent 0. 4. 8. Hæc ad-
huc sic dispono

| 0. 4. 8. Residuum | |
|-------------------|----------|
| 8 | 10 |
| 7. 5 | 6 |
| 6. 4. 3. | 4 |
| | 2 |
| | 5. 7 |
| | 3. 4. 6. |

Hic adhuc inferiorem parem 2 assumpsi
atq; gnomonē septem indicum 6. 4. 3. 2. 3. 4. 6.
formaui eadem arte qua prius. circumiciens
de vtrinq; vertici gnomonis tot vnitates, quot
binariis datus vertex distat ab antecedentibus
verticibus, atq; etiam capite gnomonum. se-
ptem vero isti indices contracti sunt 2. 4. 5. 7.
At hi subtracti a residuo 0. 4. 8. relinquent 0.

2. 3. 4. 6. quæ rursus pono sic:

| 0. 2. 3. 4. 6. | |
|----------------|-------------|
| 8 | 10 |
| 7. 5 | 6 |
| 6. 4. 3 | 4 |
| 5. 3. 2. 1 | 2 |
| | 0 |
| | 5. 7 |
| | 3. 4. 6. |
| | 1. 2. 3. 5. |

P. 2

Hic

Hic quia nullus par inferior est binario ideo
 o posui pro vertice gnomonis, atq; arte iam
 exposita circumiicio indices vt sit gnomon
 congruus nouem indicum 5. 3. 2. 1. 0. 1. 2. 3. 5.
 Vtq; hic compendium habeas vide verticem
 o presentis gnomonis cum vertice proximè
 præcedentis gnomonis 2, atq; serie indicum
 dextra eiusdem 3. 4. 6. æquari omnibus indi-
 cibus 5. 3. 2. 1. 0. 1. 2. 3. 5. gnomonis præsen-
 tis. Quod magis patebit, si contrahas eosdem
 arte superius exposita: prodibunt enim 0. 2.
 3. 4. 6. quæ subtracta à residuo iam omnes
 tollunt indices, vt nullus maneat. Vt igitur
 radicis indices habeas, considera totam di-
 spositionem gnomonum.

| | | | | |
|--|----|----|----|------------|
| | | | 10 | |
| | 8. | | 6 | 8 |
| | 7. | 5. | 4 | 5. 7. |
| | 6. | 4. | 3 | 2 |
| | 5. | 3. | 2. | 1. |
| | 0. | 1. | 0 | 1. 2. 3. 5 |

Ex ea; desume caput Gnomonum 10, cum
 verticibus sequentium Gnomonum 6. 4. 2. 0
 qui sunt inter lineas, Horum enim dimidia
 monstrabunt indices radicis quadratæ, vt 10
 dimidium est 5. 6 dimidium 3. 4 dimidium 2.
 2 dimidium 1. 0 dimidium 0. Dico igitur 5.

3. 2. 1. 0.

3. 2. 7. 0. esse indices radices quadratæ dati numeri 2209. Valores autem illorum ex tabula præmissa 32. 8. 4. 2. 1 simul collecti dant 47. Paruum hoc exemplum assumpsi: ad rem breuiter explicandam: & in vastioribus exemplis ars exposita iam sufficiet. Quanto autem vastiores fuerint numeri, tanto magis tibi placebit ista, vt sic dicam, Logarithmorum quædam species.

CAPVT XVI.

De Virgulis.

Varios iam numerandi modos exposuimus, adhuc tamen è Ioānis Neperi Rabbologia, virgulas proponemus, ad promptè multiplicandum atq; diuidendum valde commodas. Fabrica earum hæc est. Parentur virgulæ decem quadratæ, ex materia solida, vt argento, ære, ebore, vel buxo. Longitudo sit trium digitorum plus minus. Latitudo sit decima pars longitudinis. Altitudo latitudini æquetur. sic autem fiant, vt quomodocunque iunctæ veluti planam tabulam faciant. Cuiuslibet autem virgulæ quatuor erunt facies. Pri-

ma facies superior quæ ob oculos ponitur Secunda dextra, Tertia inferior quæ terram spectat: Quarta sinistra.



Diuisio cuiuslibet faciei fiat in decem æquales partes, ita tamen vt nouem integræ partes intermedix sint, decimæ vero partis dimidium superius pro superiore, & reliquum dimidium inferius pro inferiore margine constituatur. Per singula diuisionû puncta ducantur rectæ lineæ quæ distribuent singulas virgularum facies in nouem quadratas areolas, præter margines. Singulæ deinde quadratæ areolæ bisecentur ductis diagoniis à sinistro & inferiore angulo ad superiorem & dextrum, vt hic vides

Inscriptio numerorum facilis erit, si obserues diligenter primò, figuram primam in primo quadrato esse aliquam ex alphabeto Arithmetico 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. & dicitur simplum. In secundo deinde quadrato eiusdem figuræ primæ duplum: in tertio tri-

tio triplum: in quarto quadruplum, & sic deinde reliqua multipla usque ad noncuplum. Existis vero multis, si quod vnica figura constet, collocatur in dextra parte sue areolæ: si vero duabus, dextra dextrorsum, & læua læuorsum scribitur.

Secundò obserua cuiuslibet virgulæ primæ faciem opponi tertiæ, secundam quartæ: Simpla quoque earundem non solum sic opponuntur, ut alterum sit in superiore, alterum in inferiore facie: vel alterum in dextra, alterum in sinistra facie. Sed & alterum in capite, alterum in calce virgulæ: atque horum duorum oppositorum simplorum aggregatum, semper constituit nouem. Hisque iam obseruatis particularem fac inscriptionem, sic ut Neperus docet.

In superiore & dextra parte cuiusque areolæ primæ faciei, primæ, secundæ, tertiæ, & quartæ virgularum scribatur cyphra O, & inuersis iisdem virgulis (ut sit singularum caput, quod pridem calx, & supra, quod pridem infra) inscribatur in singulis nouenarius cum suis multiplis, videlicet 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72, 81: modo supradicto.

Deinde simili modo in secunda facie pri-

P 4

mæ vir-

4^a Facies primæ virgulæ 4^a Facies secundæ virgulæ

O 1

O 2

| | | | |
|---|---|----|----|
| | | | |
| 0 | 1 | 2 | 3 |
| 0 | 2 | 4 | 6 |
| 0 | 3 | 6 | 9 |
| 0 | 4 | 8 | 12 |
| 0 | 5 | 10 | 15 |
| 0 | 6 | 12 | 18 |
| 0 | 7 | 14 | 21 |
| 0 | 8 | 16 | 24 |
| 0 | 9 | 18 | 27 |

6 8

| | | | |
|---|----|----|----|
| | | | |
| 0 | 2 | 4 | 6 |
| 0 | 4 | 8 | 12 |
| 0 | 6 | 12 | 18 |
| 0 | 8 | 16 | 24 |
| 0 | 10 | 20 | 30 |
| 0 | 12 | 24 | 36 |
| 0 | 14 | 28 | 42 |
| 0 | 16 | 32 | 48 |
| 0 | 18 | 36 | 54 |

6 4

ma virgulæ, & prima facie quintæ, sextæ, & septimæ virgularum, inscribatur vnitas cum suis multiplis: videlicet 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, ordine descendencia: & inuersis eisdem virgulis, inscribatur in singulis octonarius cum suis multiplis, scilicet 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, 64, 72.

Tertiò in secunda facie secundæ & quintæ virgularum, & prima facie octauæ, & nonæ

sculpa-

scul
2, 4
virg
suis
49.
D
octa
sculp

Caput XVI.

233

4^a Facies tertiæ virgulæ 4^a Facies quartæ virgulæ

0 3

0 4

| | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 3 | 1 | 8 | 7 | 5 |
| 0 | 6 | 2 | 8 | 7 | 4 |
| 0 | 9 | 3 | 6 | 2 | 4 |
| 0 | 1 | 2 | 5 | 4 | 3 |
| 0 | 1 | 5 | 4 | 0 | 3 |
| 0 | 1 | 8 | 3 | 4 | 2 |
| 0 | 2 | 1 | 7 | 8 | 1 |
| 0 | 2 | 4 | 8 | 1 | 1 |
| 0 | 2 | 7 | 6 | 9 | |

6 9

| | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 4 | 1 | 8 | 5 | 4 |
| 0 | 8 | 2 | 0 | 4 | |
| 0 | 1 | 2 | 3 | 5 | 3 |
| 0 | 1 | 6 | 5 | 0 | 3 |
| 0 | 2 | 0 | 5 | 4 | 2 |
| 0 | 2 | 4 | 9 | 0 | 2 |
| 0 | 2 | 8 | 7 | 5 | 1 |
| 0 | 3 | 2 | 8 | 1 | 1 |
| 0 | 3 | 6 | 6 | 5 | |

6 5

sculpatur binarius cum suis multiplis, scilicet 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, & inuersis eisdem virgulis, inscribatur in singulis septenarius cum suis multiplis, videlicet 7, 14, 21, 28, 35, 42, 49, 56, 63.

Deinde in secundis faciebus tertiæ, sextæ, & octauæ virgularum, & in prima facie decimæ, sculpatur ternarius eiusque multipla: scilicet

3 6 9

3, 6, 9,

4^r Facies quintæ virgulæ 4^r Facies sextæ regulæ

1 2

| | | | |
|---|----|----|----|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 2 | 4 | 6 | 8 |
| 3 | 6 | 9 | 12 |
| 4 | 8 | 12 | 16 |
| 5 | 10 | 15 | 20 |
| 6 | 12 | 18 | 24 |
| 7 | 14 | 21 | 28 |
| 8 | 16 | 24 | 32 |
| 9 | 18 | 27 | 36 |

8 4

1 3

| | | | |
|---|----|----|----|
| 1 | 3 | 6 | 9 |
| 2 | 6 | 12 | 18 |
| 3 | 9 | 18 | 27 |
| 4 | 12 | 24 | 36 |
| 5 | 15 | 30 | 45 |
| 6 | 18 | 36 | 54 |
| 7 | 21 | 42 | 63 |
| 8 | 24 | 48 | 72 |
| 9 | 27 | 54 | 81 |

8 9

3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, & inuersis eisdem, scribatur in singulis tenarius, & multipla eius, videlicet 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54.

Deniq; in secundis faciebus quartæ, septimæ, nonæ, & decimæ virgularum inscribatur quaternarius, cum suis multiplis, videlicet 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32, 36: & eisdem inuersis inscribatur quaternarius cum suis multiplis, vide-

licet

Caput XVI.

235

4^a Facies septimæ virgulæ 4^a Facies octavæ virgulæ

1 4

2 3

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 4 | 7 | 5 |
| 2 | 8 | 9 | 4 |
| 3 | 1 | 2 | 5 |
| 4 | 1 | 6 | 0 |
| 5 | 2 | 0 | 4 |
| 6 | 2 | 4 | 3 |
| 7 | 2 | 8 | 2 |
| 8 | 3 | 2 | 1 |
| 9 | 3 | 6 | 0 |
| 0 | 3 | 6 | 5 |

8 5

| | | | |
|---|---|---|---|
| 2 | 3 | 5 | 4 |
| 4 | 6 | 9 | 4 |
| 6 | 9 | 0 | 4 |
| 8 | 1 | 2 | 3 |
| 1 | 0 | 1 | 5 |
| 1 | 1 | 0 | 8 |
| 1 | 2 | 1 | 8 |
| 1 | 4 | 2 | 1 |
| 1 | 6 | 2 | 4 |
| 1 | 8 | 2 | 7 |
| 0 | 8 | 2 | 7 |

4 9

licet 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45. Hæc omnia facile intelliges, si hæc schemata consideres, in quibus decem virgularum facies evolutæ & explicatæ conspiciuntur.

Sic igitur inscriptæ virgulæ decem omnes numeros infra hunc IIII, quinque locorum (nullo excepto) expriment. Si vastiores numeros exprimere velis, alias decem confici-

to simi

4^a Facies nonæ virgulæ 4^a Facies decimæ virgulæ

2 4

| | | | | |
|----|----|----|-----|-----|
| | | | | |
| 2 | 4 | 8 | 16 | 32 |
| 4 | 8 | 16 | 32 | 64 |
| 6 | 12 | 24 | 48 | 96 |
| 8 | 16 | 32 | 64 | 128 |
| 10 | 20 | 40 | 80 | 160 |
| 12 | 24 | 48 | 96 | 192 |
| 14 | 28 | 56 | 112 | 224 |
| 16 | 32 | 64 | 128 | 256 |
| 18 | 36 | 72 | 144 | 288 |

4 8

3 4

| | | | | |
|----|----|-----|-----|-----|
| | | | | |
| 3 | 4 | 12 | 16 | 48 |
| 6 | 8 | 24 | 32 | 96 |
| 9 | 12 | 36 | 48 | 144 |
| 12 | 16 | 48 | 64 | 192 |
| 15 | 20 | 60 | 80 | 240 |
| 18 | 24 | 72 | 96 | 288 |
| 21 | 28 | 84 | 112 | 336 |
| 24 | 32 | 96 | 128 | 384 |
| 27 | 36 | 108 | 144 | 432 |

9 3

to similes his. vt habeas 20, aut 30, aut 40 virgulas. Vt vero facilius virgulas quibus indices ex toto cumulo seligas, numerum simplicem qui est in prima areola cuiuslibet faciei, in summo vertice sculpito. Atq; hæc est fabrica.

De numerorum ad virgulas applicatione, & contra. *Propositio 1. Neperi*

Oblatum numerum cum suis multiplicis ordine in tabulam redigere

Propo-

Proponatur annus 1620 in tabulam debite cum suis multiplis collocandus. Ex toto cumulo accipe quatuor virgulas, quarum una habeat in vertice unitatem supra scriptam alia senarium, tertia binarium, quarta c: & positis ob oculos earundem figurarum faciebus videbis, in primis areolis quatuor virgularum simplum numerum oblatum in secundis areolis duplum, in tertiis areolis seu tertio linearum intervallo triplum, in quarto quadruplum, in quinto quintuplum: & ita deinceps ad noncuplum quod in nono interstitio linearum inuenies.

Propositio II. Neperi.

In tabulatis singula loca singulis diagonis distinguuntur. Unde duæ notæ eiusdem rhomboidis sunt eiusdem loci; atq; ideo addendæ.

Vt tabulato anno domini 1620 in summo intervallo tabulæ (per primam huius) in secundo se sponte offert eiusdem anni duplum in quatuor locis: videlicet in primo eiusdem rhomboide 2 & 1 (quibus additis fiunt 3) & in secundo rhomboide 2, in tertio 4. Deniq; in fine 0. Unde pro integro duplo dicti anni exurgit 3240.

Propo-

Propositio III. Noperi.

Quando summa presentis loci maior est nouenario, tum minuta denario, quando minor, integra reseruetur: nouenarii enim 17 suis valor sequente propositione innotescet.

Exempli gratia, redigatur 166702498 in tabulam (per primam huius) & in noni intervalli primo rhomboide à leua offendes 9 & 5 , quorum summa est 14 : ablato igitur denario, reseruetur in animo quaternarius pro primo exemplo. Sic in septimo rhomboide septimi intervalli, pro secundo exemplo reperies 8 & 6 , quorum summa est 14 : reiectis ergo decem reseruentur quatuor. Atq; hæc maiorum locorum exempla fuerunt: sequuntur minorum: In primo itaq; rhomboide tertii intervalli, inveniuntur minora nouenario 3 & 1 , pro tertio exemplo, quorum summa 4 animo reseruetur. Sic in primo seu finistimo, loco vacuo sexti intervalli, stat nihil: nihil igitur animo reseruetur pro quarto exemplo. Item in sexto rhomboide secundi intervalli stat quaternarius (minor nouenario) reseruetur ergo quaternarius pro quinto exemplo. Denique
in quinqu

in quinto rhomboide quarti interualli, stat
cyphra seu nihil: nihil ergo manet referuan-
dum pro sexto exemplo. Sic de cæteris.

Propositio IV. Neperi.

Quando dextrorsum à loco reſeruate ſum-
ma rhomboides maior nouenario prius occur-
rit quam minor; ſumma reſeruata, unitate
auclta, integra tranſcribatur (cum cyphri pro
ſingulis nouenariis intermediis, ſi qui ſint)
quando autem non, cum ſuis nouenariis, ſine
augmento.

Vt in primo RHOMBOIDE noui interual-
li ſuperius reſeruabatur quaternarius pro pri-
mo exemplo, poſt cuius rhomboidem ſequi-
tur dextrorſum rhomboides maior nouena-
rio, ſcilicet 4 & 6, (quæ ſunt 10) pro quater-
nario ergo reſeruato, tranſcribendus eſt qui-
narius. Item in primo rhomboide terti in-
terualli, pro tertio exemplo reſeruabatur 4,
poſt cuius rhomboidem (præter nouenariū)
ſuccedit dextrorſum rhomboides maior no-
uenario, conſtans notis 8 & 2: tranſcribenda
igitur ſunt pro eo & ſuo nouenario 50. Sic in
ſiniſtimo loco vacuo ſexti interualli in quar-
to exem-

to exemplo referuabatur nihil in animò: & dextrorsum ab huius loco, (præter duos nouenarios) successit rhomboides nouenario maior, 6 & 4 seu 10: augendum ergo erit nihilum vnitate, & pro nihilo cum duabus cyphris, transcribenda erunt 100. Item superius in septimo rhomboide septimi interualli, referuabatur quaternarius pro secundo exemplo; quem sequebatur immediatè dextrorsum rhomboides non maior nouenario, scilicet 3 & 5, quæ sunt 8: integer ergo quaternarius est sine augmento transcribendus. Item in sexto rhomboide secundi interualli referuatus est superius in quinto exemplo quaternarius, & hūc rhomboidem sequebatur (præter duos nouenarios) senarius (nouenario scilicet haud maior) integer ergo & sine augmento transcribatur quaternarius cum suis binis nouenariis sic, 499. Deniq; in quinto rhomboide quarti interualli, referuabatur nihil pro sexto exemplo, cuius rhomboidem sequebatur (præter tres nouenarios) binarius. qui (cum nouenarium non excedat) referuatum nihilum cum suis tribus nouenariis absq; augmento scribendū esse arguit, hoc modo 0999 & sic de reliquis.

Propositio V. Neperi.

Oblati simpli optatum multipulum infra decuplum inuenire, & transcribere.

Cum doceat Prop. 3. quando notæ tabulæ sunt minuendæ denario, & quando non: & a Prop. ostendat quando augendæ sunt unitate, & quando non. nec alia habent tabulæ à transcribendis discrimina; facile est, è notis tabulatis transcribendas colligere, vel sola exemplorum sequentium imitatione. Primi ergo exempli anni Domini 1620 sunt multiplica transcribenda. In primo interuallo (per primam huius, locentur 1620 quæ simplum sunt; in secundo se offerunt 2 & 1, 2, 4, 0 quæ sunt 3240 pro dicti anni duplo; in tertio 3, & 1, 8, 6, 0, quæ sunt 4860 pro triplo eiusdem; in quarto 4 & 2, 4, 8, 0: ea sunt 6480 pro quadruplo; in quinto 5 & 3, 0 & 1, 0, 0 quæ sunt 8100 pro quintuplo: in sexto 6 & 3, 6 & 1, 2, 0, quæ sunt 9720 pro sextuplo: in septimo 7 & 4, 2 & 1, 4, 0, quæ sunt 11340 pro septuplo: in octauo interstitio 8 & 4, 8 & 1, 6, 0, quæ sunt 12960 pro dati anni octuplo: in nono tandè interstitio sunt 9 & 5, 4 & 1, 8, 0, quæ

quæ sunt 14580 pro dicti anni nōcuplo. Similiter secundi exempli tabulati stabit in primo seu summo tabulæ interuallo ipsum simplum 166702498. Quod in secundo duplum est, & sic legitur & transcribitur 333404996. Et tertio triplum sic transcribitur 500107494. E quarto quadruplum sic transcribitur 666809992. E quinto quintuplum dati numeri sic transcribitur 833512490. E sexto interuallo sextuplum ejusdem sic transcribitur 1000214988. E septimo septuplum ejusdem sic legitur & transcribitur 1166917486. Ex octauo sic transcribendum est octuplum oblatis numeri, 1333619984. Deniq; propofiti numeri noncuplum è nono interuallo sic transcribitur 1500322482. Quæ & similia omnia breui exercitio disces tam antrosum legere, & trāscribere; nec vlla nisi in multipolorum lectione & trāscriptione occurrit in hac Virgulari Arithmetica difficultas.

Atq; hæc de Virgularum vsu ex Nepero produximus: in quo nihil nobis vendicamus, omninoq; tale præmium inuētori ingeniosissimo tribuimus, quale Thales Philosophus à Priēnensi exoptauerat. Vlum huius doctrinæ facile

cile assequeris, in multiplicationibus atq; diuisionibus, si ea quæ nos scripsimus foliis 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, itemq; foliis 91, 92, 93, 94, rectè intellexisti. Tabulas enim ex multiplicando atq; diuifore virgularum compositione facies absq; vlla ingenii molestia. Quod vt facilius fiat, scholis Academix nostræ priuatis, atq; Tucholiensi, Nouodworfciana liberalitate firmiter iam constitutis, ligneas virgulas dono: aureas & argenteas in honorem primi inuentoris libenter donassem, si per fortunas liceret nostras. *A*reas iam olim donaueram Generoso Domino Valentino Raczkovski: cumq; iam ex eo metallo nullæ mihi essent, ligneas parauì Admodum Reuerendo Domino Francisco Zayerski, qui vt nomen ita ingenium quoq; subtilissimi Francisci Vietæ refert. Vtriq; ars Neperiana mirifice placuit. Plura cognoscentur ex ipso Nepero, ad quem studiosos remitto. Quodq; olim Veromandus circa finem capitis de diuisione scripserat, sublatam iam multiplicationis atq; diuisionis molestiam, per Rabdologiam hoc est virgularem Arithmeticam, præcipuè in Logarithmis vsurpamus: Pes bonus, oculus bonus, ait tyronibus la-

bus lanista: mens bona, memoria bona, manus bona, dicat hic Mathematicus discipulo. Omnino enim (vt scribit Neperus) nouitium hoc inuentum, obtusa & humi repentia refugit ingenia. Diligenti tamén nihil arduum & difficile videbitur.

Hic vero iam subsistamus, vel potius adhuc exhortatione iuuentutis ad mathemata, librum concludamus. Sæpe audimus raros esse mathematicum cultores ob eam præcipuè causam quod rari Mecænates sint: de hoc non disputo: sæpe tamen audio illud,

Sint Mecænates non deerunt Flacce Marones:
ab iis usurpari qui nihil Maronis in se habent. Maro tanto mathematicum amore tenebatur, vt inter præcipua ipsius vota illud habeatur:

*Me vero primum dulces ante omnia Musæ,
Quarum sacra fero ingenti percussus amore,
Accipiant caligæ vias & sidera monstrent!*

Id autem absq; Arithmetica atq; Geometria, Platonis sententia alis Astronomiæ, fieri non poterat: vt vel hinc colligamus his artibus Maronem intentum fuisse. Sed id ex aliis etiam locis clarè perspicitur. Frustra ergo ociosi usurpant illud,

Sint

Sint Mecanates nō deerunt Flacce Marones:

Verius multò hoc ipsū inuertitur ab eruditīs:

Non deerūt Mecanates sint Flacce Marones.

Ridiculum est ante laborem præmia poscere. Ac iam studiosus quoties Mecanatem non habet, imo etiam cum habet, multum sibi ad perfectionem eam, quam imbecillitas ingenii humani cōsequi potest, deesse arbitretur: modisquē omnibus ad veræ eruditionis fastigium contendens spem bonam concipiat, suis conatibus non defore Mæcenatem. Leo Græcanicus Imperator Eulogio Philosopho tesseram frumentariam militibus debitam dederat. Eunuchus ait: Hæc in milites debere absumi: Imperator verò respondet: Vtinam meis temporibus eueniat, stipendia militum in doctores artium absumi! Optabat hoc tum Leo: nostra ætas iam habet exemplum memorabile ad omnem posteritatem. An non stipendia generosissimi Domini BARTHOLOMAEI NOWODWORSKI Equitis militiæ Melitenfis Ordinis S. Ioannis Baptistæ Hierosolimitani in doctores artium atq; discipulos absumpta? Commemorabit grato animo hanc militarem munificentiam Academia Iagellonia Cracouiensis, quam

cognitio eius methodi & normæ qua verum & falsum discernuntur. Ultimo autem exercitium & vsus eiusdem methodi. Locum Galeni ex quo ista septem exponuntur, vel propterea producam quod Lacuna è Trincauelli pro Exercitio in mathematis substituit Optimam educationem. Galenus ergo ipse loquatur, Mathematicasq; contemplationes commendat.

Πρώτῳ μὲν ὁ ζῆα φύσις, ὥσπερ ὅπερ ἂν ἐκ διδάσκαλου μάθημα λογικὸν ἐν τῷ ὄντι ἐπεσθαι. δὲ τὸν δὲ ἕκ τῆς παιδικῆς ἡλικίας ἀγωγῇ καὶ αἰσθησὶς ἐν τοῖς πρώτοις ἡμέραις μαθημασι. μαλιστα δὲ αὐτὸν ἐν ἀριθμητικῇ τε καὶ γεωμετρικῇ γυμνάσασθαι. καὶ ἰσχυρὰ καὶ Πλάτων συμβουλεύει. τρεῖς ἐπὶ τύποις ἀπασιν ὑπερβαίνειν, τὰ ὅσα τοῖς κατὰ τὸν ἐαυτοῦ χερόν ἀρίστους εἶναι δοκῶσιν. εἴτα τετραρὶς αὐτὸν εἶναι φιλοπονεῖν, ὥς μηδὲν μὴ τῆς ἡμέρας μήτε νυκτὸς ἐκμελεῖν ἄλλο πλὴν τῶν μαθημάτων. εἴτα πᾶσι πᾶσι περὶ ἐλίγιστοις ὑπερβαίνειν ἀληθείας ὀρεχθῆναι, καὶ τούτο σπουδασαί μόνον ἐν ἀπαντὶ τῷ βίῳ κατὰ φρονήσαντα τῶν ἄλλων ἀπαντῶν, ἃ τοῖς πολλοῖς διασπείρειν πρὸς τοὺς ἐκτὸς ἐκμαθεῖν πᾶσι μέθοδον, ἢ διακρίνειν τὸ ἀληθὲς τε καὶ τὸ ψεῦδος. οὐ γὰρ δὴ ἀπεχρήτει γεμῶν ἐς τὴν εὐρεσιν τῶν

ζητεῖμεν ὁδηγεῖν αὐτὴν τῆς ἀληθείας, ἀλλὰ καὶ τῆς δι-
 ναν. ὅτι τῆς διέρεως περίσσεια. ἐξεδίμεν ἐπὶ
 τοῖς ἀπασιν ἀσκήσεται τὴν μεθόδον, ὡς μὴ γινώ-
 σκῃ μόνον, ἀλλὰ καὶ ἐκείνην διδάσκει.

Hæc Galenus. Multo adhuc illustrior lo-
 cus est libro de præcognitione: vbi de artium
 abusu grauitèr conqueritur. Geometria (in-
 quit) & Arithmetica ea duntaxat ratione in
 precio sunt, quod ad supputandas sumptuum
 ratiunculas aut domos extruendas vsum fe-
 runt. Astronomiâ vero & diuinatoriâ ad præ-
 sciendas hæreditates vtuntur. Musica quate-
 nus oblectare potest auditum. Philosophiam
 autem harum artium dominam, & demon-
 stratiuam disciplinam, omnino negligunt, nisi
 quando Rhetoribus sophistica arte, instrumē-
 to sane maligno, vti in oratione est animus.
 Sic ergo Galenus philosophatur, Arithmeti-
 camq; non ad computandum tantum, neque
 Geometriam ad metiēdum tantum, exoptat:
 sed quod clara & perspicua reddantur per has
 artes ingenia. His mathematicis singulis (ait
 Socrates apud Platonem) instrumentū quod-
 dam animæ cæterarum alioqui disciplinarum
 studiis corruptum & occæcatum tum expur-
 gatur,

gatu
cura
rum
hoc
gam
debe
ne d
tiis,
loph
thag
nop
Plot
rone
qui
quo
Por
prin
los
tius
ca q
ia d
pun
Arch
arte
scrip

gatur, tum recreatur, quod diligentius & accuratius seruandum sit quam decem oculorum millia. Quod si quis me roget qualem hoc loco Philosophiam cum Galeno intelligam, ei ex diuino nostro Socolouio respondebo. Libet enim nunc conclusionem librinectere ex grauissimorum authorum sententiis, vt facilius persuadeam. Vera inquit Philosophia, hæc dico quæ foris est, Trismegisto, Pythagora, Archita Tarentino, Platone, Xenophonte, Aristotele, Theophrasto, Proclo, Plotino, Philone, Psello, Iamblichio, Cicerone, Seneca, Epicteto, Plutarcho, & aliis qui horum interpretes fuerunt, continetur: quos isti (intelligit Franchenos, aliosq; nouos Porphyrios, Iulianos, Cellos, Lucianos,) ne à prima quidem fronte salutarunt, sed ipsos solos nescio quos scholæ cursus cucurrerunt potius, quam insisterunt in iis: moreq; vtrius pauca quædam grana continentis suam diuinam iactantes sapientiam, mortalibus circumstrepunt. Itaq; Socolouius cum Pythagoram, Architam Tarentinum Platonem nominat, artes Mathematicas atq; in his paucis alios scriptores Mathematicos nominat, nomineq;

Philosophiæ comprehendit. Iamque si artes
 communi quodam vinculo coniunctæ sunt,
 certè ad causarum in qualibet re peruestiga-
 tionem coniunctis artium præsiidiis progre-
 diendum est. Mulas vni fonti assidere anti-
 quitas putauit, nunc seiunguntur. Nihil in
 tota Republica literaria obscurius aliis vide-
 tur decimo Euclidis elemento: at hoc tamen
 ad physicarum rerum contemplationem mul-
 tum conferre probat doctissimus Keplerus
 Atq; hoc ita verum est, vt Copernicus sui tem-
 poris Aesculapius totam medicinam ad Archi-
 medæum problema reuocauerit, admirante
 Georgio Ioachimo Rhetico optimi senis diui-
 nas meditationes. Archimedæum problema,
 hoc est vt refert Pappus libro 8, quadragesimū
 inuentum mechanicum Archimedis, in quo
 fertur dixisse: Da mihi inquit vbi consistam,
 & terram commouebo: illud est: Datum pon-
 dus data potentia mouere. Itaq; Copernicus
 materiam morbi contumacem, pondus voca-
 bat: potentiam vero, præsidia medicamento-
 rum quibus materia contumax moueretur.
 Neq; mediocris ingenii est colligere dato pō-
 deri mouendo quæ seruiat potentia. Fortasse
 hic mul-

hic multi oculis Socraticis destituti, velut in tenebris progrediuntur saepe cespitantes. De his iam saepe locutus sum cum Clarissimo Domino Andrea Wolfowicz, Medico & Mathematico doctissimo. Hocq; ita esse apparebit in iis exemplis quæ mihi idem proposuit, de quibus etiam in Arithmetica partium agam postquam ex fontibus Italicarum Academicarum aliquos riuulos in meum agrum deduxero. Aut Poeta ad agricolas Hyemes optate serenas: ego quoq; adolescentibus Academicæ nostræ hoc dicam. Multa in usum eorum parauit: optent ut serena sit hyems mea, hoc est studiorum Medicinæ causa peregrinatio, pro qua (id exoptante Illustrissimo Domino MARTINO SZYSZKOVSKI, Episcopo Cracouienti, & Academicæ Cancellario dignissimo) facultatē ab Vniuersitate impetraui. Sic enim æstas dabit illis horrea plena scientiæ frugibus Habemus prælu Nowodworscianum quod publicis utilitatibus inseruiet: nihilq; iam aliud nobis restat, nisi ut in iis quæ concepimus, quid sit primum, quid secundum animaduertamus, ut tanto facilius intelligantur. Habebunt Arithmetica partium, atq;

figura

figuratorum. Habebunt Geometriam, Habebunt & Poloniae descriptionem, in qua iam profundamento ieci Vistulam: cuius flexus à Craconia Dantiscum vsque, arte paucis cognita obseruaui, vna cum Generoso Domino Valentino Raczkowski, amico meo fidelissimo. Erunt & alia, præparent tantum ingenia Arithmeticis præceptis, vt expeditiores reddantur ad ea percipiendum quæ dabuntur. Cumq; multa perceperint, quotidie tamen illud Theophrastæum cogitent, Ea quæ scimus, ne millesimam quidem partem eorum esse, quæ nescimus: neq; imitentur eos qui paululum ultra primas literas progressi omnia se scire putant. Hic seculi nostri morbus est. Sed iam hoc agamus quod propositum est. Vt efficaciter agamus, DEVS OPTIMVS MAXIMVS orandus est, vt mentem det naturæ intelligentem.



Primus hic NOWODWORSKI-
ANÆ foundationis fructus rem
strenuè promouente

Magnifico atq; admodum Reue-
rendo Domino SEBASTIANO
KRVPKA Iuris vtriusq; Docto-
re & Professore, Canonico Cra-
couiensi, Præposito Vieliciei,
RECTORE Vniuersitatis Craco-
uiensis vigilantissimo, prodit
in lucem

*Ex Typographia Matthiæ An-
dreouienfis.*

CRACOVIAE, Anno
Domini, 1620.



Ne ista pagina vacua sit, addo ex Henischio
hæc Arithmetica prouerbia quorum frequen-
tissimus esse potest vsus.

1. *Centum libra mæstitia vnam unciam de-
biti non soluunt.* Dictū Alphonsi Regis Nea-
politani, vt Æneas Syluius refert.

2. *In marsupio, in calice, in ira subintelli-
ge, hominis ingenium patefit.* Adagium He-
bræorum. Pecunia arguit fidem eius, cui con-
credita est: vt pondera animum mercatoris.
Nam qui auarus est, fere diuersis vtitur pon-
deribus. In vino verò animi mores apparent.
Nam in ore ebrii, quod in corde sobrii.

In nouam Arithmeticam
M. IOANNIS BROSCII
Acad. Crac. Astrologi Ordinarii.

ANAGRAMMA.

IOANNES BROSCIVS CVRZE-
LOVIENSIS MATHEMATICVS.

*Si bonus hic; Si castè numeros amas;
Zoile cur venis?*

Sic bo-



SI bonus hic liber est: labor utilis: Optimus inde
Proueniet fructus, culta iuuenta, tibi,

Si numeros tractare docet, si tradit Arithmi

Leges perfectè queis numerare queas

Cur nunc o iuuenis numeros addiscere cessas,

Si studijs recte consuluisse velis?

Namq; Mathematica perfectum reddet in arte

Formabitq; animam, tarda iuuenta, tuum.

Est in communi vita huius maximus usus:

Vsu nec numeri rustica vita caret.

Ergo ad sis (tibi enim seritur metiturq;) iuuentus

Et gratà numeri commoda mente cape.

Qui caste numeros amat, haud is ceca metalla

Sed causas rerum & pondera nosse cupit.

Si castè numeros amat, & doctissima quæq;

BROSCIVS huic prudens inserit arte libro:

Nam bona sicut apes fragrantibus insilit herbis

Dulcia ut hinc aliis mella parare queat:

Bibliothecarum sic magna volumina caute

Voluit, ut hinc nobis optima quæq; legat:

Qui legis hæc, eadem mecum fateare necesse est,

Quodq; iuventuti commoda mille serent:

Zoile nunc igitur, bona qui pro more reprêndis

Dic rogo, quare venis? Carpere? Carpe alios

Non timet hic linguæ ririose scommata, cum sit

Laus placuisse bonis, displicuisse malis.

Testandi adfectus ergo posuit

Ionas Wolckvvertz Hufanus Holsatus

ERRATA.

Folio 4, versu 13, pro calere lege callere.

Folio 15. versu 14 pro ducentorum viginti
quinq; aureorum Vngaricorum lege 225,
000 atreorum Vngaricorum

Folio 40 ver. ultimo pro πολλαπλασιαζειν
lege πολλαπλασιάζειν

Folio 41, versu 2, pro πολλαπλασιαζόμε-
νοι lege πολλαπλασιάζόμενοι.

Folio 49 versu 9 pro Pithagoræ lege Py-
thagoræ.

Folio 92 versu 12 pro 1343928 lege 1343628

Folio 112 versu 14 pro 900 lege 600.

Folio 139 versu 9 pro æquari lege comparari.

Folio 176 ver. 12 pro 183888 $\frac{7}{19}$ lege 183888 $\frac{7}{18}$

Folio 196 versu 6 pro calculorum Thesauri
lege calculonum Thesauri

Folio 202 versu 16 pro 4. 611. 686. 018. 427.
378. 904. lege 4. 611 686. 018. 427.
387. 904.

Eodem folio versu 21 pro 147. 573. 952. 589.
676. 412. 428. lege 147. 573. 952 589:
676 412. 928.

Folio 207 versu 12 pro meditationis lege me-
ditationis.

aces
uma
tius
am
eci
i se
fa
tur

sol.
sub.
do.
unt
ra-
nis
ra-
et?
ui-
et,

